





B. Prev.

amount Cresk

HISTOIRE

DES

SCIENCES MATHÉMATIQUES.



OF JOHN OF MINE

CONTRACTOR OF THE PARTY



IMPRIMÉ CHEZ PAUL RENOUARD, RUE GARANGIÈRE, N. 5.

645561

HISTOIRE

nys

SCIENCES MATHÉMATIQUES

EN ITALIE,

DEPUIS LA RENAISSANCE DES LETTRES

JUSQU'A LA PIN DU DIX-SEPTIÈME SIÈCLE,

PAR GUILLAUME LIBRI.

TOME TROISIÈME.

A PARIS,

CHEZ JULES RENOUARD ET C*, LIBRAIRES,

1840.





TABLE

DES MATIÈRES CONTENUES DANS LE TROISIÈME VOLUME.

LIVRE S	ECOND
Notes 1	T ADDITIONS204
Note	I 205
Note	II 308
Note	III 209
Note	IV 211
Note	V 212
Note	VI
Note	VII 214
Note	VIII 315
Note	IX 319
Note	X 221
Note	XI 225
Note	XII 226
Note	XIII
Note	XIV 228
	XV
	XVI 932
Note	XVII
Note	XVIII 234
Z.LUZQ.	XIX 235
Note	XX 236
Note	XXI 238
Note	XXII
Note	XXIII
	XXIV
Note	
Note	XXVI 266



Note	XXVII	272
Note	XXVIII	277
	XXIX	
Note	XXX	295
	XXXI	
Note	XXXII	357
Note	XXXIII	362
Note	XXXIV	363
Note	XXXV	446
DDITIO	N A LA NOTE (1) DE LA PAGE 115	451
DDITIC	IN A LA NOTE (2) DE LA PAGE 120	45-

LIVRE SECOND.

SOMMAIRE.

Introduction, p. 1. - Léonard de Vinci, p. 10. - Sa naissance, p. 12. - Ses succès précoces dans les arts, p. 13. - Prodigieuse variété de ses connaissances, p. 14. - Il est appelé comme musicien à la cour de Louis-le-More, p. 17. —Académie qu'il fonde à Milan , p. 20. — Sa détresse , p. 22. - Ses ouvrages sont détruits par des soldats, p. 23. - Il va successivement à Florence et à Rome, et vient finir ses jours en France, p. 24. - N'est pas mort entre les bras de François Ier, p. 25. - Ses manuscrits ont été pour la plupart égarés, p. 27. — Gavardi en vole plusieurs, p. 33. - Arconati refuse 60,000 francs d'un de ces manuscrits, et en fait présent à la bibliothèque Ambroisienne, p. 55. — Mérite du traité d'hydraulique composé par Léonard, p. 37. — Ses travaux sur la mécanique rationnelle, p. 40.-Il détermine le centre de gravité de la pyramide, p. 41. — Théorie du choc, frottement et dynamomètre, p. 42. — Gravité de l'air; vibration des surfaces élastiques; mouvement des ondes ,p. 43 .-Dans l'optique, Léonard croyait au système des ondes , p. 43. -Il étudie le vol des oiseaux, p. 43 .- Ses machines, p. 44 .-Ses recherches algébriques et géométriques , p. 46. — Ses tra-vaux hydrauliques , p. 49. — Colmate , p. 50. — Observations sur les fossiles, p. 51. - Anatomie comparée, p. 52, - Physiologic botanique, p. 52. - Léonard a inventé l'hygromètre, p. 53. — Ses observations sur la scintillation des astres, sur la lumière cendrée de la lune, sur l'action capillaire et la diffraction, p. 54. - Il a inventé la chambre obscure, p. 54. - Sa philosophie, p. 55. - Son scepticisme, p. 57. - Colomb, p. 60. - Tableau des connaissances géographiques des Européens au moyen age, p. 61. — Doria et Vivaldi tentent, au XIII° siècle, d'aller aux Indes par l'occident, p. 65. - Biographie de Colomb, p. 68. - Ses malheurs, sa fierté et sa mort, p. 81. — Effets de la découverte de l'Amérique, p. 82. - Civilisation des Aztèques, p. 86. - Vespucci n'a pas découvert la terre ferme, p. 94. - Il a déterminé les longitudes à l'aide des occultations des étoiles, p. 97. Misère de sa veuve, p. 97.
 Astronomes italiens, p. 98.
 Novara a été le maître de Copernie, p. 99.
 Fracastoro, p. 100. - Universalité de ses connaissances , p. 100. - Attraction, p. 100. - Les actions électriques, magnétiques et

physiologiques ont pour cause, suivant Fracastoro, un principe impondérable, p. 101. — Lunettes astronomiques, p. 101. — Mathématicien, p. 101. — Maurolycus, p. 102. — Sa vie, p. 104. - Ses travaux ont surtout pour objet la géomètrie des aucieus, p. 106. - Centre de gravité du paraboloïde, p. 115. - Optique, p. 116. - Commandin, p. 118. - Benedetti, p. 121. - Géométrie avec une seule ouverture de compas, . 121. - Importance des travaux de Benedetti , p. 124. -Géométrie analytique, p. 124. — Force centrifuge et mouvement du centre de gravité , p. 125. - Ses découvertes sur la chute des graves, p. 125 .- Poids de l'air, et existence du vide, p. 126. - Variations annuelles de la température, p. 128. - Les philosophes italiens attaqueut Aristote, p. 131. — Pacioli, sa vie et ses travaux, p. 135. — On trouve dans ses écrits plusieurs fragmens d'ouvrages de Fibonacci, qui sont à présent perdus, p. 139 .- Ghaligaj et autres mathématiciens, p. 145 .-Ferro résout les équations du troisième degré, et meurt sans publier sa découverte, p. 149 .- Tartaglia retrouve cette so-Intion et la communique à Cardan, qui la publie, p. 150. -Discussion entre Cardan et Tartaglia, à ce sujet, p. 152. -Vie et malheurs de Tartaglia , p. 155. — On lui doit le développement du binôme et des recherches sur le calcul des probabilités, p. 158. - Balistique et autres recherches de ce géomètre, p. 160. - Cardan, p. 167. - Singularité de son caractère , p. 167 .- Sa philosophie , p. 169 .- En algèbre , il détermine le nombre des racines des équations, emploie les racines négatives, et découvre les quantités imaginaires. p. 170. - Ses théorèmes sur les équations, p. 171. - Géométrie analytique, p. 173. - Physique de Cardan, p. 174. -Il cherche à déterminer de deux manières différentes le poids de l'air, p. 175. — Température de l'espace, p. 177. — In-fluence de la couleur sur l'absorption des rayons calorifiques. p. 177. - Ferrari découvre la résolution des équations du quatrième degré, et meurt à la fleur de l'âge, p. 180. - Bombelli et son algèbre, p. 181. - Coup-d'œil sur l'ensemble des travaux des Italiens au xvre siècle , p. 184. - Etat de l'Italie, p. 189. - Archives d'un cardinal, p. 193. - Influence de l'Eglise, p. 196. - Vers le milieu du xvie siècle, les arts et les lettres cèdent le sceptre aux sciences , p. 198. - On s'applique généralement à l'étude des mathématiques; le l'asse est professeur de géométrie, p. 201. - Galilée vient au monde le jour de la mort de Michel Ange, p. 201.



SCIENCES MATHÉMATIQUES

EN ITALIE.

LIVRE SECOND.

C'est une belle gloire pour l'Italie d'avoir pu, à chaque grand mouvement social ou intellectuel de l'Europe, se placer au premier rang. Il n'est pas nécessaire de rappeler l'influence des . Romains sur la civilisation de l'Occident: après les invasions des barbares, les républiques italiennes, dont parfois le petit territoire échappe aux yeux'; brillent comme ces astres dont on n'aperçoit que la lumière. A la chute de ces républiques, quand les grandes monarchies qui se forment en Europe écrasent de leur poids l'Italie, elle envoie Colomb à la découverte de l'Amérique, les arts et les sciences à la conquête du Nord. Enfin, de nos jours, lorsqu'elle semblait devoir assister en esclave aux révolutions qui bouleversaient la

III.

face du monde, elle a enfanté Napoléon pour leur redonner la victoire et, ce qui était plus difficile encore, pour les maîtriser.

Il y eut un temps où, comme l'Italie, toutes les autres contrées de l'Europe étaient morcelées; mais leur organisation féodale en préparaît de loin la réunion, tandis que les républiques italiennes si acharnées dans leurs luttes s'affaiblirent sans pouvoir se constituer en un seul état, et se trouvèrent dépourvues de défense lorsque des nations compactes et armées se présentèrent à la cime des Alpes. Des historiens doués de beaucoup de sagacité, mais qui voyant les évènemens de trop près semblent avoir éprouvé une espèce d'éblouissement, , ont attribué principalement à la mort de Laurent de Médicis et à l'exaltation d'Alexandre VI, les invasions des Français et la ruine de l'Italie (1). Mais l'indépendance d'une nation est bien chancelante lorsqu'elle ne repose que sur la vie d'un petit tyran bourgeois, et sur la possibilité d'exclure du Vatican un homme corrompu. Mainte fois des princes étrangers, faibles suzerains d'un grand état, avaient franchi les Alpes,

⁽¹⁾ Voyez le premier livre de l'histoire de l'Italie par Guicciardini.

et toujours ils avaient été repoussés par des républiques, plus puissantes alors que les empereurs. Plus tard, lorsque l'heure où la monarchie devait dominer en Europe fut arrivée, les peuples se serrèrent autour des rois, et les chefs subalternes furent étouffés; mais l'esprit municipal, les jalousies qui divisaient l'Italie ne permirent que l'élévation de quelques tyrans secondaires. D'ailleurs en lançant ses foudres contre quiconque aurait osé lui faire craindre l'unité italienne, l'Eglise la rendait impossible. La mort de Laurent de Médicis, l'irruption de Charles VIII, ne furent que des faits isolés, sans influence sur les destinées de l'Italie. Peut-être son asservissement ponvait se retarder encore de quelques années, mais il devint inévitable le jour où François Ier et Charles V l'eurent choisie pour champ de bataille. Cette tendance des états européens à l'agglomération, l'impuissance où la démocratie était réduite, avaient frappé le génie pénétrant de Machiavel, qui destina son Prince à l'éducation d'un despote capable d'asservir mais de défendre l'Italie (1). Désespérant désormais de la

⁽s) Plus on étudie, plus on se persuade qu'il n'y à pas

démocratie, il demandait à un tyran l'indépendance de son pays : les tyrans arrivèrent en foule, mais l'Italie attend encore son libérateur.

Combats acharnés entre les familles qui se

beaucoup d'ouvrages sérieux, même d'auteurs célèbres, qui soient lus en entier. On parcourt au hasard quelques pages, et puis on quitte le livre non sans porter souvent un jugement sévère sur l'écrivain et sur son œuvre. Ce jugement est répété mille fois par des gens qui n'ont jamais vu l'ouvrage dont ils parlent; et voilà comment se font les fata libelli. C'est ce qui est arrivé à Machiavel. Sans étudier sa vie ni ses écrits, on l'a condamné d'après quelques passages du Prince, qu'on ne lisait jamais en entier. Qu'on médite le dernier chapitre de cet ouvrage célèbre, et l'on verra si l'auteur aimait sa patrie et la liberté! En écrivant ce chapitre, qu'il a intitulé Exhortation à délivrer l'Italie des barbares, l'historien, inspiré par une noble passion, s'est abandonné aux mouvemens de la plus mâle éloquence. Machiavel est le chef de cette école politique qui croit tout permis pour la délivrance de la patrie. S'il était né au milieu d'une démocratie puissante, il aurait prêché l'insurrection, et de nouvelles Vèpres Siciliennes : venu dans des temps de décadence et de servitude, il a voulu confier à un chef hardi et astucieux les destinées de son pays. Il ne s'est pas proposé de former un roi bou, mais un despote fort et propre au combat; et les hommes qui aiment le plus l'Italie sont encore à se demander s'il leur reste d'autre espoir. Les maximes du Prince ont été souvent pratiquées par des gens qui ne voulaient pas affrauchir leur pays : elles ont été condamnées par des conspirateurs qui u'avaient pas eu, comme Machiavel, les membres brisés par la torture.

disputaient les ruines de leur patrie, proscriptions, supplices, généreuses tentatives des amis de la liberté; tout ce qu'on avait vu à la chute des anciennes républiques, se retrouve à la décadence des républiques italiennes. Les chefs qui s'emparèrent alors du pouvoir ne furent pas, comme on l'a prétendu, les pacificateurs nécessaires et clémens d'une démocratie turbulente : si ces petits états ne purent offrir le spectacle d'une nouvelle bataille d'Actium ou de Philippes, ils furent désolés par des proscriptions non moins terribles que celles de Sylla, d'Antoine et d'Auguste.

Le relâchement des mœurs, l'affaiblissement du caractère qui amena la ruine des républiques italiennes, et l'élévation de quelques ignobles despotes, auraient tari dans ce pays les sources de la gloire si d'autres principes n'avaient succédé à l'ancienne énergie. A cette époque, quoique opprimés, les républicains n'avaient pas perdu tout espoir, et la lutte avait formé de ces grandes àmes qui semblent toujours destinées à assister à la ruine des états. Tant que ces esprits ardens purent combattre pour la patrie, ils ne quitterent pas les armes; vaincus, ils cherchérent un refuge dans les lettres ou dans les arts, et le

cultiverent avec l'ardeur qu'ils avaient montrée sur la place publique et dans les camps. Mais on ne doit pas croire qu'un peuple s'illustrera dans les travaux de l'esprit par cela seul qu'il aura perdu sa liberté; d'autres causes contribuèrent au nouveau développement littéraire de l'Italie. Après un siècle qui fut le règne exclusif des érudits, il se fit une réaction :on reprit l'usage de la langue italienne, on s'occupa d'études utiles, et les hommes, éclairés par la connaissance du passé, se tournèrent vers l'avenir. Le goût s'épura, le sentiment du beau se développa, se répandit, et les philosophes avant appris à lire dans l'original les productions des plus beaux génies de l'antiquité, s'appliquerent avec de nouvelles forces à la recherche de la vérité.

Toutefois, en signalant quelques-unes des causes qui semblent avoir contribué à relever la gloire de l'Italie, nous n'avons pas la prétention d'expliquer ce concours extraordinaire d'esprits supérieurs que le commencement du seizième siècle a légués à l'admiration de la postérité. A notre avis, nous l'avons souvent répété, c'est le caractère, c'est l'énergie qui fait les grands hommes, et le talent n'a-jamais manqué chez les peuples qui sentent et qu'veulent avec force:

cependant, une réunion d'hommes tels que Léonard de Viuci, Machiavel, Colomb, Raphael, Michel-Auge, Farioste, qu'entouraient une foule de disciples illustres et de rivaux, est un fai qu'aucune recherche historique ne semble pouvoir expliquer.

Ces génies sublimes ont excité l'admiration de toute l'Europe, et pourtant, par une inconcevàble contradiction, l'Europe entière a appelé lâche, perfide et corrompue, la génération d'où ils étaient sortis ; comme si d'un cœur corroinpu pouvaient surgir de nobles et divines pensées. On a faussé l'histoire, et profitant du malheur des vainous, outre leurs propres vices, on leur a reproché ceux de leurs oppresseurs. Si un avocat sorti de Valence, va s'asseoir sur-le trône de Saint-Pierre et le souille de plus de turpitudes et de crimes que n'en commirent januais Tibère et Néron, il se trouve encore, trois siecles après, d'ignorans calomniateurs, qui, au lieu de les considérer comme une exception à la nature humaine, font de Borgia et de sa famille espagnole, le type de la scélératesse italienne. Un Chaumont a beau se complaire à Milan dans des jeux de cruelle débauche qui auraient fait honte à un lieutenant d'At-

tila (1): une armée composée d'Allemands et d'Espagnols, et conduite par un Bourbon. a beau dévaster Rome plus brutalement que ne le fit Genseric : les Italiens qui se sont laissé vaincre doivent porter les crimes de toute l'Europe. Il fandrait mettre un terme à ces injures de mauvais goût : la justice et la prudence le commandent également. Les peuples qui se croient au sommet de l'échelle sociale, prouveraient mieux leur supériorité en se montrant équitables et compatissans envers des frères malheureux et opprimés. Ce n'est pas assez de leur donner quelquefois du pain; il faut que ce pain ne soit pas couvert d'opprobre. Des sarcasmes amers, d'outrageantes épithètes suscitent des antipathies qui ne tournent jamais au profit des nations entreprenantes. La victoire et la défaite ne sont, dans l'histoire que de périssables accidens. Un regard de la fortune donne ou enlève l'empire du monde ; et chaque peuple a eu ses journées d'Austerlitz et de Waterloo. Ce qui ne périt jamais, c'est l'ascendant

⁽¹⁾ Voyez Ponto, Du, lettere storiche, Venezia, 1832, in-8, ft. 103.

moral, c'est le concours aux progrès de la civilisation: et on n'a pas d'ascendant sur ceux dont on blesse le sentiment national. Il n'y a que des insensés qui puissent prêcher la haine et semer la discorde parmi les peuples! D'ailleurs, si l'on devait user de récriminations, on trouverait partout des crimes non moins abominables que ceux des Farnèse et des Médicis; mais on chercherait en vain dans l'histoire de l'Italie un monstre semblable à ce maréchal de Retz, qui, pour effacer les traces de ses épouvantables forfaits, livrait aux flammes ou faisait jeter par morceaux dans des lieux immondes, des centaines d'enfans sur lesquels il avait assouvi son infâme brutalité. D'autre part, les dévotes obscénités, les incestes de la cour d'Henri III, viennent un siècle après rejeter dans l'ombre tout ce que Burchard (1) nous raconte

⁽¹⁾ On ne connaît que trop les extraits, publiés par Leibnitz, du fomes. Distritur de Burchard. Ils inspirent le plus profond dégott lorsqu'ils ne fontpas frémir d'horiyur. Malcheureusement ce Journalese représente ni une époqué exceptionnelle ni des gens à part faç compulsant les archives de toutes les nations, en troute-des chréniques non moint vichés en turpitudes. Ainal, par exemple, un siècle après les Boligs, lechanciter Du Vair, hamng grage et pieux, dioc-

de la famille Borgia.... La justice et la prudence commandent aux peuples de ne pas insulter leurs frères malheureux!

Si, à l'aspect de ces hommes placés comme des colosses à l'entrée du seizieme siede, on osait témoigner une préférence, peut-être la palme seria accordée à Léonard de Vinci; génie sublime qui agrandit le cercle de toutes les

sait à un érudit célèbre, à Peiresc, des fragmens sur la cour d'Henri III, où les infamies les plus révoltantes sont racontées avec une imperturbable indifférence. Du Vair avait vu se renouveler les jalousies entre frères, et transformer le célèbre souper du dernier dimanche d'Octobre, en une orgie plus nombreuse à la face du soleil. Ce nouveau Diarium fait connaître à quels usages étaient destinés les chapelets, par ces princes qui désolaient la France pour des guerres de religion. Il faut espérer qu'il ne se trouvera pas un autre Leibnitz, et que cet écrit restera toujours inédit : mais fût-il publié, il ne porterait pas atteinte à la gloire de la France; car les nations ne sont responsables ni des crimes de quelques individus, ni des calomnies de quelques écrivains. En des temps orageux, où d'un jour à l'autre tout pent être remis en question , celui qui prêche la discorde est toujours imprudent et souvent criminel. Il n'y a que l'union et la fraternité entre les peuples qui puissent assurer le progrès de l'humanité, et consolider des conquêtea qui ont confe fant de sang. Le manuscrit dont je viena de parler se trouve à la Bibliothèque Royale : il est facile de comprendre pourquoi je n'en donne pas le numéro.

connaissances humaines. Dans les arts, Michel-Ange et Raphael ne purent éclipser sa gloire : ses découvertes scientifiques , ses recherches philosophiques le placent à la tête des savans de son époque. La musique , la science militaire , la mécanique , l'hydraulique , l'astronomie, la géométrie, la physique, l'histoire naturelle , l'anatomie furent perfectionnées par lui. Si tous ses manuscrits existaient encore , ils formeraient l'eneuclopédie la plus originale , la plus vaste, qu'ait jamais créée une intelligence humaine. Homme également supérieur par les grandes qualités de l'imagination , de l'âne (i) et de l'esprit, en qui la nature semble avoir voulu montrer toute sa puissance, en le faisant aussi

- Istifacts in all

25 4- / 4, 7 2 7 1

⁽i) a L'animo, e l'aslore sempre regio è magnamino. » (Vasari, site/tom. VII. p. 26).— Milano, 1808, f. 9 vol. ins., a Avera Lionardo grandissimo animo, e in ógni ana azione era generesiasimo » (Vasari, site, tom. VII. p. 64).— Il es Con la libralità sua recogliera e pascera ogni amog parte, tom. VII. p. 68).— Il rendait l'argent aux, personnes qui m'étaient pas contentes de ses tableaux; Dans ses manuscrità on trouve marquieri des sommes considerables qu'il a donnée à se clève (MSS. de Léonard de Fineri, vol. G. F. 18; et vol. F. coupert.) : enfin Vasari dit: «Che spesso passande dai luoghti deve si serderano uccelli, si sua manufecavindo!

te plus beau (1) et le plus fort de ses contemporains (a). Rien n'a manqué à sa gloire, ni les épreuves du malheur, ni l'injustice des générations qui ne savaient qu'imparfaitement le comprendre; mais il a pris une éclatante revanche: sorti de son pays comme une espèce de musicien ambulant, il a su intéresser la vanité des rois jusqu'à ambitionner le mérite contesté d'avoèr recueilli son dernier soupir, et troissiècles après sa mort il nous oblige à rassembleir religiéussement les fragmens de ses écrits pour en former une des plus belles pages de l'histoire des sciences.

Léonard naquit (3) en 1452 à Vinci, petit châ-

di gabbia e pagatogli a chi li vendeva il prezzo che si era chiesto, li lasciava in aria a volo, restituendo loro la pristina libertà. » (Vasari, vite, tom. VII, p. 40).

⁽t) « Lionardo da Vinci, nel quale oltre la bellezza del corpo non lodata inai abbastanza.....» (Vasari, vite, tom. VII).

⁽a) « La farsa in lui fa molta e ĉongiunţa colla destreza» (Vasorri, vici, tom. VII, p. 56).—« Egli con le furze une riterineva ogni violenta faria, e con la destra torceva un feiro d'una campanella di muraglia e uur ferro di cavallo ciome s'éf fosse di poimbo v (Vasarri, vitte, tom. VII, p. 68).

⁽⁵⁾Pendant long-temps on a cru que Léonard était né en 145 s, mais la véritable date de sá naissance se irouve, dans l'arbre généalogique de la famille Vinci par Dei (860g depti, uomini illustri Tosepsi, Lucca, 1771, à vol., în-8, tom. 13, p. cxxvi))

teau situé dans le territoire de Florence, et l'on a prétendu qu'il n'était fils d'aucune des trois femmes que son père avait épousées (1). Il s'appliqua d'abord à la peinturc et y fit des progrès is rapides qu'à peine sorti de l'enfance, ayant peint un ange dans un tableau d'André del Verrocchio, celui-ci, honteux d'avoir été vaineu par son élève, ne voulut jamais reprendre le pinceau (2). Après ce succès précoce, abandonné par son maître, il devint grand peintre de luimème, comme l'attestent l'Adamet Eve, la Vierge, la Méduse, et ce bouclier qu'il fit pour un paysan et qui forçait les spectateurs à reculer d'épouvante (3). Mais, bien que portée à un si fiaut point, la peinture ne put remplir les pre-

⁽¹⁾ Voyez Amoretti, Memorie storiche di Leonardo du Vinci, p. 14-18, en tête du Trattato della pittura de Léonard de Vinci, publié in-8, à Milan en 1804.

⁽e) all quale (Andrea del Verrocchio) facendo una tavola dove S. Giovanni britezzava Cristo, Lionardo lavorò un angelo che teneva alcune vesti, e benchi fosse giovanetty, lo condusse di tal maniera che molto, meglio delle figure d'Andrea tava "angolo di Lionardo; il che fu expione che Andrea mai più non, volle teccar colori, algentoni che un fanciallo ne sapesse più di dui «Veter», site, tom. VII, p. 45-41).

⁽³⁾ Vasari, vite, tom. VII, p. 44-44.

mières années de Léonard. Il s'occupa d'algèbre (1), de botanique, d'astronomie (2), de musique (3), de sculpture (4), d'architecture (5), de mécanique (6), et en tout il excella. C'est lui qui

^{(1) «} Ecco, nell'abbaco, egli in pochi mesi che ei vi attee, frece tanto acquisto, che movendo di continuo dabbje difficialita al maestro che gli inseguava, bene spesso i de confondeva « (Vasara, vite, tom. VII, p. 36). — Dans les manuacrits de Léonard, on trouve souvent des recherches algébriques (MSS. de Léonard de Vinci, vol. N, f. 180, vol. A, f. 20, etc.).

⁽a) e Filosofando delle cose naturali, attese a intendere la proprietta dell'erbe, continuando ed osservando il moto del ciebo, il corso della luna, e gli andamenti del sole » (Va-sarr, tite, tom. VII, p. 40).— Nous exposerons plus lois quelques-unes de ses recherches astronomiques on trouve dans ses manuscrits des figures de plantes et des essais de classification. Le septième livre de son traité de la peinture (Vinci, L. da, truttata della gittura, Roma, 1817, in-181, et continua que de la physiologie végétale. Voyez aussi Gerit, Ressins de Léonard de Vinci, Milan, 1768, in-fol., pl. XVI.

⁽⁴⁾ Vasari, vite, tom. VII, p. 37-58.

⁽⁶⁾ Varnit, vite, tom. VII, p. 37:

⁽⁶⁾ a Fede disegni di mulini, gualchiere, ed ordigni che potessero andare per forză d'acqua a (Vasari; vite, tom. VII,

le premier a formé le projet de rendre l'Arno navigable (1), et qui osa proposer au gouvernement de Florence de suspendre l'église de Saiuf-Jean, à l'aide de inachines, et de la relover tout d'une pièce avec ses fondemens (2). Les magistrats craignirent de se laisser séduire par un projet si gigantesque, sorti de l'imagination d'un jeune homme; car, Léonard était encore

p. 38). — Ed ogni giorno faceva modelli e disegui da potere scaricare con facilità monit e forarli, per passare da un piano a un altro, e per via di lieve, d'argani e di vite mostrava potera alzare e tirare pesi grandi; e modi da ogtar parti e trombe da cavare da' luoghi bassi acque. » (Ibid. p. 39).

^{() «} E fa il primo ancorachè giovanetto, che diacorresse sogra il fiume d'Arno per metteto in canale da Pisa a Fisorenza » (Fasari « vile , tom. VII, p. 3-). — Le volume N. f. 65 et 109, dea manuscrits de Léonaud, contient una curte géographique de la Toscane, d'après laquelle on voit qu'il voulsit faire passer le canal par la plaine de Pistoja.

⁽a) « E fra questi modelli e disegni ve n' era une col quale più volte a molti cittadin ingegnois, che allora governavano Fiorenza, mostrava volore alzare il tempio di S. Giovanni di Fiorenza, e sottomettervi le acales-sedia rivinario » (Vazari, este, tom. VII. p. 3a). — Probablement le projet de Léonard lui vazit été suggéré par le succès qu'avast obtenu peu d'années supparant l'Aristite de. Pravanțue si Bologne drana usite opération analogue; Woytz ei desense tom. II. p. 237.

à Florence lorsqu'il faisait ou préparait tant de choses; et il avait à peine (1) trente ans, quand fatigué de vivre obscur et délaissé dans un pays que Laurent de Médicis gouvernait alors, il quitta la Toscane pour aller à la cour du duc de

⁽⁴⁾ Vasari dit que Léonard n'alla à Milan qu'en 1494, mais évidemment il se trompe ici, et il n'avait jamais étudié suffisamment ce point, puisque, dans la première édition de ses Vite, il dit que l'artiste florentin fut reçu à la cour de François Sforza, quoique ce duc ent cessé de vivre en 1466 (Vasari, vite, Fiorenza, 1550, 3 part. en a vol. in-4, part. 3, vol. II. p. 568-569), et que d'ailleurs il raconte dans la vie de Guiliano da San Gallo, que lorsque cet architecte fut envoyé à Milan par Laurent de Médicis , il y trouva Léonard (Vasari, vile, tom. VII, p. 306). Or, tout le monde sait que Laurent mourut en 1492. D'ailleurs Sabba da Castiglione, auteur contemporain, dit que Léonard avait travaillé pendant seize ans au cheval de bronze qui fut détruit lors de l'entrée des Francais à Milan (Castiglione, Sabba da, ricordi, Venezia, 1555, in-4. f. 52), ce qui ferait remonter au moins à 1483 l'arrivée de Léonard à Milan. Plusieurs passages des Rime de Bellincioni prouvent que l'auteur de la Cène était dans cette ville de 1487 à 1489, et l'on trouve différentes notes de sa main qui se rapportent à son séjour en Lombardie, want 1492. Pagave avait même vu le desain d'un pavillon fait par Léonard à Milan, en :148s; mais peutêtre le manuscrit d'où il avait tiré cette notice a péri depuis, car on n'a jamais pu térifier la citation consignée dans ses papiers. Voyez surtout à ce sujet Amoretti; Memorie, p. 27-32.

Milan jouer d'un instrument qu'il avait inventé. (1)

Là, comme musicien et comme poète improvisateur, il surpassa tous ses rivaux (2): mais bien-

Voyez la note I à la fin du volume.

(5) « Laonde superò initi i musici che quivi erano conversi a sonare. Oltra ciò fu il migliore dictiore di rima all'improvviso del suo tempo » (Vasari, vite, tom. VII, p. 47).

^{(1) «} Fu condotto con gran reputazione Lionardo al duca. il quale molto si dilettava del suono della lira, perchè sonasse » (Vasari, vite, tom. VII, p. 47). Ce fait a été contesté par Amoretti, qui n'oppose cependant que des conjectures vagues à l'assertion positive et répétée ; de Vasari. Léonard a laissé dans ses papiers le dessin de sa lyre, et celui d'une viole ; et il est représenté pinçant de la guitare, dans plusieurs manuscrits contemporains. D'ailleurs, s'il avait été appelé à Milan comme peintre, sculpteur ou architecte, on ne voit pas pourquoi dans la lettre qu'il écrivit au dnc, et faisant l'énumération de ses talens après avoir parlé de l'architecture militaire et de ses inventions en mécanique, il aurait ajouté : « In tempo di pace credo satisfare benissimo a paragone de omni altro in architettura, in composizione di edifizi et publici et privati : e in conducere aqua da uno loco ad un altro. - Item conducerò in sculptura de marmore, di bronzo et di terra : similiter in pictura ciò che si possa fare ad paragone de omni altro et sia chi vole..... Et se alchuna delle supraddicte cose ad alchuno paressero impossibili, et infactibili, me ve offero paratissimo ad farne esperimento. » Dans cette lettre Léonard parle de tout, excepté de la musique; il est donc probable qu'il n'était connu que comme musicien.

tòt il se fatigua d'être confondu avec les bouffons de la cour, et pour se faire apprécier à sa juste valeur, il écrivit au duc une lettre, où en offrant ses services il exposait les découvertes qu'il avait faites en artillerie et en architecture militaire (1). Il est difficile de savoir où et comment le grand peintre avait appris à fortifier les places, mais il nous familiarisera avec des surprises de ce genre : nous verrons des sciences tout entières sortir de sa tête sans qu'on puisse deviner comment elles y étaient entrées.

Depuis trois cents ans, on ne cesse d'admirer le triple talent de Michel-Ange, qui sut élever la coupole de Saint-Pierre, peindre le jugement dernier et sculpter le Moise. Cette admiration est bien légitime, cependant il ne faut pas que l'éclat dont brille Buonarroti offusque à nos yeux la gloire de ses rivaux. De l'aveu de tous les contemporains, le monument de François Sforza que Léonard fut chargé d'exécuter à Milan, pouvait disputer la palme aux plus belles statues. (a). La Cène dit



⁽¹⁾ Voyez la note I à la fin du volume.

^{(2) «} E nel vero quelli che veddono il modello che Lionardo fece di terra grande giudicano non aver visto più bella cosa nè più superba » (Vasari, vite, tom. VII, p. 55; ei

ce qu'il fut dans la peinture, et les édifices qu'il éleva, les nombreux dessins qu'il a laissés, prouvent qu'il était aussi grand architecte que peintre et sculpteur excellent (1). Cependant, il ne s'occupa des arts qu'accidentellement; et les succes qu'il obtint dans toutes les autres branches des connaissances humaines suffiraient à l'illustration de plusieurs savans.

Durant les longues années que Léonard passa

(1) Vasari, vite, tom. VII, p. 37. — Amoretti, memorie, p, 86, 93, 159.—Gerli, dessins de Leonard de Vinci, pl. XV.

tom. XIV, p. 60). - Pacioli, en parlant de cette statue, l'appelle «Admiranda et stupenda equestre statna, da l'invidia di quelle di Fidia e Prasitele in Monte Cavallo al tutto aliena » (Pacioti, Divina proportione, Venetiis, 1509, in-fol., f. i). - Vasari le loue beancoup comme sculpteur (Vasari, vite, tom. VII, p. 37). Lomazzo l'appelle unico pittore e plasticatore (Lomazzo, trattato della pittura, Milano, 1585, in-4, p. 691, 71, 177, etc.). En parlant de la prééminence des arts, Léonard dit : a Adoperandomi io non meno in scoltura che in pittura, ed esercitando l'una e l'altra in un medesimo grado. » (Vinci, L. da, trallato della pittura, p. 38, lib. I). - Toutes les éditions qui précèdent celle de Rome se ressemblent; elles ne sont pas divisées en livres et contiennent 365 chapitres. Comme nous avons souvent l'occasion de citer l'édition de Milan (1804) et celle de Rome, pour ne pas répéter toujours la date, nous dirons, une fois ponr toutes, que lorsque nous citerons ainsi le livre (lib.) ce sera l'édition de Rome qu'il faudra consulter : dans le cas contraire, il s'agira de celle de Milan.

en Lombardie, il ne travailla pas exclusivement au monument de Sforza: il exerça tour-à-tour ses talens en peinture et en architecture; il dirigea une foule de travaux hydrauliques (i); il fit construire un grand nombre de machines et composa plusieurs ouvrages (a). On doit surtout signaler l'Académie qui fut fondée sous ses auspices et dirigée par lui (3). Louis-le-More, qui, par un crime malheureusement trop fréquent chez les princes italiens, appela les étrangers à son secours pour se maintenir sur le trône, choisisait mieux les savans que ces Médicis dont on a tant vanté la protection: en effet, pendant que Laurent ne savait s'entourer que d'é-

⁽¹⁾ Vasari, vite, p. 37-38. - Amoretti, memorie, p. 190-

⁽s) En 1498, Pacioli, après avoir parlé du Cheval et de la Cène, diasit: « E non de queste satio à l'opera inextimabile del moto locale, de le percussioni e pesi e de le forze tutte cioè pesi accidentali (havendo già con tutta dilligentia al degno libro de pictura e movimenti humani posto fine) quella con ogni studio al debito fine attende de condurre » (Pacioli, divina proportione, f. 1).

⁽³⁾ Pacioli, divina proportione; f. 1. — Amorelli, memorie, p. 40-41. — Vasari, vite, tom. VII, p. 39. — Cette société est peut-être la première académie acientifique et expérimentale qui ait été créée en Italie.

rudits, deux Toscans, Léonard et Pacioli, qui ont tant brillé dans les sciences, trouvaient un asile à la cour de Milan, où plusieurs hommes célèbres étaient alors réunis (1). Mais Léonard les laissait tous bien loin derrière lui, et il était l'âme de cette académie, dont il grava même sur cuivre les devises, à une époque où ce genre de gravure venait à peine de naître (2). Il paraît qu'il contribua aussi à la rédaction de plusieurs ouvrages composés par des membres de cette académie, et, entre autres, à la Divina proportione (3) de Pacioli, qui a surtout pour but de déduire de principes géométriques, les règles et les proportions de la peinture, de l'architecture et de tous les arts. Dans les manuscrits de Léonard, on trouve quelques indications sur les ouvrages qu'il dirigea on qu'il fit à Milan; mais, comme il a séjourné à deux reprises

⁽¹⁾ Pacioli, divina proportione, f. 1.

⁽²⁾ Vasari, vite, tom. VII, p. 39. — Amoretti, memorie, p. 9 et 41.

⁽⁵⁾ Pacioli dit: « Tanto ardore ut schemata quoque hec Vincii nostri Leonardi manibus sculpta... addiderim » (Pocioli, divina proportione, Sign. A II). — Mais en ayaut égard à l'objet de l'ouvrage; on voit que Léonard a dû faire plus que graver les figures.

différentes dans cette ville, il est difficile de déterminer l'époque précise à laquelle on doit rapporter ses recherches et ses travaux.

On se tromperait cependant si l'on voulait déduire de la présence en Lombardie de plusieurs hommes éminens, que le duc de Milan fut un grand protecteur des lettres et des sciences. Sans douteil aimait à réunir autour de lui les savans et les artistes (1), mais il ne faisait rien pour encourager leurs travaux; une lettre de Léonard, dont il ne nous reste qu'un fragment, montre de combien de dégoûts et de chagrins on l'avait abreuvé, Cette lettre fait éprouver un sentiment de profonde tristesse, Léonard y dit : qu'après avoir travaillé plusieurs années, il a reçu à peine de quoi payer ses ouvriers, et qu'il n'est resté pour lui que quinze livres : il demande au moins quelques vêtemens pour se couvrir, et il ajoute que, si cela continue, il sera forcé d'abandonner (2) les arts!

⁽a) On voit dans Phistoire inédite d'Arluno que Louisle-More s'était adonné à tous les genres de luxe, et qu'il avait réuni pèle-mèle à sa cour une infinité de mathématiciens, de philosophes, de musiciens, histrionique gestus tudierorunque doctores carinois (dumertit, memorie), p. 81).

^{(2) «} Essermi data più alcuna commessione d'alcuna...

(23)

Le beau monument auquel Léonard avait consacré seize années fut détruit par des arbalétriers gascons lorsque les Français entrérent à Milan (1). Alors on abattit les maisons

del premio del mio servitio perchè non sono da esserle ds. . cose assegnationi perchè loro hanno entrate di p. ti e che bene spesso possono aspettare più di me. Signiore, conosciendo io la mente di vostra excellentia il ricordare a vostra signioria le mie pichole cose. ch 'l mio taciere fosse causa di fare isdegniare vostra mi trovo continuamente parato a ubidire del cavallo non dirò niente perchè cogniosco i tempi : . . a V. Sig. chom io restai aver il salario di due anni del. con due maestri, i quali continuo stettono a mio salario che al fine mi trovai avanzato di detta opera circha lire opere di fama per le quali io potessi mostrare a quelli che da per tutto, ma io non so dove io potessi spendere le mie l'aver atteso a guadagnarmi la vita. » (Amoretti, memorie,

« (1) Le lascisrono vituperosamente rovinare, et io vi ricordo (et non senza dolore et dispiacere lo dico) una cosi nobile des partisans des Sforza (1) dont plusieurs furent abandonnés à la vengeance du vainqueur; d'autres furent trainés dans les prisons de la France: onle voit, ce n'est pas de nos jours seulement que les Italiens sont accoutumés à peupler les bastilles de l'étranger! Indigné de ces violences (2), Léonard quitta la Lombardie, et prit du service comme ingénieur militaire auprès de César Borgia; mais il n'y resta pas long-temps. Il se rendit à Florence, et là, en concurrence avec Michel-Ange, il fit ce magnifique carton de la bataille d'Anghiari, dont Vasari et Cellini parlent comme d'un prodige (3), mais qui ne suffit pas pour le

et ingegnosa opera fatta bersaglio a' balestrieri Guasconi» (Castiglione, Sabba da, ricordi, f. 51; — « Il quale durè sino che i Francesi vennero a Milano con Lodovico re di Francia, che lo spezzarono tutto » (Vasari, vile, tom. VII, pa 55).

⁽¹⁾ Corii historia mediolanensis, Mediol., 1503, in-fol. signat. X IIII.—Amoretti, memorie, p. 86-87.

⁽s)Sur la converture du manuscrit L de Léonard, on trouve la note suivante qui prouve combien ces décordres l'avaient affecté : « Il castella no fatto prigione. — Il Visconte strascinato e poi morto il figliuolo. — Gan della Rosa tollo li d danari. — Bergonzo principio e nol valle e poi fieggi le fortune. — Il duca perso lo stato e la roba e la libertà, e nessuna sua opera si fini per lui. »

⁽³⁾ Vasari, vite, tom. VII, p. 62-64 .- Cellini, vita, Co-

faire respecter par le gonfalonier Soderini (1). Dépuis lors, il erra beaucoup, et nulle part on ne sut apprécier son mérite. A Rome, Léon X s'indisposa contre lui, parce que, l'ayant chargé d'un tableau, il 'apprit qu'il s'occupait d'opérations chimiques pour préparer le vernis (2): alors le grand artiste quitta la cour du pape, et après plusieurs voyages il alla terminer ses jours au château du Cloux, près d'Amboise, entouré de ses disciples, et non pas, comme on l'a prétendu (3), entre les bras de François I'.

lonia, S. D, in-4, p. 12-13. — Éconard avait fait uné déscription pittoresque et très intéressente de cesse bataille, elle a cié publiée par Amoretti avec quelques légères différences de l'original (Amoretti, memorie, p. 95. — MSS. & Léonard de Vinci, yol. Nf. 7, 20).

⁽s) « Essendo incolpato d'aver giuntato Pietro Soderinistal morinerate contré di lui; perché Libenardo fece tanto con gli amici satoi, che reguno i danari e portolli per restituire v (Vasaré, vite, tom. VII, p. 64).

^{(3) «} Dicesi che essendogli allogata un opera dal Papa subito comincio a stillare olii ed erbe per far la vergice; perchò fu detto da papa Leone: « Oimè, costui non è perfare nulla » (Vaseri, vite, tom. VII, p. 86).

⁽³⁾ Vasari dit qu'il expira dans les bras du roi (Vissari, vite, tom. VII, p. 67-68). Dans l'Idea del tempés della pittura (Milano, 1590, in-2, p. 58), Lomazko répète la mane.

Quand nous avons avancé que Léonard pouvait être considéré comme l'homme le plus accompli de son siècle, nous ne nous sommes pas dissimulé la difficulté qu'il y avait à reconstruire ce grand colosse, dont il ne nous reste que quelques débris. Bien que le carton de Florence ait péri, bien que des moines milanais et des chevaux étrangers aient ruiné la Cène, les artistes n'ignorent, pas que Léonard fut un des plus grands peintres qui aient paru sur la terre: mais bien peu de sculptèurs savent qu'il excella dans leur art; aucun architecte ne va visiter les débris des édifices élevés par Léonard, ou étudier les dessins d'architecture qu'il nous a laissés; aucun musicien ne cherche à savoir ce qu'il fit en mu-

choes, tandis que dans les Rime (Mitano, 1587, in-4, p. 109), it did que or fut Melai qui annonça au roi le mort de kéo-nard. Cette discordance suffirait seule pour jeter du doute sur la réalité du faits mais le doute acquiert une nouvelle force, lorsqu'ou voit Fraieçoin Melai, écrismat d'Ambeise aux frères de Léonard pour leur annoncer la mort du grand ariste, ne faiter au cune mention de la visite de François P(Elogj degli nominai illustri Tocconi, tom. II, p. CXXXIV-CXXXIV). D'ailleurs Venturi a prouvé que les mai 1819, jour de la most de Léonard a focur était à Saint-Germain-ch-Lays, et que le roin vên sortit qu'à la fin de juillet : ce qui rend absolument impossible l'angectoir rapportée print rend absolument impossible l'angectoir rapportée par qui rend absolument impossible l'angectoir rapportée par le contract de la most de la

sique (1); et les poètes ignorent que du vivant de Politien et de l'Arioste, le grand peintre avait mérité une place distinguée parmi les poètes contemporains.

Toutefois, quoique imparfaitement, Léonard est connu des artistes : c'est surtout comme savant qu'il est ignoré. Nous allons analyser est travaux scientifiques, et comme cet examen n'a été fait jusqu'ict que d'une manière incomplète, nous entrerons dans quelques détails, pour montrer à - la - fois la grandeur de l'homme et l'importance dif sujet.

L'oubli dans lequel on a laissé pendant si long-temps les découvertes du peintre toscantient d'abord à ce que, pendant sa vie, il n'a jamais publié aucun ouvrage, et ensuite à la perte du plus grand nombre de ses manuscrits. Les écrits qui long-temps après sa mort ont été publiés sous son nom, ne sont pas ceux qu'il avait destinés au public. Ce ne sont que des compilations faites, après sa mort, par des per-

Vasari (Venturi, essai sur les ouvrages de Leonard de Vinci. Paris, 1797, in-4, p. 39).

⁽¹⁾ Lomazzo, Idea del tempio della pittura, p. 129.

sonnes qui ont possédé ses autographes. Ainsi, par exemple, le Traite de la peinture, que Du Fresne fit paraître d'abord en 1651, et qui, après plusieurs réimpressions, a été de nouveau publié à Rome avec de notables additions, n'est pas, certainement, celui que Léonard avait composé Celui-ci, dont parlent Pacioli et d'autres écrivains (1), se trouve fréquemment cité par livres et par chapitres dans les originanx de l'auteur : et ces citations né se rapportent pas aux ouvrages qu'on a imprimés. Le manuscrit qui a servi à Du Fresne, comme celui de la bibliothèque du Vatican, ne sont que des extraits dus aux premiers possesseurs des notes laissées par Léonard. De ces manuscrits, où toutes les matières se trouvent confondaes, on a pu tirer un plus on moins grand nombre de chapitres et de passages relatifs à la peinture. Beaucoup de ces passages n'ont pas été copiés et sont encore inédits. Nous

⁽i) Bacioli dit que Léonard avait complètement rédigé le Traité de la peinture [Pacioli, divina proportione, f. i). Vasari raçonte qu'un peintre miliania, avait entre les mains ch traité aujographe et qu'il voulait le faire imprimer à Rome (Fairer, veits, tom. VII, p. 57);

savons de plus qu'il avait écrit sur la porspective (1). Cet ouvrage n'a pas été publié: on en ainséré quelques chapitres dans le Traité de la peinture, mais il en reste des fragmens considérables inédits. (2)

Ces manuscrits sont des especes de carnets ou Léonard écrivait ses pensées, ses projets, sur toute sorte de sujets; on il esquissait le plan d'une église, le dessin d'une tête qui l'avait frappé, ou d'une machine qu'il avait imagiuée en se promenant. Il recommande aux jeunes artistes l'usage de ces carnets (3), et il en portait toujours sur lui. Ce n'est qu'en pareourant ces

⁽¹⁾ Celini, due trattati, Fiorenza, 1863, in-4, 42. Morette codici manageritit volgari della biblioteca Naniana, Venezia, 1776, in-4, p. 153. — Cellini dit à plusieure reprisse qu'il le prèta à Serbio, et que celul-ci en tira caqui'ly a de mieux dans sorpourage. An reste, je possède un fragment indit de la Perspectivi du grand peintre de Florence, et peut-âtre je le fersa paraltre un jour, si qe parriesa à réaliser mon frojre de publier ses Eurores inditte.

⁽a) Dans l'édition de Rome, Manzi, a donné un livre entier sur la perspective; mais Léonard nous fait connaître que sa Perspective contenait plusieurs livres, puisqu'il cite le accond (17mi, 18 da, traitato della pittura; p. 69, c. cx).

⁽⁵⁾ Vinei, L. da, trattato della pittura, p. 57, c. 1011.

notes, écrites par Léonard, qu'on peut se faire une idée de la force, de la fécondité, de la variété de son génie. Souvent on trouve dans le même feuillet un apologue politique qu'on croirait dicté par Machiavel (1), des maximes philosophiques ou morales dignes des philosophes de la Grèce (2); des préceptes qui sembleraient tirés de Bacon, s'ils n'étaient écrits long-temps avant la naissance du chancelier d'Angleterre; des recherches sur le vol des oiseaux, des problèmes d'algèbre, des fragmens de géologie, des observations de botanique, des questions de mécanique, ou de balistique, des théorèmes d'hydraulique, des sonnets, des dessins d'architecture et des caricatures. Si l'on ajoute à cela beaucoup de faits relatifs à la vie et aux travaux de l'artiste, des lettres, des chapitres ou des ta-

Voyer la note III à la fin du volume.

⁽¹⁾ Voyez la note Il à la fin du volume.

⁽a) Pour citer un exemple de la manière dont Léonard entremblit les réflexions morsés aux recherches scientifiques, je dirai qu'après la description de plusieurs instrumens désinés à mesurer le temps (parmi lesquèls on voitune espèce dependade), qui si brouvent au fœillet re du manuscri N, on litectte belle pensée : « Dec esser fatto affinché si sompatitionne le ore, e non si spassindatro questa misera visit e non si perda la memoria di noi nellementi de mortali. »

bles synoptiques d'ouvrages qu'il avait écrits on qu'il voulait composer, des contes badins, des recherches sur les langues, on aura encore une idée fort imparfaite de ces manuscrits. Après avoir écrit ces notes, Léonard les rassemblait pour en faire des chapitres, et l'on voit qu'ici, comme en peinture, il était difficile à contenter. En effet, il y a tel chapitre qui est rédigé de dix manières différentes. Les tables analytiques de ses ouvrages, qui se trouvent dans ces carnets, prouvent que, non-seulement il avait écrit un traité de peinture et un traité d'hydraulique, mais qu'il avait aussi composé des traités spéciaux sur le choc des corps, sur le mouvement, sur le frottement, sur les machines, sur le vol . des oiseaux et sur l'anatomie comparée. (1)

Comme nous l'avons déjà dit, aucun de ces ouvrages n'est arrivé jusqu'à nous. Le traité de la peinture (2) et le traité d'hydraulique, les



⁽¹⁾ On voit par ses notes qu'il avait écrit un traité de l'anatomie humaine comparée à celle du cheval (MSS. de Léonard de Vinci, vol. K, f. 28 et 29).

⁽²⁾ Le Traité de la peinture fut publié en 1651, à Paris, par Du Fresne, à qui Del Pozzo en avait envoyé une copie manuscrite. Cette copie était très incomplète. Mauzi en a

seuls qu'on ait publiés, ne sont formés que de notes et de chapitres séparés qu'on a trouvés dans les manuscrits de Léonard et qu'on a disposés dans un ordre différent de celui où il les aurait classés (1); mais les citations qu'il en a faites (2), les tables des ma-

donné une édition en 1817, d'après un manuserit de la bibilioihèque du Vatien: mais quoique le texte soit preque doublé, il est bien loin de contenir toutes les remarques et les préceptes sur la peinture qui se trouvent dans les autographes de Léonard.

(1) Les manuscrits du grand peintre contiennent des chapitres de ses ouvrages et des tables synoptiques qui, comme nous l'avons déjà dit, ne correspondent pas à ce qui a été publié. Ainsi, dans le volume A, f. 55, on lit ces paroles : «Cominciamento del trattate dell'acqua... L'omo è detto dagli antichi mondo minore : certo la dizione d'esso non è bene collocata etc. » .- Or, ce commencement, qui évidemment devait servir d'introduction à l'ouvrage, n'a aucun rapport avec celui du Trattato del moto e misura dall'acqua, publié à Bologne, en 1828, in-4, dans la Raccolta degli autori sul moto dell'acque. - D'ailleurs, dans le volume E des manuscrits de Léonard (f. 12), on trouve la table analytique du premier livre de ce même traité du mouvement des eaux, et elle diffère notablement de la table du premier livre de l'ouvrage imprimé. Une table synoptique du livre della percussione dett acque in diversi obietti se lit dans le manuscrit N (f. 78. -- Voyez aussi f. 73); et ce livre tout entier manque dans l'ouvrage publié à Bologne.

Voyez la note ly à la fin du volume.

⁽⁵⁾ En lisant avec attention le Traité de la peinture, on ac-

tières qu'il à laissées prouvent que ce ne sont pas là les ouvrages rédigés par le grand peintre. Non-seulement ces ouvrages ont péri, mais on a perdu aussi la plupart des livres où il écrivait ses notes. Après sa mort, tous ses manuscrits, ses dessins et ses instrumens devinrent la propriété de François Melzi son élève, à qui il les avait légués, Melzi, qui n'était qu'un amateur, plaça ce précieux héritage dans sa maison de Vaprio près de Milan; ses descendans n'en tiurent aucun compte et un certain Lelio Gavardi, parent d'Alde Manuce le jeune, et précepteur dans cette famille, ayant remarqué qu'en laissait perdre cette belle collection, déroba treize de ces manuscrits, et les porta en Toscane pour les vendre au grand-duc

François I"; mais ce prince venait de mourir, et ils furent déposés à Pise chez Alde, qui les montra à son ami Mazenta. Celui - ci désapprouva fortement la conduite de Gavardi, qui, honteux de sa mauvaise action, le chargea de rapporter à Milan et de restituer ces manuscrits aux Melzi. Horace, alors chef de cette famille, ignorant la valeur de ces treize volumes, en fit cadeau à Mazenta et lui dit qu'on avait oublié dans un coin de sa maison de Vaprio beaucoup d'autres dessins et manuscrits de Léonard. Plusieurs amateurs obtinrent ensuite les dessins, les instrumens, les préparations anatomiques, enfin, tout ce qui restait du cabinet de Léonard. Pompée Léoni, sculpteur au service de Philippe II, fut des mieux partagés; il promit à Melzi qu'on le nommerait sénateur si, après avoir recouvré les treize volumes qu'il avait donnés à Mazenta, il en faisait cadeau au roi d'Espagne. Melzi ne put en ravoir que sept ; de ceux qui resterent à Mazenta, un fut remis au cardinal Borromée pour la bibliothèque Ambroisienne, le péintre Figini en obtint un autre, le duc de Savoie un troisieme, enfin les trois derniers tomberent entre les mains de Léoni, qui en sépara tous les fenillets, et, les ayant fait en-

cadrer, en forma un gros volume qui après sa mort échut à Calchi, et fut ensuite vendu à Galeas Arconati (1). Mazenta, à qui nous devons l'histoire de ces manuscrits, dit qu'Arconati ne voulut pas céder le sien au duc de Savoie et à d'autres princes qui le lui demandaient. Nous savons qu'il parvint ensuite à réunir jusqu'à douze des manuscrits de Léonard, et qu'ayant refusé soixante mille francs que Jacques Ier, roi d'Angleterre (2), lui fit offrir pour le volume formé par Léoni (volume qu'on a appelé le Code atlantique), il les donna tous à la bibliothèque Ambroisienne, où une inscription en marbre a perpétué la mémoire de cette libéralité (3). La même bibliothèque en recut ensuite un autre d'Archinto, et tous ces manuscrits restèrent à Milan jusqu'à l'époque où ils furent apportés en France par les commissaires de la République Française. Le code atlantique, déposé à la Bibliothèque nationale, fut rendu plus tard aux Mi

⁽¹⁾ Venturi, essai, p. 33-35.

⁽¹⁾ Venturi, essai, p. 36.

⁽³⁾ On peut lire cette inscription dans Ameretti, memarie, p. 15.

lanais; les autres manuscrits resterent à Paris (1). Ontre ceux-ci, il y en a un dans la bibliothèque Trivulzi de Milan; et il en existait plusicurs chez les héritiers du conseiller Pagave, qui avait réuni des matériaux pour une vie de Léonard. Quelques dessins se trouvent au Musée Britannique; il y en a aussi chez différens particuliers. Quant au manuscrit de Turin et à ceux qui avaient été offerts au roi d'Espague, on n'a jamais su ce qu'ils étaient devenus. S'il en reste encore quelque part il sera facile de les reconnaître, car ils sont tons écrits de droite à ganche. On a essayé d'expliquer cette singularité de bien des manières; les biographes modernes ont cru que Léonard voulait ainsi cacher ses recherches et ses pensées (2); mais

⁽⁾ Les manusciuls restén à Paris portent saccassisement des lettres A, B, C, D, etc., en place des numéros; le Code atlantique de l'Ambroisienne est marqué de la lettre N. Four me conformer aux étations de Venturi, je les désigneria par ces lettres. Il ont aussi d'autres marques qui servirisient à retrouver les citations de Pagave, si l'on avait toas ceux qu'il a connus. J'indiquersi par des lettres de l'alphabet (grec d'autres manuscriis que Venturi n'a pas connus, et dont je donnerai une description plus détaillée dans la Bibliographie à la fin de çet ouvrage.

⁽²⁾ Ventura, essai, p. 4.

Lomazzo et Vasari (1) affirment qu'il était gaucher. Il est possible au reste que ces deux causes y aient à-la-fois contribué. Car Léonard mettait tant d'originalité dans tout ce qu'il faisait, que probablement il y a une intention particulière dans cette manière d'écrire.

Bien que les ouvrages publies sous le nom de Léonard ne soient que des assemblages de notes, de pensées, et d'observations tirées de ses manuscrits, on des copies imparfaites et mutilées des traités qu'il avait composés, ils contiennent cependant des observations et des recherches scientifiques, dignes d'intérêt, comme nous la prouverons bientot. Il n'est pas nécessaire de porter un jugement sur l'ensemble du traité de la peinture, dont les plus grands artistes ont fait l'éloge. Pour le traité d'hydraulique, il suffira de dire que trois siècles après la mort de Léonard, Bidone (2), si bon juge en cette matière, l'a consi-

⁽¹⁾ Lomazzo, trattato della pittura, p. 158 et 691. - Vasuri, vite, tom. VII, p. 56-57.

⁽a) Voici en quels termes M. Bidone parle de cet ouvrage; « Pour ce qui regarde la forme de la surface et la direction des courans contenus dans les canaux, je ne dois pas ometire de fairemention d'un manuscrit inédit très répaignable, jin-

déré comme le meilleur écrit sur l'éconlement des eaux, Quant aux ouvrages de Gerli, d'Hollar, de Caylus, de Cooper, de Chamberlain, où l'on

prime et publié tout récomment (en 1828) à Bologne, intitulé Del moto e della misura dell'acqua, di Leonardo de Vinci, et qui est inséré dans le tome x, de la quatrième édition faite dans la même ville, du recueil des auteurs italiens qui ent écrit sur l'hydraulique. Ce manuscrit rapporté au temps où il a été composé (en 1500 ou environ), sera sans doute regardé par les savans comme un des plus beaux monumens du génie de son auteur \ déjà si célèbre à tant de titres. Si cet ouvrage avait été publié à l'époque où il a été écrit, il aurait incontestablement haté les progrès de l'hydraulique. La partie descriptive de la forme et de la direction que les courans contenus dans des canaux prennent selon les différens cas, est d'une telle exactitude et d'une telle vérité, qu'elle ne laisse rien à desirer : elle porte l'empreinte de son auteur, exercé à bien saisir et à bien représenter les objets sur lesquels il fixait son attention. Mais ce n'est pas là le seul mérite de cet ouvrage. Les explications qu'on y donne de ces formes et de ces directions, sont en général justes et conformes aux principes de la mécanique, ou elles le deviennent avec de légères modifications. Il y a plus encore, ces formes et ces directions n'y sont pas considérées d'une manière uniquement abstraite et stérile, mais on les examine par rapport aux essets qu'elles produisent sur le fond et contre les parois du canal, et par là on fait voir dans quels cas et dans quels endroits se forment les tournans d'eau, les affouillemens, les attérissemens et les corrosions, phénomènes qui tous dépendent et sont une conséquence nécessaire de la forme et de la direction du courant » (Memorie della reale accademia delle scienze di Torino, Tom. XXXIV, p. 234-235).

a reproduit des dessins de Léonard, nons indiquerons ce qu'ils contiement de plus remarquable. Mais c'est principalement dans les manuscrits inédits du grand artiste que nous puiserons, pour montrer combien il a fait pour les sciences.

Les écrivains du seizième siècle disent qu'il fut savant en mathématiques, en physique et en botanique, qu'il créa l'anatomie comparée et qu'il fut le premier mécanicien de son temps ; ils parlent souvent des machines qu'il avait introduites dans les arts et dans les manufactures (1) Mais on ne pouvait faire connaître son immense savoir qu'en publiant ce qu'il y avaît de plus intéressant dans ses carnets. Or ces manuscrits n'ont jamais été sérieusement étudiés : le travail que Pagave avait préparé sur ce sujet n'a pas vule jour, et Venturi n'a fait paraître qu'un mémoire, destiné à servir d'introduction à un ouvrage qu'il n'a jamais composé. Les trop courts passages qu'il a cités dans ce mémoire se rapportent principalement à l'architecture militaire, à l'optique, à la physique terrestre, à un petit nombre de propositions de mécanique et à quelques

⁽¹⁾ Lomazzo, trattato della pittura, p. 60, etca etc.

préceptes de philosophie; mais quelque importans que soient ces fragmens, dont Venturi aureste n'a publié qu'une traduction, ils ne donment qu'une idée très imparfaite de la prodigieuse fécondité de l'esprit de Léónard. Pour la faire connaître, il faudrait réunir et publier en entier tont ce qui nous reste de lui; malheureusement une telle publication ne saurait avoir lieu dans cet ouvrage; et nous nous bornerons à signaler les recherches, les théories, les faits les plus intéressans qu'une étude assidue de ses manuscrits nous a fait découvrir.

Léonard était passionné pour la mécanique, qu'il appelait le paradis des sciences (1), et it s'en est occupé théoriquement et pratiquement. Il a laissé un grand nombre de propositions relatives au mouvement local. En les réunissant on parvieudrait probablement à recomposer, au moins en partie, le traité qu'il avaité écrit sur cette matière (a). La théorie du

^{(1) «} La meccanica è il paradiso delle scienze matematiche, perchè con quella si viene al frutto delle scienze matematiche, » (MSS. de Léonard de Vinci, vol. E., f. 8).

⁽²⁾ Pacioli, divina proportione, f. 1. - MSSo de Leonard de Vinci, vol. A. f. 8.

plan incliné s'y trouve exposée avec beaucoup de justesse, et il y indique le principe des vitesses virtuelles (i). Léonard avait trouvé le centre de gravité de la pyramides il a été par conséquent le premier parmi les modernes, quise soit occupé du, centre de gravité des solides (a). Mais le problème de la chute des graves

⁽¹⁾ Venturi, essai, p. 17-18. — Léonard a dit, sans le démontrer cependant, que la descente se fait plus promptement par l'arè que par la corde (Venturi, essai, p. 18).

⁽²⁾ Commandin et Maurolycus s'étaient, jusqu'à présent disputé cette découverte. Nous verrons plus loin qu'elle est due à Archimède, mais comme il ne reste qu'une vague indication des recherches faites sur ce sujet par le grand géomètre de Syracuse, on n'en a jamaia parlé, et les modernes s'en sont attribue l'honneur (Montuela, hist. des mathi edit., tom. I, p. 571). Le peintre toscan est le premier qui s'en soit occupé depuis la renaissance. Il y revient à plusieurs reprises : lorsqu'il s'agit d'un système de corps, il cherche d'abord le centre de gravite de chaque corps pria séparément, et puis par le principe du levier, il combine ces carps deux à deux, et il trouve le centre des forcea parallèles, qui est en même temps le ceptre de gravité du système (MSS. de Leonard de Vinci, vol. N. f. 72, 83, 85, vol. A, f. 33. etc.). Dans le volume F. (f. 51), il détermine le centre de gravité de la pyramide, qu'il place, comme cela est en effet, au quart de la hauteur de la droite qui joint le sommet au centre de gravité de la base : la figure qui socompagne sa note prouve que Leonard décomposait les pyramides en plans parallèles à la base comme en le fait à présent.

n'y est qu'imparfaitement résolu (1). Il avait écrit aussi un ouvrage sur le choc des corps, et il en reste des fragmens intéressans d'abord, une table synoptique de toutes les circonstances du choc (2), puis la théorie du bond, qu'il a vérifiée par l'observation. C'est hij qui a introduit en mécanique la considération du frottement, dont il a calculé l'effet par une suite d'expériences ingénieuses (3). Il connut l'impossibilité du mouvement perpétuel (4). Pourcalculer l'effet des machines; il inventa un dynamomètre, et il détermina le maximum de l'action des animaux en combinant leur poids avec la force musculaire (5). Il observa la résistance, la con-

⁽¹⁾ Voyez la note V à la fin du volume.

⁽a) MSS. de Lionard de Vinci, vol. N.f. 8, 47, 64, etc. — Léonard dit que le choc est proportionne à la lorce, à la dureté des corps, et à la vitesse de la commanication de mouvément. Il définit le choc a Una potentia ridotta in piccol tempo.

Voyez la note VI à la fin du volume.

⁽³⁾ MSS. de Léonard, de Vinei, vol. N, ft. 10, 71, 81, etc. (6) MSS, de Léonard, vol. A, ft. 21. — Il a pease aussi que da quadrature du cercle étais impossible (MSS, de Léonard de Panci, vol. N, ft. 123). Cos daux propositions négative rélieus biendifficiles acque voir au commencement du assistence siècle.

⁽¹⁾ Vinci, L. da, trattato della pillara, p. 148, c. cexxxiv. Voyez la note VII la fin du volumo.

densation et le poids de l'air (1) et il en déduisit l'explication de l'ascension des corps dans l'atmosphère et de la formation des nuages (2). Il semble avoir remarqué pour la première fois les mouvemens réguliers de la poussière placée sur des surfaces élastiques en vibration (3). Il étudia longuement le mouvement des animaux et le vol des oiseaux. Les recherches anatomiques et mécaniques d'un tel observateur

(1) MSS. de Leonard de Vinci, vol. N, f. 70, et vol. X.

(a) MSS. de Léonard de Fines, vol. N., f. a8, 41, 71, 107, 59; — « Quanto l'arta fia più vinina all'acqua ordi herra, tauto in fip il grossa. Provasi pr la 19, del secondo, che dice: Quelle cosa nemo si leva che ari in se maggior gravera, seguits che la più hiere più vinnala che la grave a (Fines).

A. da, fruttata della più liura, p. 1910. c. cv.1).

(3) MSS. de Lémard de Vinet, vol. A, f. 71. — Une observation plus importante el plus complète est celle des oudes circulaires qui semblent se evoière à la surface de l'éan, et que Léonard avait recomm se répréduire en sons inverse après le choe I dit l' act quis et o Qui parte dell' onde che perçous in pu altert o'inda, rifette inverso le, centri de l'orio, exciti a (MSS. de Leonard de Vinet, vol. N, f. 8). — Il en a parlé begucciur plus longuement dans son hydraslique (Vinet, h. da, traitaturet moio dell'angua, p. 300-31, 332, etc.). Leonard ne croyait pas al système di Felinsiano poir la liumière (MSS. de Léonard de Vinet, vol. N, f. 537). Il considérat le son et la lumière comme se propageant de la inciene manière (MSS. de Léonard de Pinct, vol. N, f. 5).

sur un sujet si difficile et encore si peu connu, conservent toute leur importance. Léonard les avait entreprises pour essayer s'il serait possible de faire voler les hommes (1), et il avait composé un ouvrage spécial sur cette matière (2). Il avait inventé un nombre infini de machines applicables aux arts et à l'industrié : il semble s'être proposé de les substituer toujours à l'action de l'homme; plusieurs furent adoptées dans la pratique, et l'on en connaissait encore l'inventeur vers la fin du seizième siècle (3); mais son nom a été oublié depuis, et maintenant il faut rechercher ses inventions dans ses manuscrits. Nous citerons particulièrement un odomètre très ingénieux (4), plusieurs machines pour laminer le fer (5), pour faire des cylindres, des limes, des scies, ou des vis (6), pour tondre le drap (7),

⁽¹⁾ MSS, its Lémand de Vines, vol. N. f. s.; — It avait inventé plusieurs appareils pour se soutenir sur l'eas, et puir la mayigation sous-marine (festi, desrins, pl. 40-48—1998). Etoiard de Vines, vol. N, f. 7 et 381, et vol. B, f. 13) (4) Voge II, note VIII à la fin du volume.

⁽³⁾ Lomazzo, idea del tempio della pittura, 106, 652.

⁽⁴⁾ MSS. de Leonard de Vinci, vol. N. f. 2,

⁽⁵⁾ MSS. de Leonard de Vince, vol. N. f. 3 et 4

⁽⁶⁾ MSS. de Leonard de Vinci, vol. N. 1. 2, 8.

⁽⁷⁾ MSS. de Leonard de Vinci, vol. N, I, 10.

pour raboter (1), pour dévider; un pressoir mécanique, un marteau pour les batteurs d'or (2), une machine pour creuser des fossés (3), une autre pour labourer la terre à l'aide du vent (4). des appareils de sondage, une roue adaptée aux bateaux pour les faire mouvoir (5), et une infinité d'autres machines dont nous ne saurions faire ici l'énumération. Il fit construire un grand nombre d'appareils ingénieux d'une utilité toute domestique, mais qui n'en sont pas moins dignes d'intérêt, parce qu'ils prouvent que peu de phénomènes physiques avaient échappé à son attention. Il avait imaginé un tourne-broche dont la rotations'effectue par le mouvement ascensionnel de l'air raréfié par le feu (6), des fourneaux qui chauffent par dessus et par dessous (7), et des lampes à double courant d'air (8).

⁽c) MSS. de Leonard de Vinci, vol. N, 1,37.

⁽a) MSS. de Leonard de Venes, vol. N. 1, 10.

⁽³⁾ MSS. de Léonard de Vinci, vol. N. f. ro.

⁽⁵⁾ MSS. de Leonard de Vinci, vol. 1, 5

⁽⁶⁾ MSS. de Leonard de Vinci, vol. N. f. 6. (7) MSS. de Leonard de Vinci, vol. A. f. 81.

⁽⁸⁾ MSS. de Leonard de Vinci, vol. N, f. 32, et vol. B, f. 15

⁽⁸⁾ MSS. de Leonard de Vinci, vol. N, 1, 32, et vol. B, 12 is.

Il avait constaté l'action de l'air pour alimenter la combustion et la respiration.

Leonard étudiait la mécaurque et la physique avec le secours de l'algèbre et de la géometrie. Dans ses recherches algébriques et dans les applications, il se servait des lettres de l'alphabet, et il a tuventé d'autres nôtations que l'on emploie encore à présent (1). Il s'occupa de géométrie, dont il semble avoir écrit un traité spécial (2) et il appliqua cette science à la mécani-

(1) MSS, de Léonard de Vinei, vol. A., f. 10. — C'est lui qui a inventé les signes + et — que M. Chasles semble attribuer à Stiffela (USS. de Léonard de Vinei, vol. N., f. 180. — Charles, appryu, Bruxelles, 1857, in-Q. p. 5300.

(2) a Essendo bonissimo deometra » (Vasari, vite, tom. VII. p. 37). - Les douze premiers senillets du volume I des manuscrits de Léonard sont remplis de recherches géométriques, dans lesquelles il cite plusieurs fois son traité de géometrie. - Leonard a considéré les polygones étoiles (MSS. de Lionard de Vinci, vol. N, f. 12 et 43), il a cherché une méthode générale pour étendre sur un plan les sur-faces courbes, et il a résoln des problèmes de géométrie avec une seule ouverture de compas , comme l'ont fait plus tard Tartaglia, Cardan, Benedetti et Perrari (MSS. de Leonard de Vinci, vol, B, f. 27). Il a remarqué les caustiques MSS. de Leonard de Viner, vol. F, f. 28, et vol. N. f. 74), il a distingué les lignes à double courbure des courbes simples (MSS. de Léonard de Vinci, vol. N, f. 65), il a considéré les surfaces comme étant les limites des corps, et les lignes comme étant les limites des surfaces. Enfin il a invente le tour ovale dont M. Chasles a parfaitement fait sentir l'imque, à la perspective et à la théorie des ombres. En astronomie, il a soutenu, avant Copernic, la théorie du mouvement de la terre (1), et il s'est occupé de plusieurs grandes questions de physique céleste (2). Nous avons déjà montre les progrès qu'il avait fait faire à la théorie de l'hydraulique et à ses applications. Cette réunion de fragmens qu'on a publiés sous le nom de Mouvement et mesure de l'eau, et qui, comme nous l'avons dit precedemment, differe beaucoup du traité composé par Léonard sur cette matière, se refuse à l'analyse. Au reste le peintre de Florence ne s'était pas borné, comme le firent les plus célèbres ingénieurs du siècle suivant, à ce qui pouvait être d'une application immédiate aux canaux, aux rivières et aux torrens; il avait étudié la science dans toute la

portance en geométrie (Chastes, aperçu, p. 57). Il faut seutment remarquer que M. Chastes cite par inadvartance le traité de la peinfure de Lomazzo, fundis que c'est dans l'Idea del tempio della sittura (p. 17), que formano purie de cette inachine.

⁽³⁾ Fenturi, esci, p. 7-8.
(3) Nous verrons plus loin qu'il s'est appliqué avec succès a expliquer le lumière cendrée de la lune, la sciutillation des cioiles , les marées, etc., etc.

généralité que comportaient les moyens dont il pouvait disposer. Il fit des observations nombreuses et répétées, et fut le premier à poser les bases de la théorie des ondes (1), de celle des courans, et à observer ces formes si singulières des veiues liquides qui, étudiées denos jours par d'illustres physiciens, ont donné naissance à taut de belles découvertes.

Léonard, comme nous l'avons déjà dit, avait voulu canaliser l'Arno, en lui faisant traverser la plainé de Prato et de Pistois, et les marais du Valdarno inférieur que cette rivière aurait comblés par ses attérissemens. Ce projet offrait de grands avantages; on aurait évité par la cette longue gorge de la Gonfolina qui ralentit la vitesse du courant, et qui augmente

⁽¹⁾ Non-sealement léonard ayait observé les cirgonitances les plus impéciales de mouvement, des ondes léguides, mais ils vaitappliqué les mêntes principes his propagation des ondes sonores. Il ayaitobservé l'es ondes permanentes et les rides, ou ondes secondaires (Vinci, l., da, de mote o mistros dell'argue, p. 330-521, 326, 327-328, 319, etc.). C'est surtout dans les desnits qu'ofi a extrait des monuscrits de Léonard pour les juablier dans ce traité, que se trouvent les observations les plus intérpesaintes sur les différentes ligures des ondes et des veires liquides, au les terrollous, au l'es terrous, etc.; étc.

le danger des inondations; tandis qu'en ménageant à propos le limon apporté par la rivière dans ses crues, on aurait rehaussé le sol et rendu fertile une grande étendue de terrain qui depuis long-temps est perdue pour l'agriculture. Mais le ciel a voulu que le pays qui vit naître Léonard ne profitât d'aucune de ses grandes conceptions, ne sût conserver aucun de ses grands ouvrages, ne possédât ni ses manuscrits ni ses cendres, et que la Lombardie et la France jouissent seules du fruit de ses déconvertes. En effet, Léonard a dirigé les canaux les plus importans de la Lombardie, il en a fait creuser en France; et, bien qu'il ne soit pas l'inventeur des écluses, il les a perfectionnées, il en a répandu l'usage, et c'est de lui surtout que datent les grands travaux hydrauliques modernes. (1)

Un passage de Pline nous porte à croire que les Etrusques s'étaient servi du limon des rivières pour combler les marais; mais rien ne fait connaître leur procédé, dont, pendant plusieurs siècles, il n'est plus fait aucune mention. Depuis, Léonard est le premier qui ait donné

⁽¹⁾ Voyez ci-dessus, tom. II, p. 230-231. — MSS. de Leonard de Vinci, vol. N, f. 43, etc. — Venturi, essai, p. 40. III.

des règles pour former les attérissemens artificiels. Non-seulement il y employait les dépôts que ponvaient produire les eaux des rivières chargées naturellement de limon, mais il a montré aussi comment il fallait faire enlever par les eaux pluviales la terre végétale des montagnes, pour la conduire par des canaux particuliers dans les terrains inférieurs qu'on voulait féconder (1). Les travaux entrepris à différentes époques en Italie, et qui ont eu pour résultat de fertiliser des provinces entières, doivent, au moins sous le rapport théorique, être attribués à l'influence de Léonard. S'il n'a pas inventé les colmate, qui sont déjà mentionnés en Toscane dans des documens du douzième siècle (2), il a été le premier à les décrire exactement, et à montrer comment il fallait les exécuter par les moyens que fournit la science. En creusant des canaux, Léonard fut amené naturellement à étudier les différentes couches terrestres, et à faire des observations géologiques. Nous avons déjà signalé quelques vers de l'Acerba (3), où il

⁽¹⁾ Vovez la note IX à fa fin du volume.

⁽²⁾ Targioni, ragionamento sulla Valdinierole, Filenze, 1761, 2 vol. in-4, tom. I, p. 5, 6 et 57.

⁽³⁾ Voyez ci-dessus, tom. Il, p. 199.

est parlé des fossiles : des indications analogues se trouvent dans d'autres anciens écrivains; mais ces passages iselés, jetés au hasard dans des poèmes ou dans des chroniques (1), ne produisaient aucun effet, et l'on s'obstinait à ne voir dans ces pétrifications que des jeux de la nature ou l'influence des astres. Léonard est le premier qui ait observé avec soin les plantes et les animaux fossiles; qui les ait décrits en examinant en même temps les couches où on les trouve, et qui ait démontré long-temps avant Scilla (a) l'absurdité des hypothèses auxquelles on était conduit lorsqu'on ne voulait pas admettre les ossemens fossiles. C'est en traitant ce sujet, après s'être occupé longuement d'a-

⁽i) J'ai dit dans le second volume de cet ouvrage (p. 55) qu'il m'avait été impossible de retrouver le passage du Filocopo, où Brocchi essurait qu'il était question des fossiles. La citation de Brocchi est inexacte: ce passage se trouve dans un ouvrage de Montibus, etc., composé également par Boccace. On peut voir, à ce sujet, la première partie de l'Hodeporion, dans le dixième volume des Delicies cruditorum. de Lami (Florentis, 1736 et autiv., 8 vol. in. 8). Aux pages 43-59 de ce volume, Lami a réuni un grand nombre d'extraits d'anciens auteurs qui parlent des fossiles et des eaux pétrifiantes.

⁽²⁾ Scilla, la vana speculazione, Napoli, 1670, in-4. Voyez la note X à la fin du volume.

natomie (1), qu'il a émis une idée qui, reproduite dans ces derniers temps par quelques naturalistes, a suscité de vives discussions. En effet, le premier il a divisé les animaux en deux grandes classes: ceux qui ont les os ou le squelette en dedans, et ceux qui les ont en dehors (a). Il est probable que si l'on possedait encore son traité de l'anatomie du cheval, on y trouverait d'autres idées non moins originales sur l'histoire naturelle et sur l'anatomie comparée.

Il semble, d'après quelques unes de ses notes, qu'il avait observé la circulation du sang (3); il s'occupa aussi de physiologie botanique, et l'on a inséré dans le Traité de la peinture un livre entier de ses recherches en ce genre (4). Il avait inventé un procédé ingénieux pour dessécher les plantes et pour en reproduire facilement l'image (5) sur le papier.

⁽¹⁾ Lomazzo, trattato della pittura, p. 177 et 614. -- Vasari, vite, tom. VII, p. 69.

⁽²⁾ Voyez la note X à la fin du volume.

⁽³⁾ MSS. de Léonard de Vinci, vol. G, f. 1.

⁽⁴⁾ Vinci, L. da, trattato della pittura, p. 391-428, lib. VI. Voyez la note XI à la fin du volume.

⁽⁵⁾ MSS. de Lionard de Vinci, vol. N, f. 71.

· Nous n'entreprendrons pas de citer toutes les observations et toutes les expériences de physique que cet homme extraordinaire a consignées dans ses écrits. Jamais il ne s'est laissé préoccuper par aucune idée systématique. Parfois il ne fait que décrire ce qu'il a observé; dans d'antres cas, il parle des conséquences auxquelles il est arrivé par le raisonnement; souvent il indique des doutes qu'il faut éclaircir ou vérifier par des expériences directes, et alors il trace la route à suivre et donne toujours un projet d'expériences. Le flux et reflux que les modernes ont appelé secondaire (1), les mouvemens de la foudre (qu'il supposait forcée de suivre une route déterminée par la raréfaction ou la densité de l'air (2), et à propos de laquelle il a parlé du vide qui se forme dans (3) l'atmosphère), et ses effets dans quelques circonstances extraordinaires, avaient été observés par lui. Il savait que les coups de

⁽¹⁾ Voyez la note XII à la fin du volume.

⁽²⁾ Léonard de Vinci s'est occupé beaucoup de météorologie : c'est lui qui a inventé l'hygromètre (MSS. de Léonard de Vinci, vol. N, f. 8).

⁽³⁾ MSS de Léonard de Vinci, vol. N, f. 58.

Voyez la note XIII à la fin du volume.

canon peuvent dissiper les trombes (1); il fit des observations sur l'aimant, sujet qui l'intéressait particulièrement (2), et il s'occupa de la scintillation des étoiles : phénomène singulier. si difficile à expliquer dans toutes ses parties; et il avait déjà remarqué qu'il se produit dans l'œil et non pas dans l'astre (3). On lui doit l'explication de la lumière cendrée de la lune (4), celle de plusieurs illusions d'optique fort curieuses (5), et une bonne théorie de la vision, à laquelle il avait appliqué la chambre obscure (6). Enfin, deux observations capitales, celle de l'action capillaire (7) et celle de la diffraction (8). dont jusqu'à présent on avait méconnu le véritable auteur, sont dues également à ce brillant génie.

⁽¹⁾ MSS. de Leonard de Vinci, vol. N. f. 67.

⁽²⁾ MSS. de Leonard de Vinci, vol. F. f. 2.

⁽³⁾ Voyez la note XIV à la fin du volume.

⁽⁴⁾ Venturi, essai, p. 11.

Voyez la note XV à la fin du volume.

⁽⁵⁾ Voyez la note XVI à la fin du volume.

⁽⁶⁾ Venturi, essai, p. 5 et 23-24.

Voyez la note XVII à la fin du volume.

⁽⁷⁾ MSS. de Leonard de Vinci, vol. N; f. 11,67 et 74.

⁽⁸⁾ Voyez la note XVIII à la fin du volume.

•On serait dans l'erreur si l'on croyait que ces belles découvertes, cette énorme masse d'observations, n'étaient dues qu'à l'activité d'un homme qui savait observer exactement ce qui s'offrait à ses yeux : le caractère spécial de l'esprit de Léonard le portait au contraire à préparer et à mûrir par de longues réflexions tous les sujets dont il voulait s'occuper. Dans ses notes, qui reproduisent à chaque instant ses observations, ses raisonnemens, ses projets, ce quí frappe surtout, c'est la méthode philosophique qu'il a constamment suivie. Un siècle avant Galilée et Bacon, pendant qu'on se bornait généralement à commenter les anciens, Léonard a porté le flambeau de la critique dans toutes les parties de la science, et il a donné les préceptes les plus vrais, les plus justes, les plus philosophiques, pour parvenir à reconnaître les causes des phénomènes naturels (1). Brisant le joug de l'autorité, combattant les qualités occultes, il proclama l'expérience comme le seul guide sûr, et il ne s'en écarta jamais. Il

⁽¹⁾ Venturi, essai, p. 4 et 31-32. Voyez la note XIX à la fin du volume.

répète sans cesse que, pour parvenir à la connaissance des phénomenes naturels et pour en tirer tout le fruit possible, on doit commencer par l'observation, passer à l'expérience, et à l'aide de celle-ci chercher à déterminer la cause, puis formuler une règle et la soumettre au calcul (1). Souvent il revient à ce précepte et il montre par de nombreuses applications toute l'importance de la philosophie des sciences. Dans les questions graves surtout, il ne manquait jamais de préparer et de rédiger d'avance un. plan d'expériences à faire, de faits à constater, de dontes à résoudre. On en trouve plusieurs exemples dans ses écrits et l'on voit qu'il les modifiait et les perfectionnait sans cesse (2), pour leur donner une forme syllogistique. Ce sont des modèles que les esprits les plus philosophiques peuvent étudier avec fruit. On conçoit qu'une telle méthode dans un homme qui y joignait une grande indépen-

⁽¹⁾ Venturi, essai, p. 3s.

⁽²⁾ Au feuillet 5 du volume A, Léonard, après avoir tenté différens moyens de résoudre une question, dit enfin questo è desso!

dance en matière de religion (1), devait alors rencontrer beaucoup d'opposition; aussi ses manuscrits offrent-ils la preuve de la vive polémi-

^{. (1)} Vasari dit que, vers la fin de ses jours, Léonard voulut enfin s'instruire dans les choses de religion (Vasari, vile, tom. VII, p. 67). Un fait qui n'a pas été remarqué par les biographes, c'est que dans la première édition de l'ouvrage de Vasari on traite beaucoup plus librement des matières de religion que dans la seconde, publiée également par l'auteur; en 3 volumes in-4, en 1568. A une époque où l'on se préparait à mutiler le Décameron ; ou les inquisiteurs effaçaient des ouvrages publiés en Allemagne tous les noms des protestans (même celui des imprimeurs), et substituaient le nom d'un consul romain ou d'un empereur quand il s'agissait de l'histoire scantialeuse d'un cardinal ou d'un pape, il est naturel que l'on voulût transformer les artistes en saints et en anachorètes. De là est né ce préjugé que les grands artistes n'avaient si bien traité des sujets de dévotion, que parce qu'ils étaient eux-mêmes éminemment religieux. Quant à Léonard de Vinci, on trouve dans la première édition de Vasari (Vite, part. 3ª, vol. II, p. 565 et 575) les deux passages suivans, dont le premier a disparu des éditions postérieures, pendant que l'autre était considérablement modifié : - « Perilchè fece ne l'animo un concetto si eretico che e' non si accostava a qualsivoglia religione, stimando per avventura assai più lo esser filosofo, che christiano, » - « Finalmente, venuto vecchio, stette molti mesi ammalato, et vedendosi vicino alla morte, disputando delle cose cattoliche, ritornando nella via buona, si ridusse alla fede christiana.»—On doit remarquer aussi d'autres passages qui ne se trouvent plus dans la seconde édition; entre autres celui où il est dit, à propos de Léonard que « Il cielo ci

que qu'il eut à soutenir avec les ennemis de cette nouvelle méthode de rechercher la vérité (1).

Ce rapide exposé ne peut donner qu'une idée bien imparfaite des travaux du grand peintre. Ne possédant que quelques fragmens de ses ouvrages et seulement une partie des notes qui avaient servi à les composer, nous sommes loin de connaître, tout ce qu'il fit dans les sciences; toutefois ces débris sont de nature à nous révêler l'intelligence la plus multiple, la plus variée, le génie le plus fécond, le plus vaste, qui peutêtre an jamais existé.

Pressé par le désir d'arracher au temps qui les dévore, quelques-unes des découvertes de Léonard, nous n'avons pas rigoureusement suïvi l'ordre chronologique. Cependant d'autres noms appellent notre vénération, car il ne fut pas un fruit isolé dans, une terre stérile : il vécut au milieu d'une génération immortelle d'historiens, d'artistes, de poètes, qui pourraient paraître étrangers à la science, si, fortifier le caractère, épure



manda talora alcuni, che non rappresentano la umanità sola, ma la divinità stessa. » (Vasari, vite, part. 3°, vol. II, p. 562.)

Voyez la note XX à la fin du volume.

⁽¹⁾ Voyez la note XXI à la fin du volume.

le goût, élever les sentimens de l'homme, ce n'était pas le perfectionner tout entier, et si les progrès des sciences ne suivaient pas toujours ceux de l'être qui les cultive. D'ailleurs, ge n'est pas seulement par les chefs-d'œuvre qu'ils nous ont laissés que les hommes éminens agissent sur la société: c'est dans leur vie surtout que l'on doit trouver les plus belles lecons. Carcelui qui n'enseigne que du bout de sa plume ou de son pinceau n'est pas un grand homme. Et si. l'exemple de Michel Ange, employé d'abord par ses protecteurs à des jeux ridicules (1), plus tard servant de bouclier à sa patrie, et enfin, quoique abreuvé de dégoûts et d'amertumes (2), répondant à ses ennemis par le Moise, le Jugement Dernier et la Coupole de Saint-Pierre, si cet exemple, pénétrant un jour dans une chaumière, a fécondé le cœur généreux d'un jeune homme, qui s'est dit : Je fuirai les protecteurs, je défendrai mon pays, et je saurai travailler en méprisant la calomnie;



⁽¹⁾ Voyez ci-dessus, tom. II, p. 281.

⁽²⁾ Dans sa vieillesse Michel Ange, calomnié et persécuté, disait dans une lettre: Et chi mi ha totta tutta la mie giovinezza, et l'honore, et la roba mi chiama ladro (Bonarroti, lettera per giustificavai, Firenze, 1831, in-8, p. ?).

peu importe que ce jeune homme devienne plus tard artiste ou mathématicien, c'est Michel Ange et non pas Euclide qui aura été son véritable maître. C'est ainsi que tous les grands hommes servent à l'avancement des sciences et concourent aux progrès de l'humanité.

Mais nous devons résister au vif désir que nous éprouvons de célébrer dans cet ouvrage toutes les gloires de l'Italie; nous sommes forcé de nous renfermer dans les sciences, et de ne parler que des hommes qui les ont perfectionnées, Pendant que Léonard de Vinci se livrant en silence à des travaux si importans semblait dédaigner les suffrages du public, Christophe Colomb, dominé par le besoin d'une gloire éclatante, poussé par l'immense énergie de son génie, s'élançait à travers l'Océan et faisait faire à la cosmographie des progrès inespérés. Préoccupée de son admiration pour cet immortel navigateur, la postérité n'a pas rendu assez de justice à cette foule de hardis voyageurs italiens, qui avaient présidé ou concouru aux principales découvertes maritimes du quatorzième et du quinzième siècle. L'Europe moderne n'a eu en général pour maîtres dans les sciences que les Grecs, les Romains et les Arabes; mais en géographie et en cosmographie, les sources ont été plus nombreuses. A une époque où les antipathies nationales étaient si profondes, les voyages si difficiles, chaque peuple se bornait à la connaissance du sol où il était né, de celui qu'il avait conquis et arrosé de son sang ; mais tant que les nations ne se mélèrent pas, ces faits isolés restèrent stériles. Ce ne fut qu'après la chute de l'empire romain que quelques-uns des peuples qui sillonnaient l'Europe en tous sens y firent connaître leur patrie. Les anciens nous avaient transmis des notions plus ou moins exactes sur l'empire romain et sur celui d'Alexandre, et il paraît que sous les empereurs l'étude de la géographie s'était beaucoup répandue (1). Au moyen âge

⁽¹⁾ On expositi dans les écoles de grandes cartes géographiques (qui étaient peut-être des fresques ou des mosaiques) pour l'instruction de la jeunesse (Panegyrici veterer ad usum Delphini, Paris, 1676, în-4, p. 159, Orat. Eumen, SxX. Cet usage de peindre sur fes murs des cartes géographiques, qui avait été indiqué déjà par Varron, s'est conservé après la chute de l'empire romain. Les invasions des barbares contribuèrent aux progrès de la géographic. L'anonyme de Ravenne, qui probablement écrivait au septième siècle, cite un grand nombre de géographes, parmi lesquels il ya des Orientuux et des Goths (Anonymi Raven-

les Scandinaves, les Saxons, les Normands firent connaître l'Islande et la partie septentrionale de notre continent (1). Plus tard les Arabes donnérent aux Chrétiens quelques renseignemens sur la configuration de l'Afrique et sur Madagascar, sur la mer des Indes et sur l'Asie-Orientale(2), mais ce n'étaient la que des notions imparfaites: l'étendue de l'ancien continent, les dimensions de notre globe, restaient toujours ignorées. C'est à peine si quelques esprits hardis osaient parler des antipodes. Par suite des anciens préjugés de la cosmographie grecque on reculait encore à l'idée

natis, geographia, Paris., 1688, in-8, p. 49, 61, 99, 133, 161, elc. ...

⁽i) L'ouvrage de Dicail, les tables géographiques en argent, dout il set parlé dans le testament de Charlemagne, la traduction d'Orose (appelée l'Hormestu); par Alfred-le-Grand, sont les plus remarquibles monumens du este géographie septentironale. N'oyez, de e sujet, keronne, recherches sur le livre dy Mensura orbus terre, composé en sitandais au commencement du neuvième siècle par Diecuil, Paris, 1814, in-8, prolegom. — Humphredt Wankeit antique létterature-repetatrionalist liber alter, p. 58, dans le Phaenavust linquarum septentrionalist liber alter, p. 58, dans le Phaenavust linquarum septentrionalism Hickesii, Oxonie, 1705, a vol. in-fol. — Speimen, Aelfridi magni vita. Oxonii, 1698, in-fol., p. 205, etc., etc.

⁽²⁾ Du temps de Charlemagne, la géographie, si imparfaite

de traverser la ligne équinoxiale (1), et l'on ne soupçonnait même pas l'existence de l'Amérique. C'est à ce point que les Italiens trouvèrent la géographie à la renaissance: elle n'était qu'une simple énumération de villes ou de pays; et il n'y avait pas encore de système scientifique. A peine

encore en Europe, était eultivée avec succès en Arabie, Onsait qu'Al-Mamoun fit mesurer un degré du méridien (voyez sur cette mesure Humboldt, examen critique de l'histoire de la geographie du nouveau continent, édition, in-fol., p. 28 et 224), et l'on trouve une longue suite de géographes arabes dans Casiri et dans Abou'lfeda (Geographiæ scriptores minoree, Oxonia, 1698, 4 vol. in 8°, tom. III, Abu lfed, passim). Au neuvième siècle, les marchands arabes trafiquaient dans tous les ports de l'Inde, et ce sont deux voyageurs de cette nation qui ont donné la première description de la Chine. C'est en Orient que l'on a d'abord appliqué la géographie à l'art nautique. Les cartes géographiques des Arabes, qui avaient l'astronomie pour base, surpassent infiniment tout ce qu'on faisait alors en Europe, où l'on ne cherchait qu'à représenter grossièrement les pays. Les cartes occidentales de cette époque ne sont que des espèces de portraits qui n'ont rien de scientifique. Leur forme actuelle est imitée des Arabes ; l'intersection des méridiens avec les parallèles a été employée d'abord par les Orientaux (Barros, l'Asia, Venetia, 1562, 2 vol. in-4, tom. I, f. 71).

(1) Dans la célèbre mappemonde de Turin, qui païalt avoir été exécutée en 287, on indique une quatrième partie du monde placée aux antipodes; mais on ajoute: solis ardore incognita nobis est (Pasini; codiers mamuse, hibitoth-tauriennes, Tautin, 175a, 2 voi. in-fol; joun. lp. 28). avait-on déterminé astronomiquement un petit nombre de points de la surface terrestre; et les cartes géographiques dressées en Occident ne donnaient alors aucune idée des circonstances cosmographiques les plus essentielles.

Maîtres de la navigation et du commerce de la Méditerranée, de l'Archipel et de la mer Noire, les Italiens avaient plusieurs fois tenté vain d'établir directement des relations commerciales avec l'Inde, dont ils recevaient les produits par l'entremise des Arabes ou par les caravanes de la Boukharie: ce fut l'irruption des Mongols qui, au treizième siècle, ouvrit la route aux missions des frères mineurs et aux pélerinages gigantesques de la famille Polo. A partir de cette époque, l'activité des voyageurs italiens ne connaît plus de bornes : et quelque immenses que soient les découvertes de Marco Polo, après la Chine et l'Asie-Centrale, il reste encore bien des contrées à découvrir. Marino Sanuto entreprend un voyage en Arménie et en Arabie, et rap- . porte à Venise des cartes qui doivent servir à réformer la géographie de l'Afrique (1).

⁽¹⁾ Baldelli, il milione, Firenze, 1827, 2 vol. in-4, tom. I, p. clix.

La Syrie, l'Arabie, la Perse et l'Inde sont décrites par Nicolas Conti (1). Barbaro (2), Zeno (3) et Contarini (4) vont par le nord de l'Europe chercher en Perse des alliés à la république de Venise pour l'aider à combattre les Turcs. En même temps de hardis navigateurs franchissent le détroit de Gibraltar, les uns pour retrouver les Canaries (5), ou pour se perdre dans l'Océan (6), les autres pour trafi-

⁽¹⁾ Zurla, dissertazioni di Marco Polo, etc., Venezia, 1818, 2 vol. in-4, tom. II, p. 187 et suiv.

⁽²⁾ Zurla, dissertazioni, tom. II, p. 205 et suiv.

⁽³⁾ Zurla, dissertazioni, tom. II, p. 199 et suiv.
(4) Contarini, viazo, Venetiis, 1487, in-4, signat a 2.

⁽⁵⁾ Ciampi, monumenti d'un manoscritto autografo di

⁽⁵⁾ Ciampi, monumenti d'un manoscritto autografo di G. Boccaccio, Firenze, 1827, in-8, p. 54-67 et 90-103.

⁽⁶⁾ Dès la fin du traizième siècle, deux navigateurs génois, Doria et Vivaldi, sortient du détroit de Gibraltar pour aller aux Indes par l'Occident; mais ils se perdirent et on n'en entendit plus parler. « Res quamvis privatis consiliis tentata, que argumento est, quam vivida omnibus setatibus facrunt nostrorum hominum ingenia, nullo modo silentio nobis pretereunda fuit. hoc. n. anno (1929). Tedisius Auria, et Ugolinus Vivaldus, duabus triremibus privatim comparais, et instructis, magnes andacine animque immensa spectantis rem aggressi aunt; maritiman viam ad eum diem orbi ignotam ad Indias patefaciendi: fretumque Herculeum egressi, cursum in occidentem direxerunt. Quorum hominum qui fuerunt casus, quique vastorum consiliorame xitus, nalla ad nos umquain fama perventi. ¿ Floitier historire, Genue,

quer avec les Anglais ou pour s'avancer, comme les Zeni, jusqu'aux contrées les plus septentrionales (t). Les Génois, les Florentins, les Vénitiens se rencontrent dans ces courses éloignées; parfois la jalousie les divise, parfois aussi, plus sages, ils unissent leurs efforts, comme le firent Usodimare et Cadamosto, et voyagent en commun (a). Les découvertes de ces deux babiles navigateurs sur les côtes occidentales de l'Afrique ont aplani le chemin aux Portugais, qui tentaient de parvenir au cap de Bonne-Espérance.

^{1585,} in-fol., f. 110, lib. v). — On parle aussi de ce fait remarquable dans les Annales de Gênes, par Casoni (Genova, 1708, in-fol., p. 28). Pierre d'Abano, médecin contemporain, dans le Conciliator (Venetiis, 1521, in-fol, Diff. LXVII, f. 97, § P), fait mention de cette hardie tentative, sans dire cependant par quelle route on voulait aller aux Indes.

⁽i) Les voyages des frères Zeni sont un mystère qui a tourmenté les plus habiles géographes, et qui n'est pas encore expliqué. Après avoir lu attentivement la relation de leurs voyages, il m'a semblé que le fond en était vrai, mais que l'éditeur plus moderne y avait probablement ajouté ce que lui avaient appris les découvertes faites de son temps [Zurla, disserlatione interno i viaggi dei frutellé Zeni, Vencais, 1885, in-8. – Zurla, dissertaioni, tom. II, p. 7-94. — Humbeldt, examen critique, p. 159 et suiv. — Commentarii dei viaggi di Caterino, Nicelò, e Antonio Zena, Vencais, 1588, in-8, f. 43-551.

⁽²⁾ Zurla, dissertazioni, tom. II, p. 142 et suiv.

Ce n'est pas seulement par la partie que l'on pourraitappeler pratique de la géographie que les Italiens accélérèrent les progrès de cette science. Après qu'Andalone de Negro eut appliqué l'astronomie à la navigation, et que les Vénitiens y eurent introduit la trigonométrie et les fractions décimales (1), après surtout qu'on eut inventé et perfectionné les principaux instrumens astronomiques et nautiques, il devint plus facile de dresser des cartes géographiques, et il se forma en Italie une école de cosmographes célèbres. Les cartes de Sanuto et de Pizigani furent suivies de celles de Bianco, de Cadamosto, de Benincasa (2), et surtout de la fameuse mappemonde de fra Mauro, dont les Portugais voulurent

⁽¹⁾ Voyez ce que nous avons dit là-dessus, tom. II, p. 202.
(2) On peut voir sur ces cosmographes, et sur d'atres géo-graphes du quinzième siècle, Zurla, dissertazioni, tom. II, p. 305-393.— Zhria, til mappamondo di fra flauro, Venezia, 1866, in-4, p. 6-12, etc., etc. — Nous devons sjonter qu'on a fait, jusqu'à présent, une énumération incomplète desportielans de Benincasa : il en existe un plus grand nombre qu'on ne l'axis ten d'abord, et il s'en est vendu plusiers dans ces derniers temps (voyez le catalogue de MM. Payne and Fax, libraires de Londres, pour l'année 1837, et celui de M. Porri de Sienne, pour l'année 1838, et l'année 18

avoir une copie (1), et qui, sans doute, leur servit de guide vers les Indes - Orientales. Si l'on y ajoute la grande géographie de Berlinghieri (a) et les deux éditions de Ptolémée, avec de nombreuses cartes, publiées presque en même temps en Italie (3), si l'on se rappelle surtout que ce fut un cosmographe florentin, Toscanella, que Colomb consulta avant de traverser l'Atlantique, on sentira toute l'influence que ces géographes théoriciens ont eue sur les grandes découvertes maritimes de la fin du quinzième siècle, et l'on se persuadera que Colomb n'a été que le disciple le plus illustre d'une école déjà célèbre.

On a beaucoup discuté pour connaître dans quelle ville de l'Italie était né Christophe Colomb; mais quoique plusieurs faits semblent prouver qu'il ait vu le jour à Gênes ou daus les environs de cette ville (4), les érudits ne sont

⁽¹⁾ Zurla, il mappamondo, p. 84-87.

⁽²⁾ Elle parut à Florence vers 1480, in-fol.

⁽³⁾ A Rome en 1478, et à Bologne, sous la date erronée de 1462, avec des cartes en taille-douce.

⁽⁴⁾ Codice diplomatico Colombo-Americano, Genova, 1823, in-4, p. vII-xII. — Tiraboschi, storia della lett. ital., Venezia, 1795, 16 vol., in-8, vol. VII, p. 207 et suiv. — Navarrete,

pas d'accord sur le lieu de sa naissance, et il est douteux qu'on parvienne jamais à le découvrir, puisqu'en écrivant la vie de son père, Ferdinand Colomb (1) a montré de l'incertitude sur ce point (a). Ce voile, si difficile à lever, té-moigne de l'obscure origine du grand navigateur; et l'on dit en effet que son père était à-la-fois batelier et tisserand (3). Bien que cette date ne soit pas certaine, il paraît probable qu'il est né vers 1447 (4). On ne sait rien de ses premières années; seulement les biographes disent, et les faits le constatent, qu'il s'appliqua à l'astronomie et à la cosmographie (5). Il quitta

collection de las viages y descubrimientos que hicieron por mar los Espanoles desde fino del siglo XV, Madrid, 1825 et suiv., 5 vol. in-4, tom. 1, p. LXXVII et suiv.

⁽i) Ferdinand, second fils de Colomb. écrivit cette vie en espagnol: plus tard, on voulut la faire paraître à Venise avec une traduction italienne, mais on ne publia que cette traduction (Yoyez Colombo, P., historie, Yenetia, 1571, in-8, à la Dédicace).

⁽²⁾ Colombo, F., historie, f. 2-4.

⁽³⁾ Codice diplomatico, p. xI.

⁽⁴⁾ Codice diplomatico, p. xI. — Bossi, vita di Colombo, Milano, 1818, in 8, p. 68-70.

^{(5) «} Studio in Pavia tanto che gli bastava per intendere i Cosmografi, alla cui lettione fu molto affettionato, per lo qual rispetto ancora si diede all'Astrologia, et alla Geometria

Génes de bonne heure, et, après de longs voyages, il alla se fixer en Portugal, où l'on s'occupait sans relàche de trouver un passage pour se rendre aux Indes-Orientales, en doublant l'extrémité australe de l'Afrique. Pendant son séjour à Lisbonne il s'appliqua spécialement à la cosmographie et dressa des cartes marines. Plus tard, il navigua sur l'Atlantique, tantôt vers l'équateur, tantôt vers le Nord, jusqu'en Islande (2), observant toujours la direction des vents et des courans, et rassemblant tous les renseignemens que pouvaient lui fournir les navigateurs. D'après quelques passages de Sabellico et de Giustiniani, on a dit qu'il s'était fait corsaire, et que, vaincu par les Vénitiens et forcé de se sauver à la nage, il avait été jeté tout nu sur la côte (3). Dès ce moment Colomb se livra ex-

⁽Colombo, F., historie, f. 7). - Trivigiano, qui avait connu Colomb après son retour d'Amérique in grandissima sciagura, in disgrazia di que're e con pochi danari , dit qu'il était alors le seul à Grenade capable de tracer une carte géographique (Bossi, vita di Colombo, p. 237,

⁽¹⁾ En 1501, il écrivait au roi d'Espagne qu'il voyageait depuis quarante aus (Colombo, F., historie, f. 8).

⁽²⁾ Colombo, F., historie, f. 8-9.

⁽³⁾ Colombo, F., historie, f. 10-11.

clusivement à ses hardis projets. Coordonnant tous les faits qu'il avait recueillis (1), il détermina (d'après les idées que l'on avait alors sur les dimensions du globe terrestre et suivant l'étendue présumée de l'Asie, dont on avançait beaucoup trop (2) l'extrémité orientale) la largeur de la mer Atlantique, qui, à ce qu'il croyait, séparait seule l'Europe des contrées si riches et si puissantes décrites par Marco Polo. Après avoir long-temps mûri son dessein, il voulut le soumettre à Paul Toscanella, Florentin, qui passait pour le premier cosmographe de son temps (3). Il s'établit entre eux une correspondance dont Ferdinand Colomb nous a conservé quelques fragmens (4): ces lettres montrent que Toscanella approuvait en tous points le projet de Colomb, et que, pour l'encourager, il lui envoya une mappemonde dans laquelle il avait représenté l'ancien continent se développant sur le globe

⁽¹⁾ Colombo, F., historie, f. 11-12. — Colomb épousa en Portugal, une demoiselle Mogniz, dont le père avait été marin, et il consulta le journal de ses voyages (ibid. f. 11).

⁽²⁾ Colombo, F., historie, f. 13. (3) Colombo, F., historie, f. 15.

⁽³⁾ Cotombo, F., Aistorie, I. 15.

⁽⁴⁾ Colombo, F., historie, f. 16.

terrestre, depuis le Portugal jusqu'à la Chine, avec l'Atlantique au milieu, comme un large canal qu'il serait facile de traverser. (1)

Après ce suffrage, après tant de travaux préparatoires, Colomb voulut enfin réaliser son projet. Trop pauvre pour équiper à ses frais les vaisseaux qui lui étaient nécessaires, n'oubliant pas qu'il était né en Italie, il offrit d'abord à la république de Gênes (2) le Nouveau-Monde qu'il allait découvrir; mais on le traita comme un visionnaire qui propose une folle entreprise : la tradition veut qu'il se soit adressé aussi aux Vénitiens, sans recevoir un accueil plus favorable. Il espéra davantage des Portugais : ceux-ci, long-temps sourds à ses propositions, nommèrent enfin une commission qui, avant recu les papiers et les cartes géographiques de Colomb, abusa de sa confiance, et les remit à un pilote qui fut chargé par le gouvernement d'aller réaliser le projet du navigateur génois. Mais

⁽¹⁾ Colombo, F., historie, f. 16-19.— Une des lettres de Toscanella est datée de 1474.

⁽²⁾ Ramusio, viaggi, Venetia, 1606, 3 vol. in-fol., tom. III, f. 1.

peu de jours après, le pilote et l'équipage, effrayés par les difficultés d'une telle entreprise, retournèrent en Portugal (1) et déclarèrent que l'exécution en était impossible. Colomb alors quitta un pays qui ne voulait que lui ravir sa gloire. Il envoya en Angleterre son frère Barthélemi (2) présenter son projet à Henri VII, et il alla lui-même en Espagne le soumettre à Ferdinand-le-Catholique. Après cinq années de souffrances (3), d'infructueuses tentatives et de discussions dans lesquelles il était forcé de réputer les objections les plus futiles et les plus ridicules (4) sur l'impossibilité de l'existence des antipodes, on lui dit que la guerre contre les

⁽¹⁾ Colombo, F., historie, f. 30-31.

⁽²⁾ Colombo, F., historie, f. 31.

⁽³⁾ Oviédo dit que Colomb tomba alors dans le plus grand dénûment. « Dove stette un tempo con molto bisogno et povertà senza essere inteso da coloro, che l'ascoltavano..... Ma perchè egli portava la cappa spelata et povera, era tenuto per un cianciatore et favoloso di quanto diceva...., Alfonso di Quintaniglia..... faceva dare da mangiare..... al Colombo, movendosi a compassione della sua povertà. » (Ramusio, viaggi, tom. II, f. 66) .- Sa misère était telle qu'il fut forcé de laisser son fils dans un couvent (Colombo, F., historie, f. 32).

⁽⁴⁾ Colombo, F., historic, f. 33.

Mores ne permettait pas de songer à d'autres entreprises; en vain ent-il recours à la France; comme ailleurs il n'y trouva qu'incrédulité. Inquiet de ne recevoir aucune nouvelle de son frère. qui, dépouillé par des corsaires, vivait à Londres en faisant des cartes géographiques (1), il voulut aller le rejoindre, mais il fut retenu par Jean Perez, qui était gardien du couvent où la détresse l'avait forcé de laisser son fils (2), et qui le recommanda à la reine Isabelle. Cependant, repoussé de nouveau, il songeait définitivement à quitter l'Espagne (3), lorsque la prise de Grenade vint relever son courage. Son plan fut enfin approuvé, et on lui donna, pour cette entreprise, trois petits vaisseaux avec lesquels maintenant on oserait à peine s'éloigner de la côte. Il s'embarqua le 3 août 1492, et se dirigea d'abord sur les îles Canaries, qu'il quitta le 6 septembre, pour aller braver un Océan inconnu. Nous ne raconterons pas les accidens de cette mémorable navigation, où, pendant cinq semaines, Colomb dut seul lutter

⁽¹⁾ Colombo, F., historie, f. 31 et 34.

⁽²⁾ Colombo, F., historie, f. 34.

⁽³⁾ Colombo, F., historie, f. 36.

⁽⁴⁾ Colombo, F., historie, f. 38.

contre les hommes et contre les élémens. Epouvantés de rester si long-temps sans voir terre, les matelots menacaient sans cesse d'abandonner l'entreprise et de retourner en Espagne; et comme Colomb opposait à ces clameurs une inébranlable fermeté, elles se changèrent en une sédition ouverte. Les uns parlaient de le forcer à renoncer à son voyage; les autres proposaient de jeter à la mer cet étranger qui avait voulu s'enrichir au péril de leurs vies (1). Enfin, l'ascendant du génie triompha de toutes les difficultés, et le 11 octobre on vit l'île Guanahani : ses compagnons, le regardèrent alors comme un être surhumain. Il découvrit ensuite les îles de Cuba et d'Haïti, et, le 16 janvier 1493, il reprit le chemin de l'Espagne chargé des productions de ces nouvelles contrées. Son retour fut difficile : il eut à lutter contre d'épouvantables tempêtes et contre la mauvaise volonté des Portugais (2). Mais, plein



⁽¹⁾ Colombo, F., historie, f. 45.

⁽a) Colombo, F., Aistorie, f. 7.— Barros, conseiller du roi de Portugal et historien contemporain, raconte que, lorsque poussé par la tempête, Colomb fui contraint de se réfugier dans le port de Lisbonne, quelques gentilshommes de la cour offrient au roi de Portugal d'assassier le grand na-

de la grandeur de sa découverte, il était devenu insensible à tous les dangers. Un jour, la perte du vaisseau paraissait inévitable : les matelots faisaient des vœux à la Vierge et maudissaient leur amiral: tout était confusion et désespoir. Colomb, seul calme dans le péril, ne songe qu'à faire connaître à l'Europe le chemin de l'Amérique. Un instant sa pensée s'arrête aux deux enfans qu'il a laissés à Cordoue; puis il écrit rapidement une relation de son voyage, et après l'avoir soigneusement enfermée dans un baril vide, il la lance à la mer, à la vue de son équipage étonné, qui croit que l'amiral fait un sortilège pour apaiser les flots irrités (1). Enfin, il put arriver à Palos, et il se dirigea par terre (2) vers Barcelone, pour présenter à Ferdinand et à Isabelle les résultats de son voyage. Les populations l'accueillirent avec enthousiasme, et à la cour on lui prépara un véritable triomphe (3); tant ce grand succès semblait inespéré.

vigateur afin que l'Espagne ne profitât pas de ses découvertes (Barros, l'Asia, tom. I, f. 55).

⁽¹⁾ Colombo, F., historie, f. 76.

⁽²⁾ Colombo, F., historie, f. 84.

⁽⁵⁾ Colombo, F., historie, f. 84-85.

Après le voyage de Colomb, plusieurs nations ont prétendu que l'Amérique avait été déjà découverte. Indépendamment de ce que Platon raconte de l'ancienne Atlantide, on a dit que les Normands et les Scandinaves (1) y étaient allés

⁽¹⁾ Dans un ouvrage publié récemment à Copenhague par la Société des antiquités septentrionales, on a réuni un grand nombre de pièces originales qui semblent annoncer que les Scandinaves ont connu autrefois le Groënland. Cela ne paraît pas impossible lorsqu'on se rappelle avec quelle inconcevable hardiesse ces hommes du Nord s'aventuraient sur de frèles embarcations pour aller porter au loin leurs ravages; et il n'y a pas plus loin de l'Islande au Groenland, que de la Norwège à l'embouchure de la Seine. Mais du temps de Colomb, ces anciennes navigations étaient tout-à-fait oubliées, même dans le nord de l'Europe; et d'ailleurs il n'est nullement probable que si cet immortel navigateur eût pris pour modèle des voyages faits dans la zone glaciale, il eût cru devoir descendre jusqu'aux Canaries et se rapprocher de l'équateur pour aller chercher les Indes, Ce sont Marco Polo et Toscanella qui ont inspiré Colomb; et les Scandinaves no peuvent participer à la gloire de la découverte. Quant au monument du Massachusetts, on doit regretter beaucoup que l'Académie des antiquités septentrionales ait cru devoir y chercher une preuve à l'appui de son assertion : ces signes informes, qui ont été copiés de différentes manières, semblent plutôt donner une idée de ces figures bizarres que les enfans tracent sur les murs, que devoir servir à l'étude des origines américaines. Si l'on trouvait beaucoup d'autres inscriptions (ou pseudo-inscriptions) pareilles, on pourrait tacher d'en déduire quelques conséquences eth-

long-temps auparavant, et l'on a cru que les Zeni y étaient aussi parvenus. On a parlé de vaisseaux poussés par les vents jusqu'au banc de Terre-Neuve (1). Eufin le nom d'Antilles, que l'on trouve dans plusieurs écrits géographiques du quinzième siècle, a fait supposer que ces îles étaient connues avant le navigateur génois. De savans écrivains ont expliqué ces différens faits (a): ils ont prouvé que l'hypothèse par laquelle on prétendait dépouiller Colomb de sa gloire n'avait aucun fondement. Sans entrer ici dans de longues discussions, il est évident que si l'on avait eu la moindre .idée de l'existence du Nouveau-Monde, tous les états maritimes de l'Europe ne se seraient pas accordés, pendant de

nographiques; mais dans son isolement la pierre de Massachusetts ne peut servir de base à aucuue recherche historique (Voyez Antiquitates americane, sive scriptores septentrionales rerum ante-columbianarum in America, Hafinix, 1857, in:4).

⁽t) Le fils de Colomb a réfuté ces opinions dans les chapitres IX et X de ses Historie, mais il a fait counaître avec beaucoup de candeur tous les indices et toutes les traditions qui avaient concouru à former les convictions de l'amiral.

^{&#}x27;2) Bossi, vita di Colombo, p. 96-105.— Tiraboschi, storia della lett. ital., vol. VII, p. 218-219. — Humboldt, examen critique, passim.

longues aunées, à regarder Colomb comme un insensé; les matelots n'auraient pas songé à le jeter à la mer pendant la traversée, et les Portugais, qui voulaient s'approprier son projet, ne seraient pas retournés à Lisbonne en déclarant qu'il était inexécutable. Enfin ces mêmes Portugais n'auraient pas formé le dessein de l'assassiner à son retour en Europe, pour lui dérober un secret si peu caché, et les Espagnols ne l'auraient pas reque nt riomphateur. Ces réclamations tardives doivent être classées parmi celles qui s'élèvent toujours à la suite d'une grande découverte : elles ne font que constater son importance sans en diminuer le mérite.

On ne saurait tracer eu quelques pages l'histoire des navigations de Christophe Colomb, ni développer toutes les questions qui s'y rattachent. Ce grand homme fit successivement quatre voyages en Amérique, et seulement au troisième il découvrit la terre ferme (1). C'est alors que, calomnié par des Espagnols, à qui il ne permettait pas d'opprimer

⁽¹⁾ Voyez la lettre de Colomb insérée par Bossi dans la Vita di Colombo, p. 232.—Colombo, F., historie, f. 166.

les Indiens (1), il fut enchaîné avec ses frères, et envoyé en Europe par un juge que Ferdinand et Isabelle avaient investi de la suprême autorité (2). Malgré ce cruel affront, il fit encore un dernier voyage, qui fut pour lui un surcroît de misères (3). A son retour Isabelle n'existait plus, et

⁽¹⁾ Colombo, F., historie, f. 156.

⁽²⁾ Colombo, F., historie, f. 172-182. - La conduite de Colomb fut admirable de grandeur et de fierté. Le capitaine du navire sur lequel il avait été embarqué voulut lui ôter les fers qui l'enchaînaient : mais il s'y refusa en disant « Che poichè i re catolici comandavano per le loro lettere, che egli eseguisse quello, che dal Bovadiglia per nome loro gli fosse comandato, per la quale autorità et commissione egli l'hayea messo in ferri, non volea che altri che le istesse persone delle altezze loro facessero sopra ciò quel che più lor piacesse : et egli avea deliberato di voler salvar quei ceppi per reliquie et memoria del premio de' suoi molti servitii. »-Son fils ajoute : « Si come anco fece egli, perciocchè io gli vidi sempre in camera cotai ferri, i quali volle che con le sue ossa fossero sepolti » (Colombo, historia, f. 191). -Navarrete a fait une apologie des rois catholiques : suivant lui, il n'y a que des révolutionnaires qui puissent prendre la défense de Colomb (Colleccion, tom. I, p. xcIII-xcVIII). Pour pallier les torts de Navarrete on ne peut dire qu'une seule chose : c'est qu'il écrivait sous Ferdinand VII.

⁽³⁾ Il fait le récit de ses malheurs dans une lettre qu'en 1503 il écrivit de la Jamaïque à Ferdinand et à Isabelle. En voici quelques passages. «Sette anns stetti io in corte di Vosire Maestà, che a quanti di questa impresa si parlava, tutti ad

le roi voulut le centraindre à renoncer aux droits qu'il s'était réservés avant son premier voyage (i). Abandonné de tout le monde, il mourut dans la détresse à Valladolid en 1506. Avant d'expirer, il ordonna que ses fers fussent ensevelis avec lui (2). Le roi lui fit faire une magnifique épitaphe.

una voce diceano che eran ciance e pateraggie... ful preso e messo in un naviglio con due fratelli, caricato di ferro, nudo in corpo , con molto male trattamento , senza essere chiamato, nè ancora vinto per ginstizia... Io venni a servire Vostre Maestà di tempo di anni 28, e adesso non ho capello che non sia canuto, il corpo debile e infermo e tutto dannato. Quanto io aveva portato con me, da costoro mi fu tolto ogni cosa a me e mici fratelli, fino il saio; senza essere nè udito, nè visto..... La intenzione buona e sana, quale sempre ebbi al servire di Vostre Maestà, e il disonore è rimerito tanto diseguale, non da luogo all'anima che faccia. ... Io sono restato così perso et disfatto. Io ho pianto fin qui per altri, che Vostre Maestà gli abbiano misericordia. Pianga adesso il cielo, e pianga per me la terra nel temporale, che non ho sola una quattrina per far offerta in spirituale. Io sono restato qua nelle Indie... isolato, in gran pena, e infermo, aspettando ogni di la morte..... Pianga per me chi ha carità, verità o giustizia. Io non venni a questo viaggio a navigare per guadagnare onore nè roba, queste è certo, perchè la speranza era del tutto già persa » (Bossi, vita di Colombo, p. 454-256).

⁽t) Colombo, F., historie, f. 246.

⁽a) Colombo , F., historie, f. 191.

La découverte de l'Amérique, qui a en tant d'influence sur les destinées de l'Europe, aurait peutêtre assuré l'indépendance de l'Italie, si Gênes et Venise eussent accepté les offres de Colomb. Ces républiques étalent. il est vrai, au moment de voir échapper de leurs mains le commerce de l'Orient. qui les avaient rendues si florissantes; mais leur marine, alors si nombreuse, leur auraitassure, aussi. bien qu'à l'Espagne, la possession des plus riches contrées du Nonveau-Monde, Elles seraient parvenues à ressaisir l'empire des mers et à se rendre, par le commerce et les colonies, riches et puissantes comme le devinrent le Portugal et la Hollande Toutefois ces deux pays étaient alors jeunes et vigoureux; tandis que Gênes et Venise, déchues du rang élèvé qu'elles avaient occupé, perdaient chaque jour cette énergie qui jadís leur avait fait affronter tous les dangers : elles se tinrent à l'écart, et d'autres peuples profitèrent des découvertes de Colomb. On ne saurait calculer l'ascendant qu'anraient acquis ces républiques, si elles fussent arrivées les premières en Amérique. Placées comme deux bastions à l'entrée de la Péninsule, elles auraient arrêté pendant long-temps les invasions des étrangers; mais le sort en avait décidé autrement : une découverte qui devait

sanver l'Italie la rendit esclave de l'Espagne. Les conséquences de la découverte et de la conquête de l'Amérique ont été diversement appréciées. Les uns n'ont considéré que l'augmentation des richesses en Europe, la vaillance des conquérans, la civilisation d'une immense contrée et le triomphe de la religion : les autres ont été frappés des millions de victimes égorgées par les Européens, de la grande extension qu'a prise le commerce des esclaves après le dépeuplement de l'Amérique, et de l'affaiblissement que leur semblait avoir produit en Espagne l'émigration de tous ceux qui allaient chercher les richesses du Potosi. Cette question si vaste est loin d'être résolue; il nous semble même qu'on ne l'a pas encore étudiée sous toutes ses faces. Il est hors de doute que le voyage de Colomb a eu de grands résultats scientifiques; il a contribué puissamment aux progrès de la cosmographie, de l'astronomie, de la physique terrestre, de la navigation, de l'histoire naturelle. Le commerce, l'industrie ont pris un développement inconnu jusqu'alors, et le bien-être matériel a incontestablement augmenté en Europe. On doit ajouter aussi que c'est mentir à l'histoire que d'attribuer à la conquête du Nouveau-

Monde l'affaiblissement de l'Espagne; car, mème après la prise de Grenade, Ferdinand et Isabelle purent à peine disposer de la somme nécessaire à l'équipement des trois petits vaisseaux confiés à Colomb (1); et l'on voit au contraire, durant le seizième siècle, et tandis que la fièvre de l'émigration s'était emparée de tous les esprits, l'Espagne, élevée par l'or de l'Amérique à une puissance inattendue, bouleverser les états voisins et porter au loin sa domination (2). Mais ce ne sont là que les points secondaires de la guestion. Pour réhabiliter, aux yeux de l'histoire, ce mémorable évènement, il faudrait prouver qu'en Europe et en Amérique il a été la cause d'un grand progrès social. Or, nous ne saurions admettre qu'il y ait progrès lorsque la morale reçoit de profondes blessures; et, certes, les horribles cruautés que l'on a commises en Amérique en la dépeuplant d'hommes rouges, celles non moins abominables que l'on

(2) Il serait plus juste d'attribuer la décadence de l'Espagne aux persécutions contre los Moriscos et à l'inquisition.

⁽t) Pour aplanir les difficultés qu'on lui oppossit Colomb avait offert de contribuer pour un huitième dans les dépenses de l'armement (Colombo, F., Aistorie, f. 36).

a été, forcé de commettre pour tenter de la repeupler d'hommes noirs, ce vertige qui faisait abandonner si facilement l'ancienne patrie pour aller chercher un peu d'or au delà des mers et au milieu des cadavres, cette soil du bieu-être, cette ardeur pour les intérêts matériels, qui à présent règnent en maîtres chez nous, et qui ont pris naissance dans le Nouveau-Monde, ne prouvent pas que la morale publique et privée se soient beaucoup perfectionnées en Europe, par suite de la découverte de l'Amérique.

Quant à cette découverte, il est vrai que ce n'est qu'après avoir été rattachée à l'ancien continent que l'Amérique a pu participer à la marche de la civilisation. Mais d'abord, qu'a-t-onfait pour policer les anciens habitans? On sembles être proposé uniquement d'extirper la barbarie dans le Nouveau-Monde, soit comme l'ont fait autrefois les Espagnols, en massacrant les peuples qu'ils y ont reacontrés, soit comme le font à présent les républicains des États-Unis, en les refoulant dans dès déserts stériles, pour les y laisser mourir de faim. Et d'ailleurs, c'est par un préjugé européen et par suite de notre ignorance que nous ne voyons dans les habitans du Nouveau-Monde que des

sauvages sans mo:urs et sans lois, se dévorant entre eux ou disputant leur nourriture aux animaux. Dans ces immenses contrées vivaient sans douté beaucoup de peuplades aussi peu avancées que les plus barbares de celles de l'ancien continent; mais sans parler de l'Asie et de l'Afrique, vers la fin du quinzième siècle on rencontrait même en Europe des peuples dénués de tonte civilisation. Depuis la Dalmatie jusqu'à Moscou, les peuples, appartenant à la famille slave, avaient alors peu de supériorité sur les Caraïbes et les Botocudes ; et il n'y avait pas long-temps qu'il avait fallu prêcher une croisade contre le nord de l'Allemagne pour renverser les idoles et faire sortir les hommes des forêts. En arrivant en Amérique, les Espagnols rencontrèrent deux puissantes nations, les Aztèques et les Pérnviens, dont l'état social n'était guère moins avancé que le leur. Aussi dans les relations écrites par les premiers conquérans du Mexique et du Pérou, on voit percer partout leur étonnement de frouver des peuples si riches, si puissans, des lois régulières (1), une organisation

⁽¹⁾ A Tlascala, il y avait des juges qui punissaient, suivant

politique si vaste et si compacte (1); des temples, des routes (2, des ponts, des aqueducs (3), des

les lois, les voleure étaient condamnés à la prison. A Mexico. Cortez trouvé, entre sutres choses, us, tribûnal de commerce, et des vérificateurs-des poids et mesures. Après la conquête, l'administration de la justice devint un pen moins régulière; le fait suivant va le démontrer.

Deux familles indignnes se disputaiont des possessions considérables Chacing d'elles produisait des plans topographiques qui n'étaient pas d'accord : la licenqué/Zdazō, lieutennut de Cortez, fit lever de Bouveaux plans par des amanteques (segenteurs) mectaien, et comme leurs mesures differaient encore, il en fit chajeir d'autres et les menaçs, s'ils ne s'accordaignt jans, de les faires dévoire par son chien, à qui il avait digit donné à manger plus de deux cente Indiens. L'accommodement ne tarda pas à être conclu (Râmueio, viaggi, tom III, f. 184). Les Espagnols, qui avaient de si bons chiens, n'avaient peut-tire pas d'aussi bons arpenteurs.

(1) Le Mexique était un état féodal sous la suzeraineié de l'emperenr, qui dit Cortez, « envoyait des ordres à deux cents lieues à la ronde de Mexico, et tout le monde obéissait.» (Romussio, viaggs; tom. 181, f. 201).

(a) Il y avait au Pásou, de Cusco à Quito, ane magnifique chaussée de trois cents lieues avec des aqueducs, des ponts, et des auberges pour les voyageurs (Ramusio, viaggi, tom. III, f. 330).

(3) Les Américains avaient des-canaux d'irrigation nêuedans des contrèss presque sauvages (Raquisis, viaggi, tom. III, f. ag.): les squeducs etles égont gignatisques de Mexico avaient rien à envier aux plus magnifiques constructions faites en ce genre par les Roms-ins (Raquisis, riaggi; fom. III, f. 200). monumens publics (1) de tout genre, si grandioses, des villes nombreuses et très peuplées (2),

Mais tout-cela n'était rien en comparaison de l'empire de Montezuma. Cortez en parle avec une admiration inépuisable, Ici, c'est une ville bâtie sur pilotis au milieu d'un lac avec un pont d'une lieue pour y arriver : làc'est Iztapalapa avec ses quinze mille maisons, ses grands palais, ses jardins, ses portiques. Des routes pavées et une suite non interrompue de ponts fortifiés et de villes florissantes conduisaient à Tlemistitan (Mexico), dont Cortez fait une description qui ressemble à un conte de fées. Des bazars entourés de Portiques remplis des plus riches marchandises, où se répuissaient soixante mille négocians; un temple fortifié qui pourrait contenir une ville, avec quarante tours de pierre dont la moindre est haute comme le clocher de la cathédrale de Séville ; une ménagerie immense dans un palais de marbre et de jade, enfin une grandeur et, une magnificence, qu'on retrouve encore dans les ruines de Palenqué

⁽¹⁾ Ramusio, viaggi, tom. III, f. 153, 189, 256, 258, etc.

⁽a) Cortez raconte qu'avant d'entrer dans Thacala, il trouva nne ville où ij y avait cinq mille maisons, très bèse bâttes, que le lendemain il britla six villages de cent maisons chacan, et le surfendemain dix villes, dans nne desquelles il y avait trois mille maisons (Ramuzto, viaggi, tom. III., f. 189-199). Quanti à la ville de Thacala, Cortez dit qu'elle était phus grapquée plus forte que fernade; plus remplie de beaux et riches monumens et plus peuplée que ne l'était forenade terqu'on la prit aux Mores (Ramuzto, viaggi, f. 19). On ait que Țlascala était yme république aristocratique, et que, pour ne pas être obligés aux Mexicains, les habitans de cette république se privaient da sel. Cortez décrit les mœurs, les lois , le commerce, les marchés, les monumens de cet état où il y avait, à ce qu'il assure, cent tinquante mille maisons.

les arts (1) et le commerce si développés, et, à la tête de l'empire, cette immense ville de Mexico, à laquelle même de nos jours aucune ville de l'Espagne ne saurait être comparée. Ce pays est mieux administré que l'Espagne: cette ville est plus grande qu'aucune de nos villes; ce monument surpasse tous les nôtres: voilà comment s'expriment Cortez et ses compagnons. Alvarado, son lieutenant, s'avança jusqu'a quatre cents lieues de Mexico, traversant toujours des contrées fertiles et peuplées; où il y avait des villes de trente mille maisons (2). Que sont

et qui rappellent les monumens de l'ancienne Egypte et les ruines de Palmyre (*Ramusio*, viaggi, f. 195, 199-201 256-259, etc.).

f:) Il nc faut pas juger des arts des Mexicains seulement d'après les débris des magots qu'on a rapportée en Europe. Voici ce que dit à ce sujet Cortez : é Statues en or, en argent, en plumes, en pierres précieuses de tout geare... Les statues en or et en argent sont si bien sculptées qu'aucun sculpteur ne saurait mieux faire: il n'y a pas d'intelligence humaine qui puisse deviner avec quel instrument on a pu si parfaitement travailler celles qu'ont en pierres précieuses; les figures en plumes étaient telles qu'on ne pourrait en faire de plus merveilleuses ni en cire, ni brodées en soie » (Remative, origogi, tom. III, f. 201).

⁽²⁾ Ramusio, viaggi, tom. III, f. 250. — Voyez aussi la relation du frère Marc de Nice (Ramusio, viaggi, tom. III, f. 298).

devenus ces monumens, ces villes, ces peuples? Les Espagnols n'ont su que bouleverser, baptiser et massacrer. Les Indiens du Mexique valent moins à présent que du temps de la conquête, et il faut s'enfoncer dans les déserts pour chercher les ruines'de Palenqué ét de tant d'autres villes jadis si florissantes. Un seul fait, s'il était vrai, pourrait faire croire à la supériorité des envahisseurs : c'est la conquête du Mexique par Cortez, à la tête de trois cents Espagnols; mais ce n'est qu'une fable. Quoique les armes à feu et la cavalerie manquassent aux Indiens, Cortez n'aurait jamais pu songer à soumettre cet empire, s'il n'avait su profiter des divisions qui l'agitaient, et se mettre à la tête des ennemis de Montezuma (1). Il a fait combattre les Américains contre les Américains, et s'est trouvé à la tête d'armées innombrables : le siège seul de la capitale a coûté la vie à plus de trente mille de ses auxiliaires. Ces faits, que Cortez avait cachés soigneusement, pour s'en-

⁽¹⁾ Cortez lui-même dit dans sa seconde relation : - Ayant vu les dissensions et les haines, j'en ressentis une grande joie, car je reconnaissais que cela élait fort utile à mes affaires et que j'aurais une voie très aisée de les opprimer. » Raimuria, viaggé, iom. III, f. 193). — Mais ensuite il parle à peine de ces auxiliaires.

tourer d'un grand prestige, ont été révélés par des écrivains espagnols, et sont prouvés jusqu'à l'évidence par plusieurs relations de la conquête, que les descendans des Aztèques ont composées (1); car non-seulement ces peuples, qu'on nous représente comme si barbarès, connaissaient les arts et formaient une puissante nation, mais ils avaient des chants nationaux (2) et une peinture hiéroglyphique (3)

⁽¹⁾ Nous citerons spécialement la treizième relation d'Ixtlilxochitl, descendant direct du rival de Montezuma. Cet écrit (extrait d'un ouvrage bien plus considérable sur l'histoire et les origines mexicaines, qu'il serait utile de publier) a paru en 1829 à Mexico, et a été traduit récemment en français. Il est rempli de faits intéressans. On y voit que l'aïeul de l'historien, subjugué par l'ascendant de Cortez, aida avec deux cent mille hommes les Espagnols à ruiner Mexico. Rien n'est plus grand que le siège de cette ville infortunée, où s'ensevelirent deux cent quarante mille Mexicains. Ixtlilxochitl, chargé des malédictions de ses concitoyens, et de celles de son propre frère, qui avait combattu pour l'indépendance de la patrie, fut cruellement puni d'avoir aidé les étrangers (Ixtlilxochitl, memoire, Paris, 1838, in-8, p. 82, 100, 105, 107, 185, 235, 236, etc.). Bien que très bon chrétien, l'auteur est indigné de l'injustice de Cortez, qui nomme à peine des alliés auxquels il devait la victoire et la vie, et qui s'exposaient à tous les dangers, et enduraient pour lui des fatigues et des privations infinies. . .

⁽²⁾ Intlitrochitt, memoire, 302

⁽³⁾ Ixtlifxochitl cite toujours les printures comme documens historiques.

pour perpétuer le souvenir des évènemens; et , après l'asservissement du Mexique , c'est encore chez les Indiens qu'il faut chercher les écrivains les plus distingués de l'Amérique espagnole. (1)

Les mêmes faits se sont reproduits au Pérou; là, comme au Mexique, les Espagnols ont arrêté le développement d'une civilisation naissante (2), sans savoir substituer un nouveau système à l'ancien; et les Indiens, après avoir reçu le baptème, se sont trouvés, par le fait de la conquête, moins policés que lorsqu'ils adoraient le soleil.

On se tromperait cependant si l'on croyait que nous avons l'intention de comparer les Espagnols aux Tupinambas et aux Payaguas. Nous avons seu-

⁽¹⁾ On sait que Garcilasso de Vega descendait des locas par les femmes: Lxtlilxochitla été appelé le Ciceron mexica in. Niça, Tezozomoc. Ayala, Dona Maris Bartola, Zapata, Castillo, Chimalpaire, Camargo, Ponce, Tobar descendaient, ainsi que beaucoup d'autres écrivains du Mexique, des anciens maîtres du pays.

⁽s) A l'arrivée de Pizarro, le Pérou, couvert de villes bien bâties et fort peuplées, était beaucoup plus (florissant qu'il n'e jamais été depuis (Rémustie, viaggi, tom. III, 6 331-337). Cusco, avec son palais d'une demi-lieue de tour, aurpassait en magnificence la pluipart des villes de l'Europe (Ramusto, riaggi, tom. III, 6 33)».

lement voulu prouver que là où il y avait des peuplessauvages, les Européens les ont détruits oulaissés dans la barbarie, et que les restes des grandes nations qu'ils ont rencontrées dans le Nouveau-Monde n'ont fait que dégénérer après la conquête. D'hommes capables de souffrir le martyre comme Guatimozin (1) ou de combattre comme les Araucaniens (2), les Espagnols n'ont fait que des demi-sauvages abâtardis. Ils out permis parfois à leurs sujets américains de se nourrir de chair humaine (3): parfois même, pour servir aux intérêts du commerce, des chrétiens out apporté en pâture d'autres chrétiens aux anthropophages (4): et lorsque émue par le cri

Nouveau-Monde, Paris, 1837, in-8, p. 118 et 208.

⁽i) Toutle monde connaît la leçou sévère qu'il douna à un de ses contrisans qui, placé comme lui sur des charbons ardens pour qu'il découvrit l'endroit où étaient cachés les trésors de l'état, se lamentait.— Et moi, suis-je sur des roses? dit l'empereur.

⁽³⁾ Cette petite. nation, moins civilisée que les Mexicaíns et les Péruviens, est la seule qui ait su résister aux Espagnols: elle a toujours combattu avec un si indomptable courage que ce pays mérita d'être appelé la Flandre américaine (Molina, storia del Chili, Bologna, 1787, in-8, p. 50-37, 118 et suiv.).

⁽³⁾ Cabcca de Vaca, commentaires, Paris, 1857, in-8, p. 461.

[4) Staden de Homberg, histoire d'un pays situé dans le

de tous les honnétes gens et par le dépeuplement de ses colonies, la cour d'Espagne a voult enfin améliorer le sort des Indiens, le mal était sans remêde et aucune loi n'en pouvait empécher le progrès.

Il serait inutile, à notre avis, de s'arrêter sur un point qui a été longuement discuté par les géographes et les érudits, savoir, qui de Colomb, Améric Vespuce ou Cabot a le premier découvert le continent américain. Pendant long-temps on a cru que Vespuce, qui a donné son nom au Nouveau-Monde, était arrivé avant tont antre à la terre ferme. Dans cette discussion, les Florentins étaient pour Vespuce, les Vénitiens pour Cabot, comme si Florence et Venise n'avaient pas dù participer à la gloire italienne de Colomb. Maintenant ces mesquines querelles municipales devraient avoir perdu toute importance; mais il est prouvé de plus, d'après les documens originaux, que les deux émules de Colomb n'ont aucun droit à cette découverte (1). Quoi qu'il en soit, la mer Atlantique une fois traversée, il était facile de s'a-

⁽¹⁾ Dans son Examen critique, M. de Humboldt a détruit les conjectures sur lesquelles on s'efforçait d'appuyer les titres de

vancer des Antilles jusqu'au continent, qui barrait le chemin, et tous ceux qui naviguaient vers l'Occident devaient le rencontrer: la grande, l'unique difficulté était d'arriver à l'île de Guanahani. Aussi, après le premier voyage de Colomb, tous les navires cinglèrent vers l'Amérique, seulement parce qu'on savait qu'il était possible d'y arriver. (1)

Outre son immortel voyage, Colomb a d'autres titres à l'admiration de la postérité; il fut le premier cosmographe de son temps. On lui doit de nombreuses observations météorologiques (2), etil sut en déduire de nouvelles raisons de croire à l'existence d'un grand continent situé à l'occident. Le premier il signala la variation de la décli-



Vespuce; mais il a prouvé en même temps que le navigateur florentin n'avait jamais en l'intention des attribuer la découverte de la terre ferme (Humboldt, examen eritique, p. 540 et suiv.).

⁽t) Après le premier voyage de Colomb, son frère Barthilemi quita l'Angleterre pour aller le rejoindre; mais à son arrivée en Espagne; il le trouva déjà genari pour le Nouveau-Monde. Ĉependant, sans avoir jemais fait le voyage, sachant Bulement qu'il était possible de traverser l'Atlantique, "il s'embarqua etalla retrouwer l'amiral en Amérique (Colombo, F., Mistorie, f. 120).

⁽a) Il paraît que Colomb a été le premier à tenir un journal météorologique (Colombo, F., historie, f. 58).

naison de l'aiguille aimantée (1); l'effroi que ce phénomène inspira à tout l'équipage, l'explication que Colomb en donna pour calmer ses compagnons, prouvent qu'on le remarquait pour la première fois (2). Il fit des observations astronomiques, et dans une occasion décisive, il sut, par la prédiction d'une éclipse, imposer aux Indiens prêts à se révolter, et les faire rentrer dans l'obéissance en les menaçant d'ôter la lumière à fa lune (3). Il paraît même qu'il avait écrit un ouvrage sur l'art nautique (4); mais on n'en est pas certain, car ses écrits, comme ceux d'autres grands hommes, ont été pour la plupart perdus ou négligés.

Vespuce aussi fut un habile astronome; son

⁽¹⁾ Voyez ce que j'ai déjà dit à ce sujet , tom. II, p. 70-72.

— Au reste , Ferdinand Colomb assure que jusqu'alors personne n'avait remarqué la déclinaison (*Historie*, f. 41).

⁽a) La phrase du hiographe n'est pas claire, mais on pourrait peut-être en conclure que Colomb avait observé les variations horaires de l'aiguille. Voici le texte italien: « Parimente noto, che da prima notte le aguacchie norrestavano per tutta una quarta, et, quando aggiornava, stavano giustamente con la stella.» (Colombo, F., historic, f. 16).

⁽³⁾ Colombo, F., historie, f. 236.

⁽⁴⁾ Cet ouvrage avait pour titre : De la racion de la tabla narigatoria (Bossi, vita di Colombo, p. 17). Barros dit que Colomb était éloquent et bon latiniste (Barros, l'Asia, tom. P.

principal mérité est d'avoir déterminé, par des occultations d'étoiles, les longitudes des pays qu'il découvrait (1). Il avait cette méthode (qu'il paraît avoir appliquée le premier d'une manière générale à la géographie et à la navigation) dans un ouvrage intitulé les Quatre journées, où il rendait compte de ses voyages, en y ajoutant des observations astronomiques sur un grand nombre de constellations australes qu'il avait découvertes, et dont il avait déterminé la position et les mouvemens (2). Cct ouvrage, perdu aujourd'hui, aurait été pour le voyageur florentin un plus beau titre de gloire que celui d'avoir, par hasard, donné son noni au Nouveau-Monde. Vespuce ne fut guère plus heureux que Colomb : sa veuve se vit réduite, à mendier une pension de soixante francs par an (3).

f. 55). En effet, dans ses lettres on trouve des passages pleins d'éloquence.

Voyez la note XXII à la fin du volume.

⁽¹⁾ Consultez à ce sujet Humboldt, examen critique, p. 475 et suiv.

⁽²⁾ Bandini, vita e lettere di Amerigo Vespucci, Firenze, 1745, in-4, p. 26, 53, 69-73.

⁽³⁾ Humboldt, examen critique, p. 539. — Vespuce mourut en 1512, à Séville.

A coté des astronomes voyageurs, il y avait en Italie des astronomes théoriciens qui enseignaient dans les universités; la liste en serait fort longue, mais geu méritent d'être nommés. Plusieurs s'adonnerent à l'étude des astres pour cultiver l'astrologie : de ce nombre furent Manfredt, auteur du livre du Pourquoi (1), Bianchini, qui fut en correspondance avec Regiomontanus (2), et Laurent Buonincontri : on les cite de préférence, parce que l'astrologie ne les empécha pas de se livrer à de plus utilés travaux. Pontagus, si connu pour son érudition classique, fit preuve dans ses ouvrages d'une grande connaissance de l'ancienne astronomie; Toscanella, dont nous avons parlé

⁽¹⁾ Manfredi mourut en 1492. Son ouvrage initiulië De homine et qu'on appelle communément Il libro de l'Perchè_{t, par} rut pour la première fois à Bologue en 1474. Fantuzzi s'est trompé en assignant à cette première édition la date de 1475 : le la possède et elle porte l'amnée 1474 (Fantuzzi, scriitore belognest, Bologua, 1781, 9 vol. in-fol., tom. V, p. 197.—Manfredi, De homine, Bonomie, 1574, in-fol.).

⁽³⁾ Fantuzzi, scrittori bolognesi, tom. II, p. 180-187. Tiraboccki, storia della sett. ital., vol. VII, p. 366.—Bisanchini avait écrit dix ratides d'artitherique, d'algère, de géométrie, qui n'ont pas été publiés, mais qui existaient manuscrits en 193 à la bibliothèque de Bologue (Fansinzzi, scrittori bolognesi, tom. II, p. 186).

plusieurs fois, forma des tables astronomiques et fit construire, dans le dôme de Florence, la plus grande méridienne qui existe au monde (1); Dominique Novara, professeur à Bologne; détermina de nouveau la position des étoiles qui se trouvent dans l'Almageste, et eut, presque en même temps qu'un jurisconsulte napolitain, l'idée d'un changement dans l'axe de rotation de la terre (a). Bien qu'erronée, cette hypothèse mérite d'être citée, parce qu'elle portait la discussion sur les élémens du système du monde, qu'on avait toujours supposés invariables. Mais Novara restera surtout dans l'histoire pour avoir été le maître de Copernic (3), car-le grand astronome alla s'instruire en Italie et doit se rattacher à l'école italienne, comme Purbach, Regiomontanus et l'illustre Agricola. Sans doute le génie du fils du serf polonais n'avait pas besoin pour éclore des leçons du professeur de Bologne; mais l'Italie doit être fière de pouvoir le compter au nombre de ses disciples. D'ailleurs la théorie du mouvement de la terre,

⁽¹⁾ Limenes, dello Gnomone, Firenze, 1757, in-4, p. xx.

⁽²⁾ Montucla, hist. des math., tom. I. p. 549.

⁽⁵⁾ Tirahoschi, storia della lett. ital., vol. VII, p. 366-368.

reproduite à la fin du quinzième siècle par Léonard de Vinci et par d'autres Italiens, n'a pas été peut-être sans influence sur l'admirable conception du philosophe de Thorn.

Un seul nom, celui de Fracastoro, domine a présent les noms de tous ces astronomes italiens. Il fut célèbre par la profondeur et la variété de ses connaissances. De Thou, qui, dans son histoire, en a fait un magnifique éloge, dit que Sannazar s'avoua vaincu par les vers latins (1) du médeein de Vérone, Il fut bôtaniste (2), philosophe (3) et mathématicien, et, cultivant des sciences si diverses, il s'illustra dans toutes. En combattant les épicycles, il aplanit la route au système de Copernic. Il substitua l'action des atomes aux causes occultes (4); il considéra tous les corps comme s'attirant mutuellement (5), et les actions élec-

⁽¹⁾ Thuani historia, Londini 1735, 7 vol. in-fol., tom. I, p. 430, lib. XII, § 15.

⁽a) Voyez à ce sujet les lettres de Fracastoro insérées dans le recueil de Pini (Sciella di lettere, Venet., 1574, 4 vol. in-8, tom. III, p. 399-436).

⁽³⁾ Fracastoro fut élève de Pomponace; il composa un traité De anima, et un dialogue De intellectione (Fracastori opera, Venet., 1574, in-4, f. 121 et 149).

⁽⁴⁾ Fracastori opera, f. 57.

⁽⁵⁾ Fracastori opera, f. 62.

triques, magnétiques et physiologiques comme ayant pour cause un principe impondérable (1). Son livre de Sympathia et Antiputhia est rempli d'observations intéressantes, ses Homocentres décèlent le savant astronome; on lui doit peut être la première idée des lunettes astronomiques (2). Il mourut à soixante-dix ans, en 1553. Vérone, sa patrie, lui fit ériger une statue.

Mais ce sont surtout les mathématiques pures qui furent à cette époque perfectionnées par les Italiens : leurs travaux doivent se partager en deux classes. Quelques savans s'appliquèrent à bien connaître les écrits des anciens, à les complèter, et à exposer, dans des traités spéciaux, l'ensemble des recherches déjà faites; tandis que d'autres, plus hardis et plus heureux, s'occupèrent exclusivement de per-

⁽¹⁾ Fracastori.opera, f. 62.

⁽a) Voici deux passages tirês des Homocentres où il est certainement question de la combinaison des deux lentilles, et du grossissement des autres. « Per dua specula ocularia si quis perspiciat, altero alteri superposito, majora multo stpropinquiora videbi omnia. » «Quin imo quadam specilla ocularia funt (antae densilatis, utsi per la quis, qui lunam, aut altua didenna pecella, acoto propinqua illa indice, tu ne turres ipsas accedant. » (Frucastori opera, f. 13 et 4». Homocenfres, set. 11, c. 8, et set. 11, c. 9, et set. 11, c. 9, et set. 11, c. 7, et set. 11, c. 8, et set. 11, c. 9, et set.

fectionner l'algèbre et de lui donner un degré de généralité que les anciens n'avaient point connu, et qu'en plusieurs points les modernes n'ont jamais pu surpasser. Plus loin nous analyserons les écrits de ces algébristes qui unt posé les limites de la résolution des équations, mais nous commencerons par nous occuper des continuateurs de l'antiquité.

A leur, ête brille François Maurolycis de Messine, qui, sans négliger l'algèbre moderne, s'appliqua surtout à perfectionner les méthodes d'Archimède, d'Apollonius et de Diophante, et qui sut en déduire de nouveaux résultats. Il se montra le digne soutien des sciences dans le midi de l'Italie. Depuis la mort de Frédéric II, les études avaient décliné dans le royaume de Sicile. Les malheurs de ses successeurs, l'invasion de Charles d'Anjou, la terrible vengeance (1) qui sépara la Sicile de Naples, et qui fit d'un royaume uni deux états mortellement ennemis, interrompirent dans ces contrées le progrès des lumières. En vain le roi Robert protégea les savans : il en appela plusieurs de l'étranger, sans

⁽¹⁾ On ne doit pas oublier, à ce propos, que Jean, de Procida fut un des plus savans médecins de son temps.

pouvoir ranimer les sciences dans ces contrées. Saint Thomas d'Aquin ne laissa aucun disciple digne d'un si grand maître, et Barlaam de Seminara fut, au quatorzième siècle, le seul mathématicien napolitain dont l'histoire ait gardé le souvenir (1). Les sciences ne devaient pas se relever sous l'empire de deux reines dissolues, meurtrières couronnées, dominées par des favoris insolens, et fuyant tour-à-tour devant les Hongrois et les Angevins. Enfin Naples se soumit aux maîtres de la Sicile, et Alphonse encouragea de nouveau les études. Mais, Jérôme Tallavia, à qui on a voulu attribuer le mérite douteux (2) d'avoir, avant Copernic, enseigné le mouvement de la terre, et Pontamus, qui fut plutôt érudit que savant, ont pu seuls arriver à la pos-

⁽¹⁾ Sigisprelli, pricende della coltura nelle due Sicilie, Napoli, 1784, 5 vol. in-8, tom. III, p., 4r et suiv. — Barlaam contribus beaucoup à répandre l'étade de la littérature grecque en Italie. Il était né dans une province pour laquelle Frédéric avair rédigé en grec ses Gonstitutions.

⁽a) Tirnbaschi, storia della teti, stal., vol. VII, p. 367.— Celio Galeggini piblia annsi na traifa qui, a pour titre: Quod cedum stet, terra autém movectur; mais quoique cet ouvrage ali para avant celui de Copernic, copendant Pateur Italian ap ya oric comisiasance desopinions dugrand riformateur de l'astronomie (Tirnbaschi, storia della tett. ital., yol. XI, p. 445).

térité. Ils furent éclipsés bientôt par Maurolycus, seul véritable géomètre qu'ait eu la Sicile depuis Archimède.

Il naquit (1) à Messine, en 1494, d'une famille grecque que les Turcs avaient forcée à chercherun asile en Italie (2). Son père lui apprit le grec et l'astronomie (3). A vingt-sept ans il embrassa la carrière ecclésiastique, et pour soutenir ses frères, il devint, commie plus tard Newton, directeur (4) de la monnaie. Souvent il fut consulté sur des affaires d'état par Véga, qui, en qualité de viceroi, gouvernait alors la Sicile pour Charles -Quint (5). Il entra en correspondance avec les

p. 109.

⁽¹⁾ Le savant abbé Scinà de Palerne, dont la Sicile déplore la perte récente, a éerit un déponitatique de Maurolycus que nous suivrons ici pour les dates et pour les faits principaux. Il a cu à sa disposition des ouvrages imprimés et manuscrits qui nous manquent, et il s'en est éervi s'ecc beaucoup de jugement. Nous croyons seulement que, n'ayant pas asses souvent comparé les travaux de Maurolycus avec ceux des autres géomètre de son sièc, ei lueur a quelqueбois attribué plus d'originalité et d'importance qu'ils n'en ont réellement. L'éloge que nous citons a para gar 1868 à Palerme, ii-e8. (3) Foresta, Della, vitta di F. Maurobico, Massina, 1673.

in-4, p. 1.
(3) Foresta, Della, vita, p. 2.

⁽⁴⁾ Baluzii, misrellanea, Lucz, 1761, 4 vol. in-fol., p. 396. (5) Baluzii, misrellanea, tom. IV, p. 399 - Scind, elogio,

hommes les plus célèbres de son temps (1), mais peu de ses lettres nous sont parvenues. On doit regretter surtout celle qu'il adressa au cardinal Bembo, et dans laquelle il décrivait une grande éruption de l'Etna (2). De toutes parts on avait recours à lui: Clavius le consultait sur les mathématiques, et don Juan d'Autriche lui demandait des instructions pour diriger la flotte qui fut victorieuse à Lépante (3). Il fit élever les fortifications de Messine (4), et, malgré sa piété, il s'arma pour défendre cette ville contré des soldats espagnols qui menaçaient de la dévaster (5). Par lui la Sicile opprimée reprit de l'éclat : non-seulement il l'illustra par sa science, mais il en fut aussi l'un des premiers historiens (6). Il mourut octogénaire, en 1575, emportant dans le tombeau les

⁽¹⁾ Scina, elogio, p. 6 et 109.

⁽²⁾ Scina, elogio, p. 103.

⁽³⁾ Foresta, Della, vita, p. 17.

⁽⁴⁾ Foresta, Della, vita, p. 6.

⁽⁵⁾ Il le dit lui-meme dans la dédicace de sa Cosmographie au cardinal Bembo (Maurolyci cosmographia, Venetiis, 1543, in 4):

⁽⁶⁾ Il fut nommé historiographe par le sérat de Messine, qui lui assigna çené écus d'or de rente viagère pour qu'il pût terminer et publier son histoire et ses ouvrages de mathématiques (Balauzii miscellanea, tom. I, p. 399).

regrets des savans et la vénération de ses concitoyens.

Malgré des occupations si diverses, et bien que livré à des recherches historiques et à des travaux d'érudition, Maurolycus composa tant d'ouvrages qu'ils semblent surpasser les forces d'un homme. Malheureusement, il ne publia presque aucun de ses écrits, très peu ont été imprimés depuis, et tout le reste a péri; mais nous en avons la liste dans sa Cosmographie et dans les Opuscules mathématiques, qui parurent à Venise peu de jours après sa mort (i). On voit par le premier de ces ouvrages que déjà, en 1540, il avait composé une immense encyclopédie des mathématiques pures et appliquées, où se trouvaient réunis les ouvrages des géomètres et des astronomes grecs et romains, avec les principales productions des astronomes arabes et des mathématiciens du moyen age (2). Les auteurs grecs avaient été traduits par lui de l'original, et devaient paraître presque tous

Thin god by Guilly

⁽¹⁾ Maurolyci opuscula mathematica, Veneliis, 1575,

⁽a) Dans cette collection il a'y avait tien de Fihouacci; mais Maurolycus a'aimant pas l'algebre.

pour la première fois. Il les avait enrichis d'uncommentaire et de différens traités sur les principales branches des mathématiques. Sans parler des écrits d'autres auteurs , auxquels il a ajouté des recherches nouvelles ou dont il a perfectionné la rédaction, il avait composé un traité d'arithmétique spéculative et des nombres polygones, un traité de perspective, une optique, un traité des mouvemens et de leur symétrie, un traité de musique théorique et pratique, une géométrie, une algèbre, un traité de la sphère, une astronomie, une table des sinus, plusieurs traités sur l'astrolabe, sur les horloges, sur la gnomonique, et une fonle de recherches mathématiques sur différens sujets (1). A la fin des Opuscules mathématiques, on trouve un autre catalogue qui contient quatorze traductions, avec ou sans commentaires, plus de trente ouvrages de mathématiques, l'histoire de la Sicile, un martyrologe, un livre d'hymnes ecclésiastiques, deux livres de poésies et d'épigrammes, la tra-

⁽¹⁾ Mattrolycus s'est occupé aussi de philosophie; dens ses opuscules on trouve un triple arbre des connaissances humaines (Mairrolyci opuscula, p. 3).

Voyez la note XXIII à la fin du volume.

duction, en vers latins, de Phocylide, la généalogie des dieux, une vie de Jésus-Christ en vers italiens, des poésies en patois sicilien, une chronologie, un itinéraire syriaque, la description de l'éruption de l'Etna, deux ouvrages de théologie et une grammaire. (1)

Un nombre si prodigieux d'ouvrages, sur les parties les plus élevées de la science (2), dut nécessairement frapper d'étonnement les contemporains de Maurolycus. Cette fécondité hir valut le titre de second Archimède (3), qu'il mérita plutôt par la variété des recherches que par l'originalité des méthodes ou la nouveauté des résultats. Bien que la plupart de ses ouvrages



⁽¹⁾ La grammaire à été imprimée à Messine en 1588, în-4. Le Martyrologe, la Vie de Jésus-Christ en vers, l'Histoire de Sicile, la Construction du Gadran horaire, les Sphériques de Théodose et la Cosmographie, parurent également du vivant de l'auteur.

⁽a) Pour en complèter le catalogue il faudrait en ajouter d'autres dont parle Mongitore, qui a donné une longue liste des ouvrages de Maurolycus : on y remarque un Truité des Poissons de la Sicile, les Lettres, un grand nombre de vies de saints et d'extraits divers (Mongitore, bibliothècea sicula, Panormi, 1797, a vol. in-fol., tom. I, p. 229. — Voyez aussi Floretta, Della, vita, p. 36-41).

⁽³⁾ Archimedis opera nonnulla cum commenturiis Commandini, Venet., 1558, in-fol., 42.

aient péri, les titres qui nous restent ne semblent pas annoncer que l'on doive regretter quelque découverte importante en mathématiques. Cependant il serait possible que ses écrits, surtout ceux qui concernent l'optique, la météorologie (1) et la mécanique, eussent renfermé des faits curieux. En effet les fragmens sur ces matières, que nous connaissons du géomètre de Messine, contiennent des observations intéressantes et méritent d'être consultés. On doit regretter que ni les allocations spéciales de sa ville natale, ni les intentions généreuses de son ami Siméon Ventiniglia (2), n'aient pu suffire à nous conserver tous les écrits de cet homme célèbre.

Après ces pertes, il serait impossible de faire connaître l'ensemble de ses travaux. Un extrait détaillé des ouvrages qui ont été publiés moffri-

⁽¹⁾ Sa météorologie, qu'il appelait compendium judiciaria.... exclusis superstitionibus, étuit destinée aux agriculteurs, aux médecins, aux marins et aux soldats. Si le manuscrit existe encore dans quelque bibliothèque de la Sicile, il serait intéresant de l'étaider et d'en assurer la conservation; car cet ouvrage contribuerait probablement à éclaireir quelque-unes des questions qui s'agitent maintenant entre les physiciens sur les températures terrestres.

⁽²⁾ Scinà, elogio, p. 214-215.

rait pas un grand intérêt. Nous ne signalerons donc que les recherches les plus intéressantes, les faits les plus curieux qu'ils contiennent, en faisant remarquer cependant que la plupart de ces écrits ayant été imprimés après la mort de l'auteur, et lorsque déjà d'autres savans s'étaient occupés des mêmes questions, ils ont perdu, au moment de leur apparition, une grande partie de l'intérêt qu'ils méritaient d'exciter. (1)

⁽¹⁾ En prenant pour base l'année de la mort de Maurólycus, on peut assigner une date certaine à ses écrits, qui cependant avaient été tous composés depuis long-temps. Les manuscrits autographes portaient ordinairement, à la fin de chaque traité, des dates qui ont été reproduites par les éditeurs. Je ferai remarquer ici qu'il y a eu discussion entre les biographes sur l'époque à laquelle parut l'Archimede de Maurolycus. Montucla assigne la date de 1570 à la première publication de ce livre en ajoutant que toute l'édition a péri dans un naufrage. Scinà en reproduisant ce passage dit qu'il ne sait pas d'où Montucla a tiré ce fait, et il suppose que cette première édition avait pu paraître entre 1550 et 1560. Le fait rapporté avec peu d'exactitude par Montucla, se trouve indiqué dans les lettres de différens jésuites publiées dans les préliminaires de l'Archimède de Maurolycus imprimé à Palerme en 1685; on y voit que la première édition avait été dirigée par Borelli, vers 1670, et qu'elle resta inachevée par suite des persécutions qu'on fit éprouver à l'éditeur (Montucla, hist. des math., tom. I, p. 238. - Scinà, elogio, p. 127. - Archimedis monumenta ex traditione Maurolyci, Panormi, 1685, in-fol.).

Le traité d'algèbre de Maurolycus est égaré; mais d'après l'idée qu'il en donne lui-même dans sa lettre à Bembo, on doit croire que cet ouvrage ne renfermait que les premiers élémens. D'ailleurs, nourri de la lecture des classiques. l'auteur repoussait ce nom d'algèbre, qu'il appelle barbare (1), et qui devait contribuer à l'éloigner de cette science. Son arithmétique (a) contient des recherches curieuses sur la théorie des nombres; les propriétés des nombres polygones y sont traitées d'une manière beaucoup plus complète qu'elles ne l'avaient été par Diophante dans le livre qu'il nous a laissé sur le même sujet. On v considère plusieurs nouvelles séries des nombres composés de deux ou de trois facteurs, dont on fait connaître le terme général et la somme. Cependant il faut remarquer que la somme des carrés des nombres naturels et celle des cubes (les plus difficiles parmi les résultats de ce genre obtenus par Maurolycus) étaient déjà connues. Archimède avait déterminé géo-

⁽¹⁾ Maurolyci cosmographia, Dedic.

⁽²⁾ Elle a été publiée à la fin des Opuscula, avec une pagination à part.

métriquement la somme des carrés et il avait démontré la règle pour la trouver; cette somme, ainsi que celle des cubes, avait été publiée par Paciolo l'année même de la naissance de Maurolycus (1). Toutefois le géomètre de Messine, qui ne cite pas l'ouvrage de Paciolo, y a ajouté des démonstrations simples et ingénieuses. (2)

Les ouvrages d'Apollonius ne nous sont parvenus que mutilés, et plusieurs géomètres ont tenté, à différentes reprises, de les compléter. Maurolycus s'est appliqué le premier à cette espèce de divination (3); et bien que la découverte postérieure d'une partie d'Apollonius, traduit en arabe, ait prouvé que ce premier essai ne pouvait pas suppléer à l'original, cependant les recherches du savant sicilien sur les maxima et les minima des sections coniques, témoignent de la force et de la pénétration de son esprit. Ces courbes qui présentaient de grandes difficultés aux mathématiciens, et dont les modernes com-

⁽¹⁾ Paciolo, summa de arithmetica geometria, Venetiis, 1494, 2 part., in-fol., part. I, f. 38 et 44, dist. II, tr. 5. — Ges deux règles appartiennent à Fibonacci.

⁽²⁾ Scipa, elogio, p. 163-174.

⁽³⁾ Scina, elogio, p. 141-147.

mençaient à peine à s'occuper, avaient un grand attrait pour lui. Il composa un traité spécial sur cette matière, et il en fit une application ingénieuse aux intersections des lignes horaires et à la théorie des ombres. (1)

Maurolycus s'occupa beaucoup d'astronomie; il écrivit plusieurs ouvrages sur la cosmographie, sur la théorie et le mouvement des astres, et fit des observations astronomiques dont quelques unes nous sont restées. Il proposa, pour la mesure de la terre (a), une nouvelle méthode qui plus tard fut rappelée par Picard, lorsqu'il s'occupa de la mesure du méridien, Il a décrit, dans un tratté spécial, les principaux instrumens astronomiques qu'on employait de son temps; et commeil en a aussi trace l'histoire, cet ouvrage, a beaucoup d'intérêt pour nous (3). C'est à his qu'il faut probablement attribuer la première ob-

⁽¹⁾ Avant la publication de l'ouvrage de Maurotycus, Benedetti, dont nous devrons parler hientés publis des recherches analogues, mais moins genérales Beneficie de gromosnium uns, August Taurin, 1574, au-fol.). Cependant Maurotycus, qui mourtue 1175, a sana doute la priorité comme. L'attente Glavius (Scind., elogie, p. 185).

⁽²⁾ Maurolyci cosmographia, f. 73.

⁽³⁾ Maurolyci opuscule , p. 48-79.

servation de l'astre qui, en 1572, se montra toutà-coup dans la constellation de Cassiopée (1), et dont l'apparition et la disparition produsirent une si vive impression. Tycho-Brahé ne semble avoir observé cet astre célèbre que trois jours après Maurolycus.

Archimède, qu'il faut toujours citer lorsqu'on veut remonter aux sources des principales découperts en mathématiques, avait créé la statique par le principe du levier et par la détermination du centre de gravité des figures planes. Il avait déterminé aussi celui de plusieurs solides, et l'on voit dans ses ouvrages qu'il connaissait la position du centre de gravité du paraboloide de révolution; mais les écrits dans lesquels il avait du consigner ces recherches ne sont pas arrivés jusqu'a nous (a). Après ce grand géometre, la mécanique resta stationnaire jusqu'à Léonard de Vinei,

⁽i) Scina elogio, i81-184.— Il paraît même qu'à cette occasion il publia un écrit dont on ne connaît à présent aucun exemplaire.

⁽²⁾ C'est Commandin qui a fait cette remarque, dans la Dedicace de son Liber de centro gravitatis solidorum qui se tronve à la saite de l'ouvrage intitulé l'Archimedis de iss que vichimiur in aqua; libri due, a P. Commandino restetuté, Benonie, 1605, in-l...

qui, comme on l'a vu, détermina le centre de gravité de la pyramide; mais ses recherches, en sevelies dans des manuscrits difficiles à lire; n'étaient connues de personne. En 1548, Maurolycus détermina de nouveau le centre de gravité de la pyramide, du cône et du paraboloide de révolution (r). Son travail n'ayant vu le jour que bien long-temps après sa mort, il a été précédé par la publication de l'ouvrage sur le centre de gravités des solides, composé par Commandin. Il est probable que les deux géomètres, se sont appliqués séparement au même sujet, et rien ne paraît devoir nous porter à rejeter la

⁽i) Ces c'aultate, qui n'ont paru que dans l'Archimede de Maurolycus public à Falerme en 1885 (p. 186-180), le trouvaient des 1856 annoués à la fis des Opureulus dans les manuscrits de l'auteur ils portaient la date de 1858 (Archimedis monument, ex l'auditione Manusolvi, p. 180). Au resie Commandin, lui-même dans la dédicace qui-précides son traité de ce ntregravilatis solidorum, ecconnait que Maurolycus é tait, occupé de cette matirer avant lui. Si M. Mammani, qui a publié une vie fort intéressante de Commandin, avan puliro cette dédicace, d'a a una probablement pas dit que « Archimed a non aven teninte proposito che di vode figure piane..., la chè primo in guesta imprésa avanzo di gen lunga il Massumes Maurolico, che dello stesso argoniento occuposa in appresso « (Mammani, elegi atorici) Pesarto, 1886, imprès p. 3).

date des recherches de Maurolycus; date qu'on a trouvée dans ses manuscrits autographes; d'autant plus que Commandin lui-même parle des travaux de son émule, dont cependant il n'a pas eu communication. Il faudrait citer aussi le géomètre de Messine, pour avoir déterminé la surface des figures curvilignes à l'aide du centre de gravité. Mais cette méthode, qui a soulevé de vives discussions de priorité entre les mathématiciens du dix-septième siècle, doit être attribuée principalement à Pappus, qui l'a indiquée fort clairement dans son grand recueil. (1)

C'est surtont dans ses recherches sur l'optique que Maurolycus a montré le plus de sagacité. L'explication de l'arcen-ciel que frère Théodoric de Saxe (2) avait donnée au commencement du quatorzième siècle ayant été oubliée ou négligée, les physiciens s'occuperent souvent de cette question, qui ne fut éclaircie, de nouvéau que par Dominis. Le géomètre de Messine en fit aussi l'objet de ses recherches, et il pensa d'abord avec justesse, qu'il fallait comparer ce

p. 350 et suiv

⁽¹⁾ Montucia, hist. des mathem., tom. I, p. 329.
(2) Venturi, storia dell'ottica, Bologna, 1814, in-4, tom. I

phénomène à celui de la réfraction produite par des gouttes d'eau. Mais ensuite il abandonna cette analogie pour introduire dans son explication la réflexion des rayons lumineux (1). Plus heureux dans la théorie de la vision, il n'osa cependant pas achever ce qu'il avait si bien commencé; car, après avoir déterminé et décrit convenablement les effets du cristallin (2), il fut effrayé de la conséquence à laquelle il arrivait nécessairement, et n'osant pas adopter le renversement de l'image sur la rétine, il s'arrêta (3). On a déjà vu (4) que Léonard de Vinci n'avait pas hésité à comparer l'œil à la chambre obscure; mais Maurolycus ne connaissait pas les manuscrits inédits du grand peintre de Florence, et il s'appliqua surtout à décrire la réfraction opérée par le cristallin. On lui doit l'explication des effets produits par les bésicles sur les presbytes et sur les myopes (5). Les lentilles, les miroirs con-

⁽¹⁾ Maurolyci de lumine et umbra, Lugduni, 1613, in 4, . 47, 56, 58, etc.

⁽²⁾ Maurolyci de lumine et umbra, p. 85.

⁽³⁾ Maurolyci de lumine et umbra, p. 84.

⁽⁴⁾ Ci-dessus, p. 54.

⁽⁵⁾ Voyez la note XXIV à la fin du volume.

caves et convexes, la marche des rayons lumineux, réfléchis ou réfractés, ont été étudies avec soin par lui, et il a expliqué les principaux phéiomènes de la dioptrique et de la catoptrique. On trouve même dans son ouvrage des observations sur la chaleur rayonnante, sur la photométrie (1), et la description des caustiques (2), combes que l'on a toujours attribuées à Tschirnausen, et que Léouard de Vinci avait déjà observées. Cet ouvrage, rempli de faits curieux et de recherches ingénieuses, mérite, à fous égards, l'attention de la postérité.

Maurolycus avait un émule qui ne lui survécut pas. Né a Urbin en 1509, Frédéric Commandin mourut en 1575, comme le savant Sicilien, après s'arte comme lui livré surtout à l'étude des mathématiciens grecs. Archimède, Ptolémée, Apollonius, Pappus, Héron, Serenus, Euclide, Aristarque, l'occupérent tour-à-tour. Il les traduisit de nouveau du grec, et les enrichit de savans commentaires. Commandin se hâta de faire paraître ses travaux, et précèda par ses publis

⁽a) Maurolyci de humine et umbra, p. 5 et 10-15.

⁽²⁾ Maurolyci de lumine et umbra, p. 47.

cations le géomètre de Messine. La plupart des ouvrages des mathématiciens grecs étaient déjà connus par les traductions des Arabes. Ces versions orientales, qu'il avait fallu traduire en latin, avaient pu faire connaître généralement les méthodes et les résultats, mais ne suffisaient plus à une époque on les progrès de la critique et de la philologie avaient rendu les esprits plus exigeans. La science y gagna : car en discutant les textes. on s'accoutuma à discuter aussi la rigueur des démonstrations. Pour traduire alors des ouvrages de géométrie d'après des manuscrits souvent incomplets ou défectueux, pour rétablir une démonstration tronquée ou dénaturée, il fallait à-la-fois bien connaître et la langue et la science. Les Italiens, qui, pendant qu'ils faisaient de si importantes découvertes dans l'analyse algébrique, surent rendre sa rigoureuse pureté à la synthèse des anciens, ont été au seizième siècle les maîtres en mathématiques de toute l'Europe. Leur influence se fera longtemps sentir : de nos jours encore, aucun géo. metre ne saurait resoudre un problème, sans profiter, souvent à son insu, des travaux de Maurolycus et de Commandin, des découvertes de Ferro, de Tartaglia, de Ferrari.

(120)

Commandin composa peu d'ouveages originaux, et il consigna surtout ses recherches dans des commentaires. Un essai sur la gnomonique, et le traité sur le centre de gravité des corps solides que nous avons déjà cités, ont été publiés par lni à la suite de deux ouvrages anciens (1). On a dit qu'il avait inventé avant Galilée une espèce de compas de proportion (2);

(i) Plolemai de analemmate cum F. Commandini de horologiorum descriptione, Roma, 1562, in-4 .- Archimedis de iis que vehuntur in aqua libri duo a F. Commandino restituti. Tartaglia avait dejà public, en 1549, ce traite à la fin d'une édition latine des ouvrages d'Archimède; mais il ne s'était pas occupé du centre de gravité des solides. Le texte grec existait à cette époque. Commandin l'avait recu en manuscrit du cardinal Cervino, mais il a eté perdu depuis (Mazzuchelli, vita d'Archimede, Brescia, 1737. in-1, p. 101 et 112-113). Les recherches du géomètre d'Urbin sur le centre de gravité des solides ont paru les premières. mais elles ne sont cértainement pas les plus anciennes. Voyez ce que j'ai dit à ce sujet aux p. 41 et 114-115 de ce volume. Commandin s'est occupé aussi d'une question fort générale, savoir : de déterminer la courbe formée sur un plan par les ravons visuels tangens à une figure quelconque donnée (Mamiani, G., clogi storici, p. 22-23).

(a) Mamians, G. clagi storici, p. 36-37.— L'ouvrage où l'on trouve cette indication pour la première fois, a paru à Milau presque trente ans après la publication du Compasde Gatilée: au create l'instrument dont parles l'atteur cité par, M_e Memiani n'est pas un compas de preportion (Oddi, mais cette assertion ne repose sur le témoignage d'aucun auteur contemporain : d'ailleurs l'instrument que l'on attribue à Commandin ne pouvait servir qu'à diviser une droite en parties égales. C'était un compas double, à charnière mobile et à branches variables.

Parmi les hommes qui, à cette époque, cultivèrent avec succès, la synthèse, il faut citer surtont Jean-Baptiste Benedetti de Venise, qui, à vingt-trois ans (1), avait publié un ouvrage foringenieux, initiulé: Resolution de tous les problèmes d'Euclide avec une seule ouverture de compas (a). Cette condition augmente de beaucoup

fabbrica del compasso polimetro, Milano, 1633, in-4, p. 1-2).

⁽¹⁾ Voyez la vie de Benedetti (Mozzuchelli, zerittori d Halia, Brecias 155, 2 tom. en 6 part, in fol., tom. II, part. 2, p. 847), bit Vortoveçausel Is liste de ese ouvrages. Beldi, qui en parle dans sa Chronique des mathématicieus (Urbico, 1307, Ind. 4, p. 140), n'a pas su apprécier le mérite du géomètre vénitien.

⁽a) Benedictis (J. B.) de resolutio ompsium Euclidis problematum aliorumgie... tra tantummode circuit data opertures. Venetiis, 1589, ne.4. – Dana la dedicace à dabiel de Gazuma, Penedetti dir. « Scientiis cam (estam) placuit a teueris unguicalis consecrare, aque luc usque prògressus sum (Deo duce) sine-profitore, precuptoreque ullo, nullum gymasium unquam, nullanque scholam frequentari, neque

la difficulté « l'écrit dont nous parlons a pu donner à Mascheront la première idée de sa Géométrie du compas. Léonard de Vinci, qu'on est si souvent forcé de citer lorsqu'il s'agit de quelque nouvelle invention, s'était occupé le prémier de ce genre singulier de géométrie, mais ses travaux gisaient dans l'oubli. Cardan (1) et Ferrari paraissent l'avoir cultivé aussi avant Benedetti, mais les recherches de Ferrari n'ontjamais paru, et Cardan n'à donné que des indications abrégées sans demonstration. Les méthodes et les solutions du géomètre de Venise décelent une grande sagacité (2). L'auteur, qui

hac studut, quod ruigus solet écé a bast verbo arroganita), pro tempore in scholis transacto, cruditionem estimare, ac septemario finito finem stadia imponere, sed dum vivo, illa prosequi. »— Cette didicace est tris importante; on y trouve pour la première fois la considération de la gravité proportionnelle à la masse; d'où l'auteur déduit que les corps de même forme et de même nature tombent dans le ment temps de la même hauteur, quelle que soit leur masse, pouvar que la dessité du milieu, reste constante.

Voyez la noté XXV à la fin du volume.

⁽c) Cardani, de subtifilaté, Lugduni, 2559, in 8, p. 550. Cette édition est postérieure à la publication de l'ouvrage de Benedetti; mais os voit, par la Dédiesce de Cardan, que le traité de aubisitate a vait déjà part en 1582.

⁽²⁾ Vovez la note XXVI à la fin du volume.

n'avait étudié que les quatre premiers livres d'Euelide sous Tartaglia (1), à dix-huit ans, passait,
non sans quelque raison, pour un prodige (2). On
l'aurait admiré davantage si l'on avait compris, à
cette époque, toute l'importance de sa théorie
de la chute des graves, dont on n'a jamais parlé,
et qui mérite cependant une place distinguée
dans l'histoire des sciences. Il devint plus tard
mathématicien du duc de Savoie, et mourut
en 1590 (3). Sa Gnomanique contient des recherches intéressantes; mais c'est dans les Spéculations mathématiques et physiques qu'il a
consigné les résultats les plus remarquables de
ses travaux.

⁽¹⁾ Cest fauteer qui le dit dans la préface de l'ouvrage déglé cité : cette assertion marie, dans un livre qui paraissait dans la patrie de Benedetti et sous les yeax de Tartiggian es semble pas pouvoir être combattus. Voici le passage original: « Cuierum quis cuitaque quod suum est reddi debet, nam et plumet insum est, Nicolaus Tarties, milit quature primos libros solos Fucidis, legit, reliqua omnis, privato et labore est suito investigavi, volenti namque seire; milit est difficile. » — On voit, par cette préface, qu'à peine agé de ving-trois ans, il avist préparé un troite complet de marthématiques.

⁽²⁾ Maszuchelli, scrittori d'Italia, tom. II, part. 2°, p. 817. (3) Ricciali, chronologia reformata, Bononis, 1869, 3 vol. in-fols, tom. III, p. 246.

Ce livre 11, qui est divisé en six parties, contient les Théorèmes arithmétiques, la Perspective, la Mécanique, les Proportions, les Disputes et des Lettres sur les mathématiques et sur la physique. Tant de matières différentes y sont traitées que l'on ne saurait en donner une analyse détaillée. Nous nous bornerons à dire que, dans ses Théorèmes, il a construit et résolu géométriquement la plupart des théorèmes de l'arithmétique et de l'algèbre élémentaire, à-peupres comme on le ferait aujourd'hui (2). Ces premiers élémens de la géométrie analytique méritent d'être remarqués (3). Dans sa Mécanique, il a su expliquer l'action de plusieurs machines (4); il a connu la force centrifuge, et il a dit que, laissés en liberté, les corps s'échap-

(1) Benedicti (J. B.) patritii Veneti diversarum speculationum, Taurini, 1585, in-fol.

⁽a) Ces Thorrines arithmétiques continuant des recherches assez curicases sur les nombres. Pasteur y donne la démonstration de l'équition alors de l'equition alors de l'equition de l'e

⁽³⁾ Voyez la note XXVII à la fin du volume.

⁽⁶⁾ Surtout le coin et la moufle, qu'il réduit au levier (Benedicti diversar: spéculat., p. 162-163).

pent par la tangente (t); l'équilibre du levier-récourbé a été bien déterminé par lui (a). Il a réduit le mouvement d'un corps à celui de son centre de gravité, et il a expliqué par la pourquoi les sphères et les cylindres, dont le centre de gravité ne monté pas lorsqu'on les fait tour-ner sur un plan horizontal, offrent moins d'obstacles au mouvement que les autres corps (3). Dans ses Disputes, il prend à partie Aristote et il combat avec raison plusieurs de ses assertions, Il reproduit ici ce qu'il avait dit ailleurs sur la chute des graves, et il prouvé que dans le vide les corps de différente masse tombent avec la même vitesse (4). Il dit qu'Aristote s'est trompé en voulant démontrer que le vide n'existe

(1) Benedicti diversar. speculat., p. 160-161.

⁽²⁾ C'est en cherchant à résoudre cette question qui avait embarrassé tant de mathématiciens que Benedetti a donné le théorème fondamental de la théorie des momens, théorème qu'il fonoice de la magière suivante; « Quod quantitas cuius-libet ponderis, aut virtus movens respects alterius quantitatis cognoscatur beneficio perpedicicularinm ductarum a centre libra e al lineam inclinationis » (Benedicté diversar, speculat., p. 143).

⁽³⁾ Benedicti diversar, speculat., p. 155-15g.
(4) Voyez la note XXV à la fin du volume.

pas (1), et que ce n'est pas, comme le supposaient les peripatéticiens, l'air qui est dans une outre qui en augmente le poids dans l'air, mais que cette augmentation de poids est due à la condensation de l'air qu'on y a introduit par force (2). Cette distinction est ingénieuse et-

⁽¹⁾ a Quam sit inanis ab Aristotele suscepta demonstratio quod vacuum non detur » (Benedicti diversar. speculat.; p. 179).

⁽²⁾ Voici ce que dit a cet égard Benedetti (Diversar. speculat., p. 185):

[«] Omne corpus esse in loco proprio grave, ut Aristoteli placuit, non est admittendum. « GAP. XXVI, Arist. 4 cap., lib. 4 de cœlo sic scribit.

[«] Suo enim in loco gravitatem habent omnia præter ignem, siguum cujus est utrem inflatum plus ponderis, quam vacuum habere, etc.

[«]Quo in loco, manifeste indicat se causam nee gravitatis, nec levitatis corporum naturalium nosce, que est densitas aut raritas corporis gravis, aut levis, maior densitate, aut raritate medij permeabilis, in quo reperitur.

[«] Exemplam qui ipa de utre inflato proponit, debuisest saltem ei oculos ad verittem, que clarissime fulget, impiciendum aperire, verissimum est, utrem inflatum plui ponderis habere quam vacuum, aut quando aet in eo non est per vim inclusus.

[«] Ratio autem hujus rei est, quia quando inflatus est, ca quantias aeris, in eum per vim injecti, minorem occupat focum, quam si eidem libere vagari permitterefur, unde violenter, quodammodo, condensata est, et quia corpus den-

vraie; elle prouve, avec ce qu'on lit plus foin sur l'explication des effets des ventouses, qu'il faut faire remonter au seizième siècle la découverte de la gravité et de l'élasticité de l'air (r).

sum, in minus denso, semper descendit, et minus densum in magis denso ascendit. Hane ob causam uter infatus pienus corpore magis denso, quam est medium quod eum circumdar, descendit, non quia ser in sere aut squa in aqua sit gravia. »

(x) « Qui autem asserunt cucurbitæ, quam apponunt chirurgi, effectum ex eo nasci, quod calidí sit attrabere, valde aberrant a vero, quia hoc, non nisi a raro, et a denso immediate, a calido et frigido causatis efficitnr, quia aer in cucurbita rarefactus a calore et per consequens dilatatus, statim ut a dicto calore descritur, iterum condensatur et tanto citius quanto aer ambiens frigidior existet, et quia eadem materie cum condensata fuerit minorem semper occupat locum, restringens igitur sese in cucurbita aer dum condensatur, necessario fit ne ulla, scilicet pars vacua, remaneat quod cum alius aer ingredi cucurbitam nequeat aliud corpus ingrediatur. Idem cum amphora in qua nullum aliud, quam aerem sit corpus experiri possumus, si cam ad ignem primo calefactam, deinde cum ore in ample alique cyatho, aut alio vase, vino aut aqua pleno ubi videbimus huiusmodi liquorem statim sursum ferri, quia dum calefit amphora, rarefit quoque aer qui in ea continetur, et quia rarescit dilatatur, et quia dilatatur, egil maiore loco; et ideo magna pars eius foras exit: cum vero ea aeris portio, que intus remanserit, iterum condensatur ob defectum caloris, restringitur minorique indiget loco. Quod cum ita se habeat, necessarium est, in alicuius locus vacuus remancat, ut aliud quoddain corpus ingrediatur, cum ad ingrediendum aeri non patuerit aditus.

Nous verrons au reste bientôt que ces idees etaient alors genéralement répandues parmi les savans italiens. Benedetti combat aussi l'assertion d'Aristote, qui attribue la chafeur solaire au mouvement de cet astre (1); il explique les variations annuelles de la température par la différente inclinaison des rayons qui se réfléchissent à la surface de la terre, et par l'inégale épaisseur des couches atmosphériques qu'ils doivent traverser suivant qu'ils arrivent plus ou

Quodaj, corpus admodum non erit fluxilla, aut humidum, ita ut ingredi amphoram possi it la amphore harebit, yut non cito ditelli possit, et eomodo sepe cuna admiratione videam fragile vas vitreum ampuum et grave lapideum corpus slevvare. Sed ut ad densam et ad rärum redeamus, mihi videur frigidum esse consequentem qualitatem densi, et calidum rari, quia quavis res dum calefti, rarefit, et queiblet materia dum refrigeratur, simul condensatur. Qua ratione fit ut terra frigidior sit aqua, et ignis calidor fit aere.

[«] Nec proprie locutus est Aristoteles 9 et to capite primi lib. et secundo secundi metheororuin cum dixerit calorum solis eum esse, qui sursum humores, vaporesque evebat, quis sol nil aliud facit, quam calefacere, cuius caloris ratione, ea materia rarefit ét ob rarefactionem levior facté ascendit, non quia sursum a sole feratur. »

^{(1) «} Non esse solis calorem a motu locali ipsius corporis solaris, Aristoteli placuit. » (Benedicti diversar. specul., p. 187.)

moins obliquement (1). Il y a là, comme on le voit, beaucoup de saines idées de physique. La scintillation des étoiles est expliquée dans cet ouvrage par le mouvement des couches interposées (2), on y rejette l'incorruptibilité des cieux (3), et l'on y soutient la pluralité des mondes (4); on y parle des yapeurs qui peuvent réfléchir la lumière, et de leur condensation par le froid (5). Enfin on y mentionne l'inflamma

⁽¹⁾ Cependant Benedetti s'est trompé en considérant la terre comme un miroir qui réfléchit les rayons calorifiques, de manière à faire l'angle d'incidence égal à celui de réflexion (Benedicti diversar. speculat., p. 188-189 et 359).

 ⁽²⁾ Benedicti diversar. speculat., p. 186.
 (3) Benedicti diversar. speculat., p. 197.

⁽⁴⁾ Benedicti diversar. speculat., p. 195.

⁽⁵⁾ Benedicti diversar. speculat., p. 191. 412 et 416. — Dans ses lettres, l'auteur applique ses principes à la suspension des nuages de la manière suivante (p. 361): « De causa suspensionis nubium in aere contra Antonium Bergam. — Clarissimo Francisco Venerio.

[«] Ego enim uon tantum miror ea que mihi scripsisti de opinione Ortensij quantum quod Antonius Berga putat nubes a sole suspensas teneri, id plane falsum est, vera causa huisamodi effectus, slia nulla est, nisi carundem raritas, hoc est, cum rariores sint ipso acre subicto, propteres supra ipsum natunt et stant sub eo qui rarior ipsis est, eo quod corpora rariora posita in medio non tum raro, ascendunt, et densiora in medio minus denso descendunt. Nam si sol

tion spontanée des matières en fermentation. (1)

Dans sa correspondance, Benedetti traite une multitude de questions diverses. La correction du calendrier, l'art nautique, la géométrie (a), l'astronomie, l'hydrostatique, la musique, la physique, forment tour-à-tour le sujet de ses

ipsas nubes suspensas in aere teneret, hoc inter diu tantummodo foret, sed noctu cur non descendunt usque ad terram et in eodem loco semper manent? Sciendum igitur est nubes ascendere in altum quousque inveniant aerem eiusdem raritatis cuius ipsæ sunt. Raritas enim et densitas non sunt res visibiles nisi per accidens, quemadmodum etiam levitas, et gravitas, opacitas vero et diaphaneitas magis compræhenduntur; opacitas enim ex reflexione radiorum luminosorum, diaphaneitas vero compræhenditur ex penetratione ipsorum radiorum; opacitas autem nubis non est densitas, cum valde diversa sit densitas ob opacitate, sicut raritas ab diaphaneitate, ut alias dixi. Et quando dixit, quod sol calefaciendo aerem ipsam nubem ambientem, rarefaciat eum magis quam ipsam nubem, respondeo, hoc verum non esse, propterea quod radius solis non multum calefacit ea corpora, quæ ipsi permittunt liberum transitum, unde corpora, quando magis diaphana sunt tanto minus ab ipso radio luminoso calefiunt, sed ea que magis opaca sunt magis etiam calefiunt et per consequens magis rarefiunt, cum calidi sit per se rarefacere, et non attrahere, ut ipsi et fere omnes alij putant.

⁽¹⁾ Benedicti diversar. speculat., p. 190.

⁽²⁾ Il a résolu le problème de déterminer un cercle dans lequel on puisse inscrire un quadrilatère dont les quatre côtés sont donnés (Benedicti diversar, speculat., p. 211).

lettres. Son élément est la polemique : ici il corrige Nouius, là il combat Tartaglia, pour lequel cependant il professe toujours une grande vénération : il était l'ennemi des péripatéticiens; et il rendit des services réels à la physique en combattant leurs erreurs. Sous ce rapport surtout, le mathématicien du duc de Sayoie a bien mérité de la science. Benedetti, dont le nom est à peine prononcé aujourd'hui en Italie, doit être placé au premier rang déssavans du seizième siècle. (1)

Cette courte analyse suffirait déjà pour pronver que dès cette époque Aristote ne dominaît plus dans les écoles italiennes. Si nous devions écrire l'histoire de la philosophie, nous prouverions par une multitude de faits que ce sont les Italiens qui ont renversé l'ancienne idole des philosophes. On répète sans cesse que la

⁽¹⁾ Il me semble que M. Chasles a été trop sévère envers Benedetti, loraqu'il a dit : « Les ouvrages de Cardan et de Tartalea, infiniment supérieurs à celui de J.-B. Benedetti ; (Chasles, apersu, p. 54;1. — Car si Benedetti a moins d'invention en algèbre, il prend amplement sa revanche en physique et en mécanique. Montucla a fait un éloge mérité des travaux du savant vénitien (Montucla, hist. des math., tom. I, p. 63-564).

lutte a été engagée par Descartes, et on le proclame le législateur de la philosophie moderne. Mais, lorsqu'on examine les écrits scientifiques de Fracastoro, de Benedetti , de Cardan (1), et surtout ceux de Galilée; lorsqu'on voit de tous côtés s'élever des protestations énergiques contre le péripatétisme, on se demande ce qui restait à faire à l'inventeur des tourbillons pour abattre la philosophie naturelle d'Aristote. D'ailleurs les mémorables travaux de l'école Cosentine (2), de Telesius, de Giordano Bruno, de Campanella; les écrits de Patrizj, qui fut bon géomètre aussi, de Nizolius, que Leibnitz estimait tant (3), et des autres métaphysiciens de la

⁽¹⁾ Voyez à ce sujet Tiraboschi, storia della lett. ital., vol. XI, p. 429-444.

⁽a) Voyez nu l'école Cosentine, Spiriti, memorie degli scrittori Gesentint, Napoli, 1750, in-4, p. 23-29, 39-46, 83-95 etc. - Tirabacchi, storia della lett. ital. vol. XI, p. 435 et suiv. - Zavarroni, hibitotheca calabra, Neapol., 1753, in-4, p. 126-139, - Tappi, biblioteca napolitana, Napoli, 1653, in-61, p. 67. - Nicedeme, additioni alla biblioteca napolitana, Napoli, 1683, in-fol., p. 52-54. - Bruckeri, historia philosophia, Lipsia, 1767, 6 vol. in-4, tom. V, p. 12-69, etc.

⁽³⁾ On sait que Leibnitz a fait réimprimer le traité de Nizolius: De veris principiis et vera ratione philosophandi, contra pseudo-philosophos, qui avait paru d'abord en 1553.

même époque, prouvent que l'ancienne philosophie avait déjà perdu son empire au-delà des Alpes, lorsque Descartes se jeta sur des ennemis en déroute. Le joug était secoué en Italie, et l'Europe entière n'avait qu'à suivre l'exemple, sans qu'il fut nécessaire de donner une nouvelle impulsion.

Mais il est temps de revenir à notre sujet. Des faits qui se lient et s'enchaînent nécessairement nous ont forcé d'anticiper sur l'avenir et de citer des nons qui appartiennent à une époque plus récente. Nous allons maintenant retourner sur nos pas pour exposer rapidement les travaux et les découvertes algébriques des Italiens au seizième siècle, et nous commencerons par Luc Pacioli, dont l'immense compilation a servi de guide aux géomètres qui lui ont succédé.

Ce moine de l'ordre des Mineurs naquit à Borgo San Sepolero en Toscane , vers le milieu 'du quinzième siècle (1). On a très peu de rensei-



⁽¹⁾ Dans la Summa arithmetica geometria, l'auteur se nomme seulement Frater Lucas de Borgo Sancti Sepulchri; mais dans la première dédicace de la Divina proportione, il suppelle Frater Lucas Patiolus Burgensis et dans la seconde Pacioli; c'esi le nom qui lui est resté.

gnemens sur sa vie. Il en est à peine question dans les biographies religieuses (1), et l'on est réduit à chercher quelques détails dans les dédicaces de ses ouvrages et dans les registres des universités où il professa. Il enseigna successivement les mathématiques à Pérouse, à Rome, à Naples, à Pise, à Venise (2). Il paraît même qu'il rédigea plusieurs fois le texte de ses leçons; mais il n'est pas certain qu'il ait publié ces premiers ouvrages (3). Plus tard il alla se fixer à Milan, à la

⁽t) Waddingus, scriptores ordinis minorum, Roma, 1806, in-fol., p. 162.—Wadding ne a'est pas même donné la peine d'indiquer exactement les ouvrages de Pacioli, qu'il a partagés en autant de traités qu'ils contiement de parties.

⁽a) Baldi, cronica de matematiri, Urbino, 1705, in-4, p. 107.

Fabroni, historia academies' Pitanas, Piais, 1795, 3 vol.,
in-4, tom. I, p. 592.— Renazzi, storia dell' università di
Roma, 1805, 4 vol., in-4, tom. I, p. 227.— Yermişlioli,
břografa degli serpitori Perugini, Perugia, 1883, 2 vol., in-4,
tom. I, p. 214.— Vermiglioli se plaint que Tiraboschi n'ait
pas parlé de la chaire que Pacioli avait occupée à Pérouse,
mais il se trompe, car Tiraboschi avait indiqué cette circonstance dans le vol. VII, p. 580, de son Histoire de la littérature italienne.

⁽³⁾ C'est Pacioli lui-même qui nous fait connaître ce fait : voici ce qu'il dit à ce sujet : «Per l'operare de l'arte magiore : ditta dal valgo la regola de la cosa over Alghebra e amucabala servaremo noi in questo le qui da lato abreviature over carattri: si commo ancora neil altri nostri quatro volumi de

cour de Louis-le-More; il y travailla avec Léonard de Vinci, et à l'arrivée des Français, il quitta la Lombardie avec lui (1). Florence et Venise

simili discipline per noi compilati havemo usati : cioe in quello che ali gioveni di Peroscia intitulai nel 1476. Nel quale non con tanta copiosità se tratto. E anche in quello che a Zara nel 1481 de casi più sutili e forti componemmo. E anche in quello che nel 1470 derizammo alli nostri relevati discipuli ser Bart°. et Francesco e Paulo fratelli de Ropiansi da la Zudeca, degni mercatanti in Vinegia: figlioli già de ser Antonio. Sotto la cui ombra paterna e fraterna in lor propria casa me relevai. E a simili scientie sotto la disciplina de miser Domeneco Bragadino li in Vinegia da la excelsa signoria lectore de ogni scientia publico deputato. Qual fo immediate successore al perspicacissimo e Reverendo doctore, e di san Marco canonico maestro Paulo da la Pergola suo preceptore. E ora a lui, al presente el magnifico et eximio doctore miser Antonio Cornaro nostro condiscipulo, sotto la doctrina del detto Bragadino. E questo quando eravamo al secolo. Ma da poi che l'abito indegnamente del seraphyco san Francesco ex voto pigliammo : per diversi paesi c' è convenuto andare peregrinando. E al presente qui in Peroscia per publico emolumento a satisfation comuna: a simili facoltà ci retroviamo. E sempre per ordine de li nostri reverendi prelati: maxime del reverendissimo P. nostro generale presente maestro Francesco Sansone da Brescia: correndo gli anni del nostro signore Jesu Christo 1487. L'anno 4º del pontificato del sanctissimo in Christo P. Innocentio Ottavo» (Pacioli, summa de arithmetica geometria, part. I, f. 67, dist. V, tr. 1). - Ce passage contient tout ce que nous avons de plus authentique sur la vie de Pacioli.

⁽¹⁾ Pacioli, divina proportione, f. 1 et 28.

sont les villes où il paraît avoir résidé dans les dernières années de sa vie. On ignore à quelle époque il mourut, mais ce fut probablement peu de temps après avoir dédié, en 1509, la *Divina proportione* à Pierre Soderini, gonfalonier perpétuel de la république de Florence; car depuis cette année on ne trouve son nom mentionné nulle part.

Pacioli a été souvent cité après sa mort, mais peu de ses contemporains parlent de lui. Daniel Gaetano, qui a publié son commentaire sur Euclide, assure qu'il fut très savant dans toutes les sciences, et loue beaucoup son talent-d'orateur. Les personnes qui ont lu ses ouvrages pourraient peut-être conserver quelques doutes sur ce dernier point, car ils sont écrits d'une manière si barbare qu'ils semblent mériter le nom de Ceneraccio que leur donnait Annibal Caro (1). Mais ce Ceneraccio, comme ajoutait le célèbre traducteur de l'Enéide, renferme beaucoup d'or, et ce sont les ouvrages du moine toscan qui ont servi de base aux travaux de tous les mathématiciens du seizieme siècle.

⁽¹⁾ Baldi, cronica de matematici, p. 107.

Il composa d'abord la Somme d'arithmétique et de géométrie, qui, pour la première fois, parut à Venise en 1494. Cet ouvrage est divisé en deux parties (1) la première renferme l'arithmétique et l'algèbre; la seconde contient la géométrie. On a déjà vu que Pacioli nous a conservé une portion du traité de Fibonacci sur les nombres carrés: c'est dans la première Distinction de la Somme d'arithmétique que sont exposées les recherches difficiles du géomètre de Pise sur la théorie des nombres. On y trouve la résolution de plusieurs équations indéterminées du second et du quatrième degré, la somme de certaines séries numériques et une table des nombres parfaits (2). La seconde distinction contient les quatre règles avec tous les genres de multiplication et de division alors usités, avec les règles du sept et du neuf; le calcul des radicaux les plus simples , la somme de la série des carrés et des cubes (3), et la résolution de quelques problèmes arithmétiques fort curieux.

⁽¹⁾ Voyez l'extrait qu'en a dênné M. Chasles (Aperçu, p. 533-538).

⁽²⁾ Pacioli, summa de arithmetica geometria, part. I, f. 7, 26, etc.

⁽³⁾ Pacioli, summa de arithmetica geometria, part. I,

Dans les deux distinctions suivantes on enseigne le calcul des fractions. La cinquième contient la règle de trois, et se termine par l'exposition des notations algébriques employées par l'autre (1). La sixième distinction est consacrée aux progressions en général. La règle d'Helcataym, ou de fausse position, se trouve dans la septième, qui est terminée par un grand nombre de préceptes pour la résolution des problèmes de premier degré. La huitième contient l'algèbre et l'almucabale, autrement appelée l'art de la chose ou l'art majeur, où sont résolues les équations du second degré avec leurs dérivées du quatrième et du sixième. Enfin dans la dernière distinction on trouve des applications aux questions commerciales. La seconde partie renferme en huit distinctions un traité complet de géométrie théorique et pratique. En le comparant avec les manuscrits de Fibonacci, on voit que le moine

f. 38, 44,45, etc. — Dans la distinction huitième, Pacioli reprénd le calcul des radionux; il donne les règles pour les multiplier, pour les diviser et pour extraire dans certains cas la racine des binomes.

⁽¹⁾ Pacioli, summa de arithmetica geometria, part. I, f. 67.

de San-Sepolcro a pris pour modèle la *Pratique* de la Géométrie, dont nous avons donné précédemment des extraits.

Co grand recueil se compose surtout de matériaux tirés d'ouvrages dont nous avons déjà parlé. Quelques-uns des écrits de Fibonacci y sont reproduits presque en entier. C'est là qu'on trouve tout ca qui nous reste de ce Traité des nombres carrés (1) où sont résolues des questions qui, même à présent, offrent de grandes difficultés. Pacioli s'est tant servi des travaux de Léonard de Pise qu'après l'avoir nommé fort souvent', il dit, pour abréger, que lorsqu'il ne cite personne, c'est à Léonard qu'il a emprunté (2). Il y a dans la Somme d'arithmétique une méthode fort ingénieuse pour la résolution de plusieurs équations indéterminées du second on du quatrième degré (3). Sans être générale, elle



⁽r) Voyez ci-dessus tom. II, p. 40.

⁽a) « E perche noi seguitiamo per la magior parte Leonardo Pisano, io intendo dechiarire che quando si porra alcuna proposta senza autore, quella fia di detto Leonardo. E quando daltri fia, qui sarà l'autorità adiuta » (Paccioli, summa de arithmatica geometria; part, II, f. 1, dist. I, c. 1).

⁽³⁾ Voici l'énoncé de quelques-unes des questions d'analyse indéterminée, résolues par l'acioli, « Trovame un nu-

mérite d'être remarquée. On y trouve aussi sans démonstration à la vérité, des règles pour déterminer la somme des carrés ou des cubes des nombres naturels (1). Outre la résolution des

mero che trattone s' resti quadrati e giontovi 10 faci quadrato. Trovame un numero quadrato che giontovi 30 fa summa simelmente sia quadrata, e trattone 30 ancora el prenamente sia numero quadrato. La trattone s' remanghi quadrato e giontoci 7 succora la summa sia quadrata. Trovame un numero quadrato che giontovi 3 facia quadrato, e trattone 5 succora resti quadrato. Trovame un numero quadrato che giontovi 3 facia quadrato, e trattone e 3 remanga quadrato. Trovame un numero quadrato che trattone e 10 remanga quadrato. Trovame un numero quadrato che trattone e 10 remanga quadrato. Trovame un numero quadrato che trattone e 10 remanga quadrato. Provame de continua de continua e positi ancora facia quadrato. Pracioli, summa de arithmetica gemetria, part. I, f. 17, 15 et 16, dist. I, tr. 4).

Voyez la note XXVIII à la fin du volume.

(i) Cas règles correspondent exactement aux formules que l'on emploie aujough lui pour le même objet (Pacioli, summa de artifemetica gémetria, part. I, f. 38, dist. II, tr. 5, r. 10, et. 64, dist. II, tr. V, c. 30). Pacioli dit que la première set due à Phosancei; et il y a lieu de penser que les autres lui appartiement aussi, et a qual cose de raccoglier detti numeri donde la forza di tali regole proceda, Leonardo Pisano in un trato che lui fece de quadra tis inmégia probat generative omna, que usque non dicta sunt de collectione quaima numerorum quadratorum. (Pacioli, summa artitàmetica geometria, part. I, f. 39, dist. II, tr. 5, r. 13). — Ou déduit de ce passage que Fibonacci avait donné les démonstrations, et qu'elles éxisent géométriques.

équations du second degré, qui est enseignée dans une petite pièce de vers (1), on y voit la résolution des équations dérivées du second degré (2), et celle de certaines équations exponentielles (3). Dans quelques problèmes relatifs à la règle des partis, le calcul des probabilités se montre pour la première fois (4). Son calcul des

⁽¹⁾ Pacioli, summa de arithmetica geometria, part. I, f. 145, dist. VIII, tr. 5. — On verra plus loin que Tartaglia a mis en vers les règles pour la résolution des équations du troisième degré.

⁽a) Pacioli, summa de arithmetica geometria, part. I, 1. 14, 9, dist. VIII, tr. 8, art. 6.—Cardan dit qu'on ne connaît pas œlui qui a résolu ces équations : cependant elles se trouvent déjà dans l'ibonacci, dans l'algèbre d'Albabrac que nous avons déjà cités et dans d'autres ourrages (Cardani Armagna, Nurembergius, 515, in fels, f. 5, cap. t. — Voyez cidessus tom. IL p. 519). Au reste, Pacioli s'est occupé des équations deirvatives de tous les degrés, et il a résolu aussi une équation oemplète du quatrième dégré. Ces solutions numériques se trouveut fréquemment dans les anciens traités d'algèbre (Pacioli, summa de arithmetica geometria, part. I, f. 44, isis. II, tr. 5); mais la méthode de l'acioli mérite d'être remarquée, parce qu'elle peut réussir dans d'autres cas.

⁽³⁾ Pacioli, summa de arithmetica geometria, f. 39. L. p. 327, part. I, f. 187, dist. IX, tr. 7, pr. 8. — Pacioli résout par approximation l'équation exponentielle.

Voyez la note XXIX à la fin du volume.

⁽⁴⁾ La première question que veut résoudre Pacioli est la suivante : « Una brigata gioca a palla a 60, el gioco e 10 per

radicaux simples et composés contient les règles et les simplifications principales pour les radicaux des premiers degrés (1). Enfin on y trouve l'application de l'algèbre à la géométrie (2) et une

caccia, e fanno posta ducati so, acade per certi acidenti che non possono fornire e l'una parte a So e l'altra os-se dimanda che tocca per parte de la posta. »— Il dit qu'il a entendu plusieurs personnes en donner différentes solutions qu'il n'adopte pas. Pour la résoudre, il prend la somme des coups qu'on peut faire; il en trouve onze, le premier joueur a cinq onzièmes, le second deux onzièmes : leur somme, qui est sept onzièmes, es econd deux onzèmes : leur somme, qui est sept onzièmes, ne septimes. Comme on le voit, cette solution est inexacte; car on sait maintenant que le second joueur devrait avois resulement un seizième de l'eojeu, et le premier tout le reste (Pacioli, summa de arithmetica geometria, part. 1, f. 197, dist. IX, tr. o). D'autres questions du même genre sont résolues par l'agateur d'une manière analogue.

(1) Cossali (storia dell' algebra, Parma, 1797, 2 vol. in-4, tom. II, p. 200-265) a donné une analyse des recherches de Pacioli sur les radicaux : je ne la reproduirai pas ici pour éviter de trop longs calculs. Fibonacci avait déjà indiqué quelques-unes des plus simples réductions.

(a) Cossali s'est étomé avec raison que l'on pôt méconnaître les travaux des Italiens sur les applications de l'algèbre à la géomètrie. Le titre suivant d'un petit traité contenu dans la Somme de Pacioli prouve que ces recherches sont beancoup plus anciennes qu'on ne le corit communément. « Modus solvendi varios casus figurarum quadrilaterarum rectangularum per voim algebre. » (Pacioli, summa de arithmetires geométria, part. II, f. 15, dist. III, c. 3).



multitude de faits, relatifs à diverses branches des connaissances humaines et fort utiles aux personnes qui veulent étudier l'histoire des sciences (1). C'est, par exemple, dans un traité de commerce inséré dans cette Somme (2), que l'on trouve pour la première fois la tenue des livres en partie double.

Dans la Divina proportione, Pacioli a youlu

⁽i) Ainsi, par exemple, on voit, contrairement à ce qu'oi pensé M. Chasles (Aperçu, p. 475), que du temps de Pacíoi on appelait abbaco, non-seulement la numération moderne, mais aussi celle des Romains (Pacioti, summa de artitmetica geometria, part. I, f. 200, dist. IX, tr. 1; c. 15).

⁽a) Dans le catalogue La Vallière, on a prétendu que Pacioli avait été un plagiaire, parce que dans son ouvrage on trouve inséré en entier le Libro di mercatantie et usanze di paesi qui a paru pour la première fois à Florence, en 1481, in-4. M. Brunet, qui a rétabli dans ses Nouvelles recherches la date de l'ouvrage de Pacioli, a cru que ce savant moine était aussi l'auteur du Libro cité. Cependant les manuscrits attribuent cet ouvrage à un nommé Chiarini. Je croirais plutôt que Pacioli l'a inséré dans sa Somme, comme une table toute faite qu'il copiait sans vouloir nullement se l'approprier (Pacioli, summa de arithmetica geometria, part. I, f. 211, dist. IX, tr. 12. - Brunet, Nouvelles recherches, Paris, 1854, 3 vol. in-8, tom. II, p. 303). J'ajouterai ici que dans le catalogue de La Vallière, on a confondu mal-à-propos Pietro Borgo (de Venise), avec Luc Pacioli de Burgo.

faire servir de base à toutes les sciences une certaine proportion connue depuis long-temps des géomètres. Il en a déduit les principes de l'architecture, les proportions de la figure humaine. et même celles qu'il faut donner aux lettres de l'alphabet. C'est un traité systématique dont le principal mérite consiste dans la coopération de Léonard de Vinci, qui a gravé (1) les figures et qui a probablement aussi dirigé la partie qui se rapporte aux arts. Il y a quelques propositions de géométrie sur l'inscription des polyèdres les uns dans les autres, qui doivent exciter l'attention des personnes qui cultivent la synthèse. On y trouve aussi l'emploi des lettres pour indiquer des quantités numériques (2). D'ailleurs, cet ouvrage contient un grand nombre de faits biographiques curieux qui en rendent la lecture fort intéressante pour tous ceux qui s'occupent de



⁽t) « Tanto ardore ut schemata quoque sua Vincii nostri Leonardi manibus sculpta » (*Pacioli*, divina proportione, part. I, signat. A. 11).

⁽a) Pacioli, divina proportione, part. I, f. 4, c. VII.— « Sieno tre quantite de medesimo genere (che altramente non se intende essere fra loro proportione), la primà sia. a. e sia. 9, per numero, la seconda sia. b. e sia. 6. la terza sia. c. e sia. 4. Dico che fra loro sonno doi proportioni; l'una dal. a. al. b...»

l'histoire littéraire ou scientifique de l'Italic.

Un autre ouvrage publié peu de temps après la Divina proportione est encore plus intéressant pour l'histoire des sciences : c'est la Somme d'arithmétique que François Ghaligai dédia en 1521 au cardinal Jules de Médicis, plus connu depuis sous le nom de Clément VII. L'auteur était probablement un des ancêtres de cette maréchale d'Ancre dont le nom rappelle le premier crime d'un prince cruel, qui trembla tonte sa vie, et qui, n'ayant pas le courage de punir en roi, se fit chef d'assassins pour partager avec ses courtisans les dépouilles de la victime : de cette Eléonore Galigai, dont les enfans, non moins malheureux que les enfans du favori de Tibère, étaient forcés de danser un menuet devant la cour, pendant que leur mère montait à l'échafaud! La Somme d'arithmétique, en treize livres, contient la résolution des équations déterminées des deux premiers degrés; celle de plusieurs équations indéterminées assez difficiles (f), le calcul des ra-

⁽s) C'est dans le livre VIII qu'on trouve ces recherches: l'auteur a aussi imité Fibonacci (Ghaligai, summa de arithmetica, Firenze, 2521, in-3, f. 60 et suiv.).

dicaux les plus simples et quelques notations plus ou moins ingénieuses Mais c'est surtout comme répértoire historique que cet ouvrage acquiers de l'importance (1). On yétrouve des fragmens considérables du traité des nambres carrés de l'ibonacci; des extraits d'une algebre traduite de l'arabe par ce Guillaume de Lunis que nous avons déjà cité (2): quelques recherches tirées des écrits de Jean del Sodo, qui avait été le mattre de Ghaligai (3), et des citations relatives à ce Benedetto, que Verino a tant célébré, et dont nous ne connaissons pos les ouvrages. (4)

L'ouvrage de Ghaligai, moins diffus que celui de Pacioli, a du avoir plus d'influence sur l'étude des mathématiques. C'est un résumé fort bien fait de tout ce qu'on savait alors. Il se distingue sous ce rapport de tous les traités précédens, et il a du être employé avec avantage comme ouvrage élémentaire. On pourrait citer aussi d'au-

⁽¹⁾ Voyez la note XXX à la fin du volume.

⁽²⁾ Voyez ci-dessus, tom. II, p. 46.

⁽³⁾ Ghatigai, summa, f. 2. — Dans le livre X, Ghaligai a donné les notations algébriques de del Sodo.

⁽⁴⁾ Voyez ci-dessus, tom. II, p. 206 .- Poccianti, catalogus scriptorum florentinorum, Florentia, 1589, in-4, p. 27.

tres Abbachi de la meme époque. Celui de Pellos, écrit en patois de Nice à la fin du quinzième siècle (1); celui de Pierre de Burgo; qu'on a malà-propos attribué à Pacioli (2). L'arithmétique de Sfortunati de Sienne, dont le nom se trouve mélé à la grande querelle entre Tartaglia et Cardan (3); celle d'Uberti, où l'on donne les règles et les figures pour calculer avec les doigts (4); le traité de Feliciano, intitulé Scala grimaldelli (5); un petit ouvrage, composé par Verini (6), où se trouvent des jeux numériques; la Pratique des mathématiques par Catani de Sienne (7); enfin l'ouvrage d'Ortega, qui a été composé en Italie par un Espagnol et publié à Rome en 1515 (8). Mais ces divers écrits ne

⁽¹⁾ Pellos, compendion de abacho, Thaurino, 1492, in-4.
(2) Borgo, libro de abacho, Venetia, 1561, in 4.

⁽⁵⁾ Sfortunati, nuovo lume di arithmetica, Venetia, 1561,

in-4.

(4) Uberti, thesoro universale de abacho, Vinegia, 1548,

in-8°. (5) Feliciano, libro di arithmetica e geometria, intitulato

scala grimaldelli, Vinegla, 1550, in-4.

(6) Verini, spechio del mercatante, Milano, 1542, in-8.

⁽⁷⁾ Catani, pratica delle due prime matematiche, Venetia, 1546, in-4. — Dans cet ouvrage on cité Fibonacci.

⁽⁸⁾ Ortega, summa de arithmetica; Roma, 1515, in-fol. Voyez la note XXXI à la fin du volume.

contiennent que les premiers élémens : ils sont moins complets que ceux que nous venons d'analyser, et ne méritent pas qu'on s'y arrête. Nous exposerons de préférence les travaux de ces analystes qui ont tant perfectionné une des principales branches de l'algèbre : la résolution littérale des équations.

Jusqu'à la fin du quinzieme siècle, les mathématiciens n'avaient pur résoudre que les équations déterminées des deux premiers degrés, avec quelques-unes des équations détivatives qui en dépendent : on n'avait jamais considéré les racines négatives ni les imaginaires, et l'on s'était à peine aperçu', dans un eas spécial, de la multiplicité des racines. Ce sont les algébristes italiens du seizième, siècle qui, lorsque la science était encore dans l'enfance, ont inventé le calcul des imaginaires et résolu les équations générales du troisième et du quatrième degré : ils ne se sont arrêtés qu'à une barrière que tous les efforts de Lagrange n'ont pu franchir, et que l'on considère à présent comme insurmontable.

La résolution des équations du troisième degré fut une découverte remarquable : pour y parvenir, il fallait créer de nouvelles méthodes. Et, cependant, le nom de celui qui résolut le premier ces équations ne nous est arrivé que par hasand à aucun historien du temps ne le cite, et sa méthode a péri avec lui. Cet homme, à qui l'algèbre doit un si notable progrès, fut Scipion Ferro de Belogne, qui professa dans etite ville, depuis 1496 jusqu'en 1525 (1). Ayant résolu généralement cette équation qu'on designait alors par le nom de cubes et choses égales, aux nombers, il mourut sans publier sa découverte; mais il avait confié sa formule à Antoine Fiore, qui s'en servit pour proposer des problèmes à différent géomètres, et eutre autres, en 1535 à Tartaglia (2). Comme Ffore n'était qu'un calculateur, le géomètre de Brescia, ne crut pas d'a-

⁽¹⁾ Fantuzzi, scrittori bolognesi, tom. III, p. 324:

⁽a) Tartaglia, questit étissention diverse. Venetia, 158/, in-de, 1. 103, 0, 146, etc. - Artaglia parle en plusieux és-droits de l'année 1534; mais ensuité il dit: « Cioe del 1535 a di 12 di febraro (vero che in Venetia veniva a essere del 1534). » En 1530, un professeur de Brescia, nommé Jean de Tonini da Coi, avait proposé à Tartaglia deux problèmes du troisième degré, mais il ne savit pas en trouver la solution, et bien que Tartaglia crût un instant avoir résolu les équations cubiques, il dit ailleurs qu'il ne fit cette découverte que huit jours avant de déposer ches un notaire les treute problèmes qu'il propossit à Fiore (Tartaglia, questit, f. 106, 107 et 112).

bord qu'il connut la solution des problèmes qu'il lui avait envoyés: Mais Fiore avant ajouté que la méthode pour les résoudre lui avait été communiquée trente ans auparavant par un grand mathématicien, Tartaglia s'y appliqua, et en trouva la solution (1). On lit ce récit dans le neuvième livre des Quesiti et inventioni diverse; mais Ferro n'y est pas nommé : cependant Cardan rappelle ces discussions dans le premier chapitre de l'Ars Magna, et il cite Scipion Ferro comme ayant communiqué à Fiore sa découverte, qu'il appelle chose belle et admirable ; art qui surpasse toute subtilité humaine, toute excellence de l'intelligence des mortels; pierre de touche de la force d'esprit , telle que quiconque y sera parrenu peut croire que rien ne lui échappera (2). Cet éloge magnifique, sorti de la

⁽c) Tartaglia, questit, 'î., 106. — On ignore la méthode de Tartaglia, qui n'a jamais vu le joui. Lagrange regrettait de ne pas consaître la première résolution de l'équation du troisième degré (Némoires de l'Académie de Bertin, année 1770, p. 36). Tartaglia dit seulement qu'il y est parvenu à l'aide d'une construction géométrique qui donne le cube de la somme de deux droites (Tartaglia, general trattato di numeri è misure, l'inegia, 1556, 6 part., in-fol, part. II, f. 50-51, lib. II, c. 55).

⁽²⁾ Cardani ars magna, f. 5, c. 1.

plume d'un homme qui a beaucoup contribué aux progrès de l'algèbre, doit prouver mieux que toute autre considération combien la découverte de Ferro était belle et inattendue. On voit même que les meilleurs mathématiceis la croyaient alors impossible, surtout parce que Pacioli l'avait déclarée telle (1). Ferro a donc bien mérité de la science, et son nom doit rester, non-seulement pour ce qu'il a fait, mais aussi parce que, avant franchi le premier un obstacle qu'on s'était accoutumé à regarder comme insurmontable; il ouvrit le chemin à d'autres algébristes qui s'enhardirent à le suivre, et fécondèrent ses recherches.

A voir tous ces problèmes du troisième degré qu'on se proposait par des hérauts au commencement du seizième siècle, on comprend l'importance que l'on attachait alors aux décou-

⁽i) Pacioli, isumma de arithmetica geometria, part 1, f. 169, dat. VIII, f. 16, § a. Cardrani ear magna, f. 3, c. 1.
Tartagtic, questit, f. 106.— Cossali a cra que Pacioli n'avait pas dit cela d'une manière absolue et générale. Cependant dana, un endroit II les déclares impossibles e ailleurs i suppose que la résolution en est aussi difficile que la quadrature du cercle (Cossati, storic dettà Agobra 10m. II, p. 9-9-9).

vertes algébriques. Il serait difficile de trouver dans l'histoire des sciences l'exemple d'un fait semblable. Les paris, les disputes publiques, les cartels, se succédaient sans interruption : toutes les classes de la société s'intéressaient à ces luttes scientifiques (1), comme dans l'antiquité on s'intéressait aux défis des poètes et aux jeux des athètes on paraissait pressentir la découverte, et la découverte ne se fit pas attendre. Cependant, malgré cet enthousiasme universel, le nom du premier in vênteur fut à peine prononce.

L'incident le plus remarquable de ces longues discussions fût 'la querelle 'qui s'éleya entre-Cardan et Tartaglia. Après que celui-ei ent retroûvé de son côté la résolution des équations que Ferro avait traîtées, il résolut aussi dans tous les autres cas les équations du troisième degré(1).

⁽¹⁾ Les questif sont un recueil en neul livres des réponses données par Tartaglia aux questions qui lui étaient adressées par des princes, des moines, des docteurs, des ambassadeurs, des professeurs, des architectes, etc. Souvent ces questions renferment des problèmes du troisième degré. Benedetti aussi a publié un livre de lettres adressées à des personnes de toutes les conditions en réponse aux questions scientifiques qu'on lui avait faites.

⁽¹⁾ Tartaglia, quesiti, f. 106-107 .- Tartaglia dit que des l'an-

Sa découverte, qu'il cachair soigneusement, fit du bruit. Jérôme Cardan, célèbre médecir mi-lanais, qui s'occupait d'algèbre, s'y intéressa vivement. A plusieurs reprises, il sollicita et fit solliciter Tartaglia pour qu'il lui communiquat sa méthode: après plusieurs refus (1), il en obtint une pièce de vers dans laquelle on expliquait la manière d'avoir une racine de toutes les équations du troisième degré. Ceci se passait en (539 (3); Cardan découvrit la démonstration qu'on lui avait cachée; îl forma des élèves, à la tête desquels îl faut placer Ferrari, et les excita contre Tartaglia. Ferrari découvrit la résolution des équations du quatrième degré (3); on se proposa des problèmes; il y eut des défis et des

née, 155 cil avait trouvé à Vérone la résolution de l'équation $s^2+a=bs^2$; on ne comprend pas comment, ayant résolu celle-ci, il a pu rester cinq ans sans résouder l'équation $s^2+ax=b$. Mais peut-être, en 1550, l'artaglia n'avait traité que dans des cas particuliers l'équation dont il parle (Tartaglia, questit, f. 106-107). Dans la pièce de vers qu'il communiqua à Cardan, l'artaglia dit qu'il a trouvé en 554, pendant son séjour à Venise, la résolution générale de l'équation du troisième degré (Tartaglia, questit, f. 120).

⁽¹⁾ Tartaglia, quesiti, f. 113-125.

⁽²⁾ Tartaglia, quesiti, f. 113.

⁽³⁾ Cardani ars magna, f. 72, c. 39.

discussions publiques à Milan (1). Ce qui avait piqué le plus Tartaglia, c'est que, malgré les promesses les plus solennelles (2), Cardan avait inséré dans son Ars magna la résolution des équations du troisième degré. Le médecin milanais reconnaissait l'antériorité de Tartaglia (3), mais celui-ci fut blessé vivement de voir sa découverte publiée pour la première fois dans l'ouvrage d'un autre, et il s'en plaignit avec amertume. Il avait raison de se plaindre, car à cause de cette publication, sa postérité s'est-obstinée à appeler du nom de Cardan la formule qui donne la résolution des équations du troisième degré.

⁽i) Tartaglia noja a conservé la plupart des questions qui furent proposées à cette époque (Tartaglia, enperal trattato, part. V, f. 7i-jo, lib. III). Cette discàssion est lice en 1657 (Tartaglia, general trattato, part. V, f. 85, lib. III. —Tartaglia, regionamenti sopra la sua travagliata invectione, Venetia, 153 t, in-4, rag, 3, signat. E. iji. — Fantuazi, scritteri bologneri, tom. III. p. 323.)

⁽a) On voit par le récit de Tartagiia que Cardan avait désiré publier la découverte du géemètre de Brescia, mais que, sur son refus, il lui répondit : « lo vi giuro, ad sacra Dei evangelia, et da real gentil'huomo, non solamente di non publicar giammai tale vostra inventione, se me le insegnate, etc. » (Tartaglia, questit, f. 1:9).

⁽³⁾ Hujus (Scipionis Ferrei) emulatione Nicolaus Tartalea

On a répété souvent que Nicolas Tartaglia était un esprit irritable (1) et chagrin : ce reproche serait fondé que personne plus que lui n'aurait droit à notre indulgence. Né à Brescia, vers le commencement du seizième siècle, il avait à peine six ans lorsqu'il perdit son père, qui était un postillon. Il se trouva, avec deux freres, à la charge de sa mère, qui n'avait aucune fortune. Lors de cette cruelle boucherie que Gaston de Foix fit à Brescia, Nicolas, encore enfant, se réfugia avec sa famille dans la cathédrale. Mais quoiqu'il dût s'y croire en sûreté, il fut blessé et mutilé horriblement par un soldat. Son crâne fut brisé en trois endroits, et le cerveau laissé à découvert. Il recut à travers la figure un coup qui lui fendit les deux mâchoires, et lui ouvrit le palais. Il ne pouvait plus ni parler, ni manger. Sa maison ayant été pillée, aucune ressource ne restait à sa pauvre mère : pour le soigner elle imita les chiens,



Brixellensis, amicus noster, cum in certamen cum illius discipulo Antonio Maria Florido venisset, capitulum idem, ne vinceretur, invenit, qui mihi ipsum multis precibus exoratus tradidit. » (Cardani ars magna, f. 3, c. 1.)

⁽¹⁾ Voyez la préface de l'algèbre de Bombelli, où l'auteur montre un peu de partialité pour son concitoyen Ferrari (Bombelli, algebra, Bologna, 1572, in-4).

qui étant blessés se quérissent en se léchant. Il guérit, mais comme il resta long-temps bègue, on l'appela Tartaglia; et ne sachant pas le nom de son père, il adopta ce sobriquet. Il se forma de lui-même : à cinq ans, on lui enseigna à lire; à quatorze, il commencait à écrire, mais hors d'état de payer le maître, il dut s'arrêter à la lettre K, et apprendre seul à former les autres lettres de l'alphabet (1). Depuis lors il n'eut jamais d'autre précepteur : mais accompagné uniquement par l'industrie, fille de la pauvreté, il s'exerça continuellement sur les œuvres des morts. Ce récit qu'on lit au milieu d'un de ses ouyrages de mathématiques, produit une profonde émotion (a). Un orphelin mutilé par le fer d'un soldat, trop pauvre pour apprendre à écrire la première lettre de son nom (3), avait à trente

⁽i) Montucla, avec son inexactitude ordinaire, dit qu'à cette époque Tartaglia fut obligé de voler son maître; mais dans le récit original de Tartaglia, il n'y a rien de semblable (Montucla, hist. des math., tom. I, p. 567. — Tartaglia, questig, f. 69).

⁽²⁾ Voyez la note XXXII à la fin du volume.

⁽³⁾ C'est à lui que l'on doit la première traduction d'Archimède, faite d'après le texte grec (Archimedis opera, Venet., 1546, in-4).

ans dévoilé le secret de Ferro, et résolu généralement les équations du troisième degré, qui tourmentaient depuis quinze siècles les géomètres. Ce fut, nous le répétons, une découverte importante : alors pour la première fois les modernes l'emportèrent en mathématiques sur les Grecs et sur les Orientaux. Tartaglia communiqua sa découverte à Cardan, qui en recueillit tout le fruit : il se plaignit amèrement, mais qui ne l'aurait pas fait à sa place? Il fut malheureux dans sa famille : on l'appelait à Milan, à Venise, et puis on l'oubliait; on voulut le ravoir à Brescia et on le délaissa. Tout le monde le vilipendait (1): il retourna à Venise où il mourut en 1559 (2). Tel fut le sort d'un des hommes les plus éminens du seizième siècle.

Tartaglia a composé de nombreux ouvrages, mais celui où il devait exposer la résolution des



⁽¹⁾ Tartagtia, ragionamenti, rag. 3. — Rossi, elogi di Bresciani iltustri, Brescia, 1620, in-4, p. 387. — Tartaglia, quesili, f. 70.

⁽a) Il n'y a que les deux premières parties du general trattato qui sient été publiées du vivant de Tartaglis : la troisième a paru en 1560, et dans la dédicace de l'imprimeur datée du 1st janvier 1560, on y parle de l'auteur comme n'existant d'âp luts.

équations du troisième degré et donner ses autres recherches algébriques, n'est pas parvenu jusqu'à nous (1). Son grand Traité des nombres et mesures est un cours complet de mathématiques pures. L'arithmétique, l'algèbre, la géométrie, les sections coniques, y sont successivement enseignées. Nous n'en donnerons pas une analyse détaillée, parce que, aujourd'hui, il n'y a que quelques résultats individuels qui conservent encore de l'intérêt. Nous citerons spécialement le développement du binôme pour le cas de l'exposant entier et positif : la formule est générale, et l'on doit s'étonner que d'autres géomètres modernes s'en soient attribué l'honneur (2). Tartaglia a repris les questions de probabilités que Pacioli avait tenté de résoudre; mais, bien qu'il ait changé les résultats, il n'en a pas obtenu la vé-

⁽¹⁾ Dans la dédicace de la sixième partie du general trattato, l'imprimeur dit qu'il a pu trouver dans les manuscrits de Tartaglia tous les matériaux de son algèbre, mais cela est inexact, car cette sixième partie ne contient que le premier livre, qui traite seulement des problèmes du second degré.

⁽¹⁾ Tartaglia, general trattato, part. II, f. 69-72, lib. II,

Voyez la note XXXIII à la fin du volume.

ritable solution (1). Le calcul des radicaux a été perfectionné par Tartaglia : il s'est occupé, comme son élève Benedetti, de la résolution des problèmes de géométrie à l'aide d'une seule ouverture de compas (2), et de la construction des équations algébriques. Cet ouvrage, volumineux contient aussi des problèmes sur les maxima et minima des fonctions algébriques, indépendamment de toute considération géométrique (3). Au reste, Tartaglia n'eut pas le temps de le terminer, et probablement il n'eut même pas le loisir d'en corriger la rédaction. Car plusieurs parties sont posthumes (4) et l'on y remarque du désordre. Cependant toutes intéressent l'his-

⁽¹⁾ Tartagtia, general trattalo, part. I, f. 265, lib. XVI, § 265.—Montucia, hist. des math., tom. I, p. 565.— On trouve agussi quelques problèmes du même genre dans l'arithmétique de Peverone, mais ils sont mal résolus (Pererone, aritmetica e geometria, Lione, 1581, in-4, p. 40-41).

⁽²⁾ Tartaglia, general trattato, part. V, f. 63.

⁽³⁾ Un de ces problèmes avait été proposé à Tartaglia par Gardan, en voici l'énoncé: « diviser le nombre 8 en deux parties, telles que le produit de l'une par l'autre et par leur différence, soit un maximum. » (Tartaglia, general trattalo, part V, f. 88).

⁽⁴⁾ Yoyez ci-dessus p. 157. — Tartaglia voulait probablement réunir toutes ses découvertes dans l'algebra nova, qu'il

toire des sciences, par les faits curieux qu'on y trouve. Sa grande querelle avec Cardan et Ferrari y est racontée : et les questions proposées par les différens champions y sont presque toutes énoncées. Elles roulent principalement sur les équations du troisième degré et sur la géométrie.

Tartaglia s'est, à plusieurs reprises, occupé de balistique, et il en a posé les premiers fondemens. Dans la Science nouvelle, il est parvenu à ce résultat curieux, que l'on obtient le plus grand effet en tirant sous un angle de 45 degrés (1). Cette proposition est vraie, mais sa démonstration est tout-à fait incomplète, et tous les efforts qu'il a faits pour déterminer la trajectoire sont restés infructueux. Tartaglia a essayé de créer la mécanique, mais il n'a pu réussir il a été arrêté surtout par d'anciennes définitions et divisions qu'il n'a pas su abandonner. Cependant, il faut lui savoir gré d'avoir appliqué

avait annoncée, mais qui n'a jamais paru (Tartaglia, general trattato, part. V, f. 88, lib. III).

⁽t) Tartaglia, scientia nova, Venetia, 1550, in-4, f. 18, lib. II, c. 9.— On voit par la dédicace au duc d'Urbin que dès l'année 153% Tartaglia avait trouvé cette curieuse proposition.

le premier la géométrie à la détermination du mouvement curviligne et à la chute des graves. Malgré ses erreurs, il a su entrevoir quelques uns des principes fondamentaux de la chute des corps (1); et l'on ne peut douter qu'en écrivant un siècle plus tard ses Seienze nuove, Galilée n'ait médité la Science nouvelle de Tartaglia. (2)

Au reste cet ouvrage, qui devait avoir cinq livres, n'est pas achevé: les deux derniers manquent, Le cinquième, que l'auteur annonce comme une espèce de manuel de chimie appliquée à la fabrication de la poudre et des feux d'artifice en général, aurait pu nous faire connaître beaucoup de faits intéressans sur l'histoire de la pyrologie.

Les Quesiti et inventioni diverse se compo-

⁽a) Tartaglia, scientia suosa, f. 5-4, — Noici l'énonce de quelques-unes des propositions de Tartaglia: « Se corpi egualmente gravi, simili et eguali, veranno da egual alteze sopra a resistenti simili di moto auturale. faranno in quegli egual effetti. » — « Ogni corpo egualmente grave sel moto naturale quanto più el se andarà aluntanando dal suo principio, over appropinquando al suo fine, tanto più andarà veloce. » (thétd)

⁽²⁾ Cependant, d'après ce que nous avons dit ci-dessus, c'est surtout dans Benedetti que Galilée a dû puiser les élémens de la mécanique.

sent d'un très grand nombre de questions adressées au géomètre de Brescia, par plusieurs personnes dont il donne les noms, avec ses réponses. Dans les trois premiers, il s'occupe encore de l'artillerie et de la balistique. On y trouve les dimensions des pièces dont on se servait alors, leur calibre et la manière d'en déterminer la capacité intérieure, ainsi que différentes recettes pour faire la poudre : il parle de l'inflammation successive de la poudre; il explique par l'échauffement de la pièce, et par la raréfaction de l'air qui en dérive, l'absorption qu'on observe quelquefois; il fait entrer le déplacement (ou la résistance) de l'air dans la détermination de l'amplitude du tir, et reconnaît que la frajectoire ue sera jamais une ligne droite. (1)

Le cinquieme livre des Quesits contient l'arpentage et la levée des plans. On y trouve la description des instrumens dont on se servait alors, et la figure de la boussole que les arpenteurs employaient déjà (2). Dans les autres li-

⁽¹⁾ Tartaglia, quesiti, f. 11, 19, 21, 26, 27, 36, 38, 39, etc.
(2) L'histoire des instrumens employés à différentes épo-

ques par les navigateurs, les astronomes et les arpen-

vres, il y a des recherches sur les fortifications, sur la statique, sur l'algèbre. Comme

teurs, serait très intéressante. Malheureusement il y a peu d'ouvrages où ils soient décrits avec exactitude. Au moven âge on trouve une foule de traités De astrolabio, ou De quedrante, qui se ressemblent tous, mais les nouveaux instrumens, les méthodes pratiques plus modernes, y sont rarement décrits, et il faut les chercher dans des ouvrages où l'on ne s'attendrait pas à les trouver (Voyez ce que j'ai déjà dit à ce sujet tom. II, p. 218-222). Le traité de Maurolyons, dont nous avons parlé précédemment, est fort incomplet: Pacioli a décrit quelques-uns de ces instrumens (Pacioli, summa de arithmetica geometria, part. II, f. 50 et suiv., dist. VII). On en trouve aussi dans le mannscrit de la bibliothèque ambroisienne de Milan, d'où Amoretti a tiré la relation du vovage de Pigafetta, et le traité de navigation dont il n'a malheureusement publié qu'un extrait (Pigafetta: primo viaggio, Milano, 1800, in-4, p. 207 et suiv.). C'est principalement sur les instrumens destinés à mesurer le temps que nous sommes dans l'ignorance, car on s'attachait de préférence à décrire le mouvement des automates des grandes horloges publiques, et l'on parlait à peine du mécanisme intérieur, dont pent-être les artistes faisaient un secret. J'ai déjà parlé (tom. II, p. 220) d'un traité de Dondi sur la construction des horloges, qu'il serait fort important de connaître, si l'on était assez heureux pour retrouser le manuscrit. Il y a quelques renseignemens sur ce point dans Cardan (De subtilitate, p. 22, 579 et 608, etc), et dans Maurolycus Maurolyci problemata mechanica. Messanm, 1613, in-4, p. 44). On faisait à cette époque de très petites montres qui pouvaient tenir dans une bague . Quant à la boussole, elle était employée par les arpenteurs

nous l'avons déjà dit, le neuvieme livre est rempli de questions relatives aux équations du troisième degré, et fait connaître un grand nombre de particularités sur les défis portés à Tartaglia par Fiore et par d'autres personnes. On y voit par quels moyens et par quelles promesses Cardan était parvenu à se faire révéler la résolution générale des équations du troisième degré. On y voit aussi que, dès l'année 1541, Tartaglia avait réconnu la multiplicité des racines (1). Cependant, il n'avait pas su en déterminer le nou-

des le commencement du seizième siècle (Vasari, vite, tom.

A) — La causa b'ebe tutti ta capitoli riceveno due diverse ripotete et forse più » (Tartaglia, questiti, f. 12)). — On voit par les exemples qu'il a choisis, que l'artaglia estinti les racines négatives même dans les équations dérivatives du seçond degré. Ce qui situ qu'excepté dans le cas signale par Mohammed ben Musa, on n'aviit pas encore constaté! existence de deux racines dans les équations du second degré. Au reste, Tartaglia ajoute : « qu'il est presque certain qu'il y a quelquefois plus de deux solutions, » en ne considérant toujours que les solutions réelles et positives (Tartaglia; questif, f. 127 et 213). Cependant Cossali a remarqué que l'artaglia s'était trompé dans les exemples qu'il avait choisis, et qu'il avait pris deux expressions différentes de la même quantité pour deux racines différentes (Cossali, storia dell'algebra, tom, 11, p. 15-12).

bre : il dit en effet que les équations du troisième degré ont toujours deux solutions et peufêtre davantage.

Tartaglia a traduit Enclide en italien, et on lui doit le traité de Insidentibus d'Archimede, dontil connaissait l'original gree, qui a été perdu depuis (1), de sorte qu'à présent sa traduction tient lieu de l'original. C'est probablement à ses méditations sur cet ouvrage que l'on doit la Trivagliata inventione, qui a pour but d'enseigner à soulever les vaisseaux submergés et doit.

^{(1).} Ce traité parut en latin pour la première fois à la findes œuvres d'Archimede, publiées par Tartaglia (Venetiis, 1543, in-4); il fut ensuite traduit en italien et inséré dans les Ragionamenti di Nicolo Tartaglia sopra la travagliata inventione (Venet, 1551, in-4). Le géomètre de Brescia avait publié sur cette matière différens petits traités qu'on rencontre fort difficilement et qui sont presque toujours incomplets, comme le sont les Quesiti, auxquels il manque d'ordinaire le neuvième livre. La Travagliata inventione et les deux premiers Ragionamenti ont été réunis et réimprimes par Cartio Trajano à Venise, en 1561, in-4. On ne sait pas pourquoi cet éditeur négligent à omis le dernier Ragionamento, qui contient des renseignemens si curieux sur la vie de Tartaglia, ni pourquoi il a date de 1562 la lettre de Tartaglia à Landriano qui se trouve en tête du livre De insidentibus, tandis que Tartaglia qui, comme neus l'avons dejà vu, était mort avant 1560, avait dans la première édi-

le troisième livre est un petit traité de météorologie. Il reprit ensuite et étendit cette matière, dans ses Ragionamenti, et il donna une table des pesanteurs spécifiques d'un grand nombré de corps, en prenant l'eau pour unité (1). Ces pesanteurs semblent en général un peu trop faibles; mais il faut remarquer que non-seulement Tartaglia, qui les déterminait en observant combien un corps perdait de son poids lorsqu'on le plongeait dans l'eau, ne se servait pas d'eau distillée; mais que, de plus, faisant ses expériences à Venise, dans le dessein surtout de les appliquer au sauvetage des vaisseaux submergés, il employait peut-être l'eau de la mer pour unité.

Doué d'un esprit éminemment positif, le géomètre de Brescia ne s'occupa que des mathématiques et de leurs applications. Ni les sciences occultes, si admirées de son temps, ni les systèmes philosophiques qu'on enfantait sans relâche, n'eurent d'attrait pour lui. Impassible au milieu d'une admirable génération d'artistes et de poètes, il ne cultiva que l'algèbre, et n'eut

⁽¹⁾ Tartaglia, ragionamenti, lib. II.

pas d'autre passion. L'Arioste et Michel-Ange passèrent à côté de lui sans l'émouvoir. Il laissa gronder la réforme, attaquer Aristôte, et asservir l'Italie, sans paraître y faire attention; mais il proposait ses problèmes avec pompe, en public, au son des fanfares, comme on marcherait au combat.

Son rival, celui qui pendant long-temps lui déroba le suffrage de la postérité, était d'un caractère tout différent. Une prodigieuse étendue d'esprit n'empécha pas Cardan de tomber dans toutes les puérilités, d'être esclave de toutes les superstitions. S'il n'avait pas tracé sa vie luimème (1), on ne pourrait croire à tant de faiblesses et de contradictions. D'une inconcevable hardiesse en philosophie, il tremblait à tons les pronostics (a) et croyait avoir un démon familier (3). Médecin célèbre, géomètre subtil et inventif, il avait foi dans les rèves (4) et s'adonuait

⁽¹⁾ Le livre De vita propria se trouve dans le premier volume des ouvrages de Gardan (Cardani opera, Lugduni, 1663, 10 vol. in-fol., tom. 1, p. 1-54).

⁽a) Cardani opera, tom. 1, p. 54-39, de vil. propr.

⁽³⁾ Cardani opera, tom. 1, p. 44, de vil. propr., c. 47.
(4) Cardani opera, tom. 1, p. 27, de vil. propr., c. 576

à la magie et aux sortilèges. Tantêt austère, tantêt dissolu, il vivait avec luxe, ou se couvrait de haillons. Il voulait tout savoir et jouir de tout. Insensible aux plus épouvantables malheurs, il tomba dans une affreuse misère (1) et vit sans s'émouvoir (2) décapiter un de ses fils (3). De Thou raconte que, pour ne pas faire mentir une de ses prédictions, il se laissa mourir de faim à l'âge de soixante et quinze ans (4). D'origine milanaise, il avait été, par force, tiré du sein de sa mère (5) à Pavie, en 1501. Ses ouvrages ont été publiés en dix volumes in-folio,

⁽¹⁾ Cardani opera, tom. I, p. 16, de vit. propr., c. 25.

⁽s) «Ipse enim secus ferreus natura, ac omnibus futuras eram adversis superior» (Cardani opera, tom. I, p. 17, de vit. propr., c. 26).

⁽³⁾ Cardani opera, tom. I, p. 17, de vit. propr., c. 27.

⁽⁴⁾ Thuani historiæ, tom. III, p. 46s, lib. LXII, § 5.— Au reste, Tiraboschi a combattu cette assertion (Tiraboschi, storia della lett. ital., vol. XI, p. 431).

⁽³⁾ Tirmbochi. storia della lett. itat., vol. XI, p. 429.— Cardan avait été souvent malade dans son enfance: ses parens le matriatient beaucoup; il racente même que a même avait voulu accoucher avant le terme. « Tentatis, ut addivi, abortivis medicamentis fivatera, ortus aum anno MDVIII » (Gardansi opera, tom. I, p. 2, de vit. prepr., c. 2).— Cette date est une faute d'impression, comme l'a prouvé l'iraboschi.

et ce recueil ne contient pas la moitié de ce qu'il avait écrit. (1)

Philosophie, physique, medecine, mathématiques, astronomie, histoire naturelle, rien ne lui a échappé. Il a cultivé toutes les sciences; il les a toutes perfectionnées. Il osa seul secouer entièrement le joug, et déclara la guerre à toute l'antiquité. Telesius et Patrizi n'avaient fait qu'attaquer Aristote, sous la bannière de Parmenide et de Platon : Cardan méconnut toute autorité, et ne voulut que sa propre intelligence pour guide. Il proclama trois principes universels : la matière, la forme et l'âme (2); trois élémens : la terre, l'eau et l'air (3). Suivant lui, les astres sont phosphorescens en même temps qu'ils sont éclairés par le soleil (4). Les plantes ont des sens, et il n'y a qu'une seule âme pour l'homme et les animaux. Ce hardi réformateur, qu'aucune barrière n'arrêtait, croyait pouvoir obtenir tout ce qu'il demandait au ciel, le

⁽¹⁾ Argetati, bibliotheca script. mediolanensium, Mediol. 1746; 2 tom. en 4 part., in-fol., tom. I, pars 2; col. 307-316.

⁽²⁾ Cardani, de subtilitate, p. 16, lib. I. (3) Cardani, de subtilitate, p. 44-45, lib. H.

⁽⁴⁾ Cardani, de subtilitate, p. 138, lib. HL.

a* avril de chaque année, à huit heures du matin. (1)

S'il n'a pas résolu, comme on l'avait prétendu, les équations du troisième degré, il s'est montré, dans ses recherches, analyste inventif et subtil. Il a reconnu la multiplicité des racines (a), et il a eu égard aux racines négatives, qu'on avait toujours évitées (3). Les racines imaginaires se trouvent pour la première fois dans son Ars magna (4), où les règles pour les multiplier entre elles sont exposées avec exactitude (5). Le calcul des imaginaires, branche féconde de l'analyse, qui a fourni matière à des discussions animées parmi les géomètres du dixhuitième siècle, est une découverte mémorable de Cardan, qui avait déjà vu que, dans les équations, les racines imaginaires vont toujours

⁽¹⁾ Cardani opera, tom. I, p. 28; de vit. propr., c. 37.

⁽s) Cardani ars magna, f. 39, c. 18, et f. 5, c. 1.

⁽³⁾ Cardani ars magna, f. 66, c. 37, — Cardan appelle moins pures les racines négatives dont il se sert quelquefois comme racines positives, et il désigne les quantités imaginaires par le nom de racine de moins ou de mains sephirtique.

⁽⁴⁾ Cardani ars magna, f. 66, c. 39.

⁽⁵⁾ Cardani ara magna, f. 65-66, c. 37. ..

par couples. (1). On lui doit aussi une méthode pour la résolution approchée des équations (2), fondée sur le changement du signe qui s'opèrelorsqu'on substitue successivement; à la place de l'inconnue, deux nombres entre lesquels est comprise une racine. Il a trouvé plusieurs des relations qui lient les racines aux coefficiens des équations (3). Il a connu et traité les racines égales (4) : il s'est même approché du

⁽¹⁾ Voyez à ce sujet Cossali (Storia dell' algebra, tom, II, p. 337 et suiv.), qui a exposé avec détail les recherches de Cardan.

⁽i) Cardani ars magna, f. 55, c. 30. — Cardani opera, tom. IV, p. 408. — Cossali, storia dell'algebra, tom. II, p. 326 et suiv.

⁽³⁾ Les théorèmes connus par Cardan sont les suivais : 1º toute équation du troisième depré est airisible par l'inconne dimitude de la racine; a² le coefficient du second terme est égal à la somme des racines arecel signe changé (Gardans are magna, f. 59, c. 18, et f., e. 6, c. 17— Cassalt, storia dell'algebra; tom. II, p. 53:73-53.

^{(6) »} Ità reliqua ficia, de qua diximua, in alio exemplo, aggregator ex duabus veria, sed quia vere auti invicemi oquiles, idoc fica sespec dupla est vera. « (Gardani ara magna, f. 6, e. f.). — Cardani s'est occupé aussi de la fransformation des équations. Voyes é ce aujet Cossali (Storia del Inglet) operation des équations. Voyes é ca aujet Cossali (Storia del Inglet) operation des équations le 565 ét autv.), qui a mointre communt le géomètre milanuis faisait évanouir le second termé, et par quels moyens il opératid autres transformations analogues.

théorème de Descartes, sur les variations et les successions de signe; et l'on voit que s'il n'avait pas été arrêté par la méthode des Arabes, qui était suivie encore au seizieme siècle, de ne pas égaler l'équation à zéro, mais de la partager en deux membres composés de termes tous positifs (1), il aurait certainement découvert la plupart des théorèmes qui constituent la théorie générale des équations. (2)

Bien qu'il n'ait pas démontré généralement la réalité des trois racines de l'équation du troisième degré, dans le cas où elles se présentent toutes sous la forme imaginaire, cependant Cardan a prouvé:

⁽i) Cossali a cependant remarque un cas dans lequel Cardan égale toute l'équation à zéro; mais ce n'est qu'un accident dans les procédés de calcul employés à cette époque (Cossati, storia dell'algebra, tom. II, p. 324).

⁽a) On ne doit pas oublier que Cardan appliqua ses théorèmes sur la théorie des équations à la résolution d'une classe d'équations du sixieme dégré. Il sest servi aussi des fonctions symétriques (Cardani, opera) tom. IV, p. 432—432, et il a exposé une méthode très simple pour l'élimination entre plusieurs équations homogènes et du même degré. Cette méthode, qu'il appelle regula de mode, lui s'avit été cassignée par un certain mattire Gabriel d'Austrofrus, qui. l'avait apprile de Pacioli (Cardani, opera, tom. IV, p. 765-67). Cardan ajoute que c'est ce Mattre Gabriel qui l'excita à composé son artitamétique paralègie.

leur réalité dans un grand nombre de cas (1), surtout en les déterminant géométriquement par les sections coniques (2). Les Arabes avaient déja fait des recherches analogues; mais Cardan ignorait leurs travaux, et sa construction de l'équation générale du troisième degré mérite d'étre remarquée, car elle renferme la première idée de la représentation générale du rapport qui existe entre deux quantités, par les rapports

(i) C'est dans son traité De regitte atèixe que Cardan s'est occupé de cette question: ce traité est obscur et difficile à lire. Cossali en a extrait les recherches les plus intéressantes (Cardani opera, tom. IV, p. 2-7, et seq. — Cossali, storia dell'alcebra, tom. II, p. 3-8, et seq. — Cossali, storia dell'alcebra, tom. II, p. 3-8, et seq. — Cossali, storia dell'alcebra, tom. II, p. 3-8, et seq. — Cossali, storia dell'alcebra, tom. II, p. 3-8, et seq. — Cossali, storia dell'alcebra, tom. II, p. 3-8, et seq. — Cossali, storia dell'alcebra, tom. II, p. 3-8, et seq. — Cossali, storia dell'alcebra, tom. II, p. 3-8, et seq. — Cossali, storia dell'alcebra, tom. II, p. 3-8, et seq. — Cossali, storia dell'alcebra, et seq. —

(c) Cardani opera, tono IV, p. 509, 411, 420, etc. — Cardan appliqua l'algèbre à la géométrie e nonstruisant les équatigns du troisitime degré, et il appliqua la géométrie à l'algèbre, en démontrant par des constructions géométriques les formules propres à la résolution des équations cabiques. Tartaglia aussi avait démontré ses formules par des constructions, et Bombelli en a reproduit de semblables dans son algèbre. C'est', cela seulement qu'on doit appeler Récoistions géométrique des équations du troistème degré; quant aux constructions des Árabes, dont j'ai parlé précédemment (tom. I, p. 505, et tom. II, p. 510), elles ne peuvent être appelées résolutions que par des personnes qui n'ont aucune connaissance de l'algèbre (Cardani opera, 10m. IV, p. 249 et seq., et 389-390. — Tartaglia, quesiti, f. 127. — Bombelti, algèbre I. 381).

qui lient les abscisses et les ordonnées dans une courbe quelconque.

Cardan a rassemblé en différens ouvrages spéciaux ses recherches sur les mathématiques : quant à ses observations de physique, elles se trouvent disséminées dans tous ses écrits. L'Opps. novum (1) contient des remarques judicieuses sur la mécanique (2). On y parle de la nécessité de tenir compte de la résistance du milion (3) pour déterminer la vitesse des projectiles. Les mathématiques y sont appliquées à la médecine; et l'on discute cette question curieuse, savoir si les effets produits par les médicamens sont en proportion arithmétique ou géométrique de la dose des remèdes (4). Réciproquement, Cardan ap-

⁾ Cardani opera, tom. IV, p. 463.

⁽a) Cardani opera, tom. IV, p. 483, 486, 487, 496, 499, 505, 509, 518-519, 525, 556, 529, et tom. III, p. 185, 214 et uiv. — Cardan a essayê aussi de démoutrer l'impossibilité du mouvement perpétuel (Cardani, de subitiliate, p. 610).

⁽³⁾ Cardani opera, tom. IV, p. 477, 489. — Dans ses Paralipomenes, Cardan a donné pour la première fois le parallelogramme des forces pour le cas où les composintes agissent à angle droit (Cardani opera, tom. X, p. 316). Lagrange semble attribuer cette proposition à Stevin (Lagrange, mecanique analytique, Paris, 1811, 2 vol. iu-4, tom. 1, p. 9).

⁽⁴⁾ Cardani opera, tom. IV, p. 487-488.

plique les phénomènes physiologiques aux mathématiques, et se sert des battemens du pouls pour mesurer-le temps. Il prend en moyenne quatre mille pulsations par heure, et dit que dans les plus violens ouragans le vent ne parcourt que cinquante pas par pulsation. Il cherche à déterminer les rapports des densités de certains corps, tantôt par leur différente réfraction (1), tantôt par la résistance diverse qu'ils opposent aux projectiles qui les pénètrent (a) : en appliquant ces principes à l'air et à l'eau, il en déduit que le poids de l'eau est égal à cinquante fois le poids de l'air (3). Ce résultat, que Cardan lui-même trouve inexact, est cependant digne d'attention. On a vu que les anciens avaient à peine soupconné la gravité de l'air : le médecin de Milan est le premier qui a tenté de la déterminer par l'expérience. (4)

⁽¹⁾ Cardani opera, tom. IV, p. 503.

⁽²⁾ Cardani opera, tom. IV, p. 478, 489, 490, 491, 505.

⁽³⁾ Cardani opera, tom. IV, p. 503.

⁽⁴⁾ L'Opus novum contient beaucoup d'autres faits curieux qu'il nous est impossible de rapporter ici : il y a entre autres plusieurs chapitres sur la construction des horlogica (Cardani opera, tom. IV, p. 286, 404, 540-543), et de recherches sur les combinaisons (Cardani opera, tom. IV,

Son traité de Subtilitate est une véritable encyclopédie scientifique, où toutes les connaissances humaines sont successivement exposées. Cardan commence par les principes de toutes choses, la matière, la forme, les élémens, le ciel et la lumière : il considère ensuite les corps mixtes, les pierres, les plantes et les animaux : il arrive ainsi à l'homme. Il en discute la nature; il parle des sens, de l'intelligence, de l'âme. Puis il traite des objets sur lesquels l'âme exerce ses facultés, et par suite des sciences, des arts et des choses merveilleuses; enfin, il parvient aux démons, aux anges, à Dieu et à l'univers (1). Cet ouvrage, qui est original même dans sa forme, fut attaqué vivement par Scaliger; mais Cardan répondit avec vigueur et terrassa le grand critique.

Ce traité renferme des idées ingénieuses et des faits intéressans : l'auteur regarde le froid comme n'étant que l'absence de la chaleür (2).

p. 467). Cardan a écrit un traité spécial de Ludo alex, où se trouvent résolues plusieurs questions d'analyse combinatoire (Cardani opera, tom. I, p. 263 et seq.).

⁽¹⁾ La dédicace du traité de Subtilitate est datée de 1552 ; c'est problablement l'année où parut la première édition.

^{(2) «} Frigus... nihil esse misi calorem illum exiguum »

Il considère l'irradiation de tous les astres comme enocourant, avec les râyons solaires, à élever la température de l'atmosphère (1), et, plus loin, il attribue la scintillation des étoiles aux courans atmosphériques qui paraissent faire-trembler ces astres comme l'eau courante semble faire trembler les petites pierres sur lesquelles elle passe (2). Dans le Traité de la Jumière, il revient sur la chaleur et il signale l'influence de la couleur sur l'absorption des rayons calorifiques (3); il analyse aussi les effets du prisme,

⁽Cardani, de subitifiate, p. 68-69).— Dans le même livre, Cardan parle de l'air qui est nécessaire à la combustion, et deu deux genres de famée qu'elle produit; il dit à ce sujet « alter...oculos urit et suffocut, quidem in aerem non facile convertatur. Idem plerunque ex carbonibus parais... excitari solet » (Candani, de subitifiate, p. 51).—Il est difficile de ne pas voir ici le gaz acide carbonique. Un peu plus loin il parle d'un froid extraordinaire qui, en 185, fit périr lous les citronniers de la Ligurie (Cardani, de subitifiate), p. 83); il décrit plusieurs machines, parmi lesquelles il vante beancoup un blatoir pour la farine (Cardani, de subitifiate, p. 98), et il emploie les lettres de l'alphabet pour exprimer des quantités indéterminées (Cardani, de subitifiate, p. 90), et il emploie les lettres de l'alphabet pour exprimer des quantités indéterminées (Cardani, de subitifiate, p. 90).

⁽s) - Aeris vero temperiem facit radiorum multitudo solis, tum siderum, quos excipit, qui illum calefaciunt - (Cardani, de subtilitate, p. 69).

⁽²⁾ Cardani, de subtilitate, p. 139.

^{(3).} Cardani, de subtilitate; p. 149. - Il avait reconnu

et eeux des divers miroirs (1). Dans la suite de cet ouvrage, on trouve des expériences intéressantes sur l'aimant (2), la manière d'apprendre à écrire aux aveugles (3), une espèce de télégraphe de nuit (4), une encre sympathique (5) avec la description de plusieurs machines et instrumens dont quelques-uns ont été reproduits récemment comme des inventions modernes. (6)

Cette courte exposition ne peut qu'imparfaitement faire connaître l'étendue prodigieuse de

p. 659, 586 et seg.).

aussi que les rayons perpendiculaires sont les plus actifs (Cardani, de subtilitate, p. 165).

⁽¹⁾ Cardani, de subtilitate, p. 166, 172, 174.

⁽a) Cardan a signalé les différences de l'attraction magnétique et de l'attraction électrique (Cardani, de subtilitate, p. 207).

⁽⁵⁾ Cardani, de subtilitate, 6:5.
(4) Cardani, de subtilitate, p. 596.

⁽⁵⁾ Cardani, de subtilitate, p. 584.

⁽⁶⁾ Par exemple, èles serrures mécaniques qu'on ne peut ouvrir qu'en combinant d'une certaine manière les lettres des alphabets que porte le cadensa (Cardans, de subtitiate, p. 606), une machine p'our travailler les pierres précieuses (Cardans, de subtitiate, p. 607), etc., etc. On trouve sussi dans cet euvrage des recherches sur la chimie: un composé qu'on allume en le mouillant, une recette pour diminuer l'action du feu sur la peau des animaux, la description de plusieurs opérations chimiques, etcl'(Cardans, de subtitiate).

l'esprit de Cardan, S'il, était possible d'analyser tous ses ouvrages (1), on trouverait dans chacun des éclairs de génie. La morale, l'histoire, la politique, la philosophie (2), la théologie, l'occuperent tour-à-tour, et il s'y appliqua avec tant de succès, que l'on aurait dit qu'il ne s'était jamais occupé d'autre chose. Il fut grand érudit, et on doit le placer parmi, les hommes qui ont le mieux écrit en italien sur des matières philosophiques (3). On ne sait ce qui doit le plus étonner en lui, ou son esprit si supérieur, ou ses puériles et inconcevablés faiblesses!

⁽t) Deux surtout mériteraient d'être examinés avec soin : ce sont le traité De revum variétate, et les Paratipomene. Cardan y a consigné une foule de foits curieux et d'observations intéressantes; mais il est impossible d'en faire l'extrait.

⁽²⁾ Ce qu'il dit sur les méthodes en géomètrie mèrite l'attention des philosophes (Cardani, de subfilitate, p. 646—Voyez aussi le traité de Inventione, dans de tome X aes ceuvres, p. 40 et suiv.).

⁽³⁾ Je ne compte cependant pas parasi les écrits italiens de Cardan, les Opprationi qu'on a insérées laban le quatrième volume de ses œuvres, et qui ne peuvent pas être de lui, puisqu'on y gite Califle à plusieurs reprises (Cardani opera, tom. IV. p. 608), mais le dialogue initude: - Se la qualità può trapassare di subjetto in subjetto » et son « Discorreg del vacuo » (Cardani opera, tom. II, p. 368 et 7;13) lui assugari un rang distingué parmi les écrivains italiens.

Cet homme extraordinaire forma plusieurs élèves : il les nomme et il les juge dans ses écrits (1). Le plus illustre de tous fut Louis Ferrari de Bologne, qui mourut à la fleur de l'age en 1565 (2). Dans sa courte carrière : il résolut généralement les équations du quatrième degré, découverte qui le place à la tête des algébristes de son temps. Suivant l'exemple de Ferro et de Tartaglia, il ne publia pas sa méthode; mais elle se trouve indiquée dans l'Ars magna de Cardan (3), et exposée avec détail dans l'Algèbre de Bombelli (4). Cardan a fait de Ferrari un portrait peu flatteur : il avait, dit-il, aussi peu de conduite et de savoir-vivre que de talent et d'érudition en mathématiques (5). Il était surtout très irascible, et, à dixsept ans, il avait perdu tous les doigts de la main droite dans une querelle (6). Il fut professeur à Milan et à Bologne : il mourut à quarante-trois

⁽¹⁾ Cardani opera, tom. I, p. 26. - Cardani opera. tom. IX, p. 568.

⁽²⁾ Fantuzzi, scrittori Bolognesi, tom III, p. 322.
(3) Cardani, ars magna, f. 72, c. 39.

⁽⁴⁾ Bombelli, algebra, p. 353.

⁽⁵⁾ Cardani opera, tom. IX, p. 569.

⁽⁶⁾ Cardani opera, tom. IX, p. 569.

ans, et l'on soupçonna sa sœur de l'avoir empoisonné (1). On n'a imprimé de lui que des lettres insérées dans la relation de la grande querelle qu'il eut avec Tartaglia (2). Son Traité de l'erreur que. I'on commet dans la détermination du jour de Paques existait (3) encore inédit en 1731. Cardan nous apprend qu'il avait écrit aussi (4) sur la géométrie. Si des ouvrages de Ferrari se conservent encore en manuscrit, ils méritent certainement d'être tirés de l'oubli où ils sont restés depuis trois siècles.

Raphaël Bombelli ferme dignement cette série d'illustres algébristes. Comme Ferro et Ferrari, il naquit à Bologne, mais on ignore à quelle époque. On ne sait de lui que ce qu'il nous apprend dans la dédicace de son ouvrage à l'évêque de Melfi. Il dit qu'il avait eu pour précepteur Pierre-François Clementi (5) et qu'il avait travaillé au desséchement des Chiane en

⁽i) Fantuzzi, scrittori Bolognesi, tom. III, p. 521.— Cardani opera, tom. IX, p. 568.

⁽²⁾ Fantuzzi, scrittori Bolognesi, tom. III, p. 322.

(3) Fantuzzi, scrittori Bolognesi, tom. III, p. 322.

^{(4).} Cardani , de subtilitate, p. 526.

⁽⁵⁾ Voyez aussi Fantuzzi, scrittori Bolognesi, tom. II, p. 282.

Toscane. Cet évêque de Melfi semble avoir été son protecteur. Il l'avait employé, ainsi que son frère Hercule, comme ingénieur, et il l'avait chargé ensuite de composer cette algèbre : elle ne parut qu'en 1573; mais on voit que Bombelli l'avait préparée depuis quelque temps. Dans la préface, il fait succinctement l'histoire de l'algèbre, en commençant par Diophante et Mohammed ben Musa, et il parait croire que cette science a été inventée par les Indiens (1). Il cite Léonard de Pise et Pacioli, et il blâme Tartaglia d'avoir tant maltraité Ferrari et Cardan.

⁴⁾ Dans cette preface, Bombelli dit qu'il svait traduit avec Antoine Pazzi, professeir à Böme, les ciut premiers livres de Diophante, et il ajoute qu'on y cite souvent les Hindous. Tons ceux qui ont lu les davrages du géomètre d'Alesandrie savent que les Hindous n'y sont jamisi mentionnés, je suppose donc que le menuscrit dont parle Bombelli ésti accompagné d'un commenstaire fait par quelque auteur hyzantin, et l'exemple de Planude prouve que les Grecs du Bas-Empire ont cité souvent les savans de l'Inde. Il existe à la bibliothèque l'abstine de Florence une tradoction italienne manuscrite de Diophante qui, après l'avoir parcourne, m'a semblé, antérieure à l'époque de Bombelli. Au reste, cet auteur parle de l'ouvrage de Diophante comme ne l'ayant vu qu'incomplet (Bombelli, augèrare, p. 333).

L'Algèbre de Bombelli est divisée en trois livres. Le premier contient les élémens, le calcul des radicaux et celui des quantités imaginaires : le second renferme tout ce qui se rapporte à la résolution des équations (1) : et le troisième est un recueil de problèmes, parmi lesquels il v en a de fort difficiles sur l'analyse indéterminée. Dans ce traité, sont exposées méthodiquement toutes les connaissances que l'on avait alors sur l'algèbre; les démonstrations sont rigoureuses et complètes, et l'on voit la science prendre une forme systématique. On y trouve des notations qui permettent d'ef-· fectuer facilement les calculs; et l'on sait combien les notations ont eu d'influence sur les progrès de l'algèbre. Le calcul des radicaux y est complètement exposé (2), ainsi que la théorie générale des quantités imaginaires, dont l'auteur

⁽r) Voyez la note XXXIV à la fin du volume.

⁽³⁾ Cossili a exposé la néthode de Bombelli pour estraire la racine, qualipue d'un binome réel ou imaginaire : elle mérite par son élégance l'attention des géomètres. Wallis l'a reproduite sons citer Bombelli, et il parsit avoir voulus se l'approprier (Cossili, storia dellé algebra, topn. II, p. 291-296. — Waltis, opera, Oxonia ; 1695, 3 vol. în-fol., tom. II, p. 187 et seq.).

Voyez la note XXXV à la fin du volume.

fait une heureuse application à ce que l'on appelle ordinairement le cas irréductible. C'est en effet Bombelli le premier qui a généralement annoncé la réalité des trois racines d'une équation du troisième degré, lorsqu'elles se présentent toutes trois sous la forme imaginaire. Dans un grand nombre de cas, il a vérifié son assertion par l'extraction directe de la racine des deux binomes (1). Les géomètres précédens ne s'étaient occupés que de résoudre de nouvelles questions. Bombelli perfectionna leurs démonstrations, et les rendit plus complètes et plus générales. Son ouvrage n'a pas peu contribué aux progrès des mathématiques. C'est là qu'on voit pour la première fois la rigueur de la synthèse appliquée aux démonstrations algébriques.

Cette longue suite de biographies scientifiques, ces analyses répétées d'ouyrages didactiques, ont dû répandre une couleur sombre et sévère suir le tableau que nous venons de tracer de la marche des sciences en Italie; mais il était nécessaire d'entrer dans ces détails pour démontrer que le seizième siècle n'a pas été seulement, comme on le

⁽¹⁾ Cossali, storia dell'algebra, tom. II, p. 484 et suiv.

répète sans cesse, le siècle des arts. Il est vrai que Léonard de Vinci, Michel-Ange, Raphaël, Cellini, le Titien, le Corrège, sont restés sans égaux, tandis que les travaux de Ferro, de Tartaglia, de Ferrari, furent promptement éclipsés par ceux deleurs successeurs. Cela tient au développement continuel des sciences, et aux bornes que la nature semble avoir prescrites aux progrès de l'esthétique et à la production du beau dans les arts; mais il ne faut pas déduire de notre impuissance à surpasser les grands artistes du seizième siècle, que les savans de cet âge leur fussent de beaucoup inférieurs. C'est plutôt, en comparant un siècle avec ceux qui l'ont précédé qu'on doit lui assigner un rang dans l'histoire. Or, en mettant les grands maîtres que nous venons de nommer en parallèle avec Brunel. lesco, Donatello, Masaccio, Alberti, on ne trouve pas une distance supérieure à celle qui sépare les ouvrages de Tartaglia et de Cardan, des écrits de Canacci, de Dagomari, de Pacioli. Le développement de l'intelligence avait accompagné les progrès des arts; mais les artistes s'arrêtèrent, tandis que, par l'ascendant de Galilée et de l'Académie del Cimento, les sciences atteignirent, au dix-septième siècle, leur

apogée en Italie. Cependant on avait déjà beaucoup fait dans le siècle précédent: la grande
réaction contre Aristote avait commencé; l'observation avait été proclamée la base des connaissances humaines; les sciences qui en dépendent, la physique, l'histoire naturelle,
avaient pris naissance. Il fallait réunit tous ces
élémens épars, extirper toutes les vieilles, erreurs. On attendait un dictateur, il parut: ce
fut Galilée. Mais en admirant son vaste génie, il
ne faut pas être ingrat envers ses devanciers; il
ne faut pas le charger de leur gloire; elle lui est
inutile; ils la réclament. On doit surtout ne pas
oublier que leurs travaux sur la résolution des
équations n'ont jamais été surpassés. (1)

Cependant, ce n'est pas par les seiences qu'au seizieme siècle l'Italie exerça son influence au dehors. Pendant qu'elle perdait sa nationalité, les œuvres de ses artistes se répandaient chez les nations voisines et produisaient une révolution dans les arts. Alors, l'architecture go-



⁽¹⁾ Voici comment Lagrange a'est exprimé à ce sujet : « Les premiers succès des Analystes italiens, dans cette mattère, paraissent avoir été he terme des découvertes qu'on y pouvait faire. » (Mêm. de l'Acad. de Bertin, année 1770, p. 135.)

thique, la peinture allemande, furent détronées, et l'école italienne domina dans toute l'Europe. Les autres peuples, ignorant ce qui avait été fait depuis Arnolfo et Giotto, s'imaginèrent que les maitres n'avaient existé que du jour où ils en étaient devenus les élèves, et ils fixèrent au seizième sfècle la renaissance des arts. Mais, depuis long-temps, elle s'était opérée en Italie, et l'on devrait enfin abandonner cette erreur qui retarde de deux siècles l'époque du développement des beaux arts chez les modernes.

Si nous devions tracer une histoire générale des progrès de l'esprit humain, nous chercherions à déterminer l'influence que les arts, se répandant au loin et amenant à leur suite les lettres et les sciences des Italiens, ont pu avoir sur l'avancement des sociétés modernes. Nous montrerions tout l'Occident, devenu subitement disciple de l'Italie, imiter et traduire ce qu'on avait fait dans cette contrée; nous verrions la presse, non-seulement reproduire en original les œuvres de Dante et de Boccace, mais aussi les écrits des auteurs de second ordre; nous verrions des empereurs écrivant leurs lettres en italien, Lope de Véga et Cervantes étudiant l'Arioste, et Shak-

speare imitant les contes de Porto, de Giraldi et de Bandello

Si l'histoire des arts entrait dans notre plan, leurs différentes origines et leur développement, le coloris et la richesse de l'école vénitienne, le dessin et la vigueur des peintres toscans, les graces, la beauté des formes de l'écoleromaine, nous occuperaient tour a-tour. Alors nous devrions considérer aussi ce que les artistes ont fait pour les sciences, soit en les cultivant (1), soit en les amenant peu-à-peu sur la scène, et en les faisant participer aux largesses de quelques gouverne-



⁽¹⁾ Ce ne furent pas seulement Léonard de Vinci et Atberti qui, parmi les artistes, cultivèrent les sciences, et nous aurons plus tard à nous occuper d'un peintre célèbre, Cigoli, qui fat l'un des disciples les plus illustres de Galilée. Au seizième siècle les sculpteurs et les orfèvres, forcés de s'occuper de tout ce qui a rapport à leur art, étaient aussi chimistes et mécaniciens. Les Due trattats de Cellini, que nous ayons déjà cités, contiennent des renseignemens précieux sur la chimie, sur la minéralogie et la métallurgie. J'y ai trouvé l'indication de la phosphorescence de certaines pierres (Cellini, due trattati, f. 10). Si je pouvais m'arrêser sur la science des corps inorganiques, je donnerais un extrait de la Pirotechniu di Biringuecio et du Specutiem tapidum de Camille Leonardi de Pesaro, qu'on a quelquelois confondu mal à-propos avec Léonard de Pise. Ces deux ouvrages mériteut l'attention des paturalistes.

mens. Nous devrions rechercher surtout par quelles causes, l'originalité s'étant affaiblie, la décadence se fit sentir en littérature, tandis que, malgré l'état déplorable où l'Italie était réduite, les sciences firent de rapides progrès, excitées par le principe de l'observation, qui est la base de tous les arts, et qu'au moment de leur plus grand développement ils avaient répandu dans la société. Mais nous ne pouvons pas nous laisser entrainer si loin: nous terminerons donc ce second livre en jetant un coup-d'œil sur l'état de l'Italie au seizieme siècle.

Après la bataille de Pavie, Charles V régna sans partage sur la péninsule: peu d'années lui suffirent pour se rendre maître du pape et pour achever la ruine de toutes les paissances municipales. Il posséda Naples, la Sicile et le duché de Milan: tous les princes italieus devinrent ses feudataires, et s'attachèrent à sa fortune par crainte de la France, qui avait toujours protégé les Guelphes et le parti républicain. Après des exploits chevaleresques, François 1^{er} se reposait au sein des arts, et, content d'avoir Léonard de Vinci et Cellini à sa cour, il oubliait que l'Italie pouvait lui donner plus que des artistes. Ne protégeant les Florentins que par des promesses, il

les précipita dans une lutte trop inégale contre l'empire, et ne fit rien pour les arrêter sur le bord de l'abîme. Le siège de Florence couronne dignement les trois siècles d'existence d'une république illustre à tant de titres; et l'on devra toujours admirer cette poignée de marchands qui, abandonnés de toutes les puissances humaines, créérent Jésus-Christ chef de la république, et combattirent vaillamment contre celui qui avait tenu dans les fers le roi de France et le pape. Ils succombèrent après une longue résistance, et ne laissèrent pas de postérité : car le plus grand reproche que l'on doive faire aux Médicis, c'est d'avoir éteint dans le peuple de Florence cette noble ardeur qui autrefois le précipitait si souvent au milieu des dangers.

Venise échappa seule à Charles V, et c'est un mérite dont on n'a pas tenu assez compte à une petite république déjà. ébranlée par la ligue de Cambrai, et qui, obligée de se défendre à la-fois contre Soliman et contre le puissant rival de Francois I^{er}, aurait peut-être fini par succomber, si le maître de tant d'états n'avait commis la faute irréparable de les partager entre son fils et son frère. L'Italie échut alors à l'Espagne, mais elle lui fut toujours, enviée par l'Autriche, qui s'ap-



pliqua sans cesse à diminuer l'influence de sa rivale. Durant cette lutte cachée, qui se continua jusqu'au moment où l'empereur fut admis à partager les dépouilles de Charles II, et pendant les longues guerres de la France avec l'Espagne, les princes italiens auraient trouvé souvent l'occasion de recouvrer au moins en partie leur indépendance, s'il fût né parmi eux un seul homme doué de quelque hardiesse. Mais c'est un des plus grands malheurs de l'Italie, de n'avoir vu sur le trône, depuis trois siècles qu'elle gémit dans les fers, que des gens sans ambition et sans cœur. Le seul Emmanuel-Philibert, qui rentra dans ses états après avoir commandé l'armée espagnole à la bataille de Saint Quentin, aurait pu tenter la délivrance de sa patrie s'il fût né dans des temps plus propices; mais il dut commencer par recouvrer et organiser ses états, livrés depuis long - temps au pillage des armées ennemies: D'ailleurs, tout était à faire alors en Piémont, pays qui ne s'est développé que fort tard, mais où l'Italie peut trouver un jour son salut; car n'avant pas été corrompu par une civilisation déjà vieillie, il conserve encore quelques forces intactes et une certaine physionomie de rudesse. Emmanuel-Philibert, comme Farnèse, comme Montecuculli et le prince Eugène, gagna des batailles pour les étrangers. On attend encore le guerrier qui doit vaincre pour l'Italie.

Cependant, la maison de Savoie sut ressaisir ses états, qui étaient devenus la proie des étrangers, et. se ménageant à propos des alliés. elle parvint à se créer une certaine importance. Mais les Farnèse, mais les Médicis, qu'on a tant célébrés, ne songeaient qu'à se garantir contre les tentatives de leurs sujets, et, pendant qu'ils ne reculaient devant ancun crime pour assurer leur domination, ils ne voyaient au dehors que des questions de préséance, et payaient des millions pour obtenir de l'Espagne l'altesse au lieu de l'excellence. Ce furent de bien tristes familles et de bien cruels despotes! L'un, fils de pape, inventait, comme le disaient les protestans, de nouvelles manières de . faire des martyrs (1), en attendant que Charles V le fit jeter par la fenêtre (2) : l'autre tuait ses



⁽¹⁾ Varchi, storia fiorentina, Colonia, 1721, p. 640.

⁽a) Casa, dans la Prima orazione per la lega, à peint avec de vives couleurs cette mort de Pier Luigi, Farnese, qu'il attribue à Charles V. Voici ce qu'il dit à ce sujet : « Bruttarsi le mani nel sangue dell'avolo de suoi hipoti, e il suocero di

fils et déshonorait ses filles. Aux crimes commis pour se maintenir au pouvoir, avaient succédé les crimes de la débauche et du caprice. On accusa Côme Iª d'avoir fait empoisonner deux illustres écrivains, Guicciardini et Berni, mais personne ne put dire pourquoi. Dans ces gouvernemens ténébreux, on cachait tout, excepté les forfaits dont on se glorifiait. Ces mœurs, ces violences, ne se rencontrent aujourd'hui que chez les oppresseurs de la Pologne. Le cardinal Hippolyte de Médicis avant eu un jour une querelle avec un Orsini, lui arracha la barbe, et la déposa dans ses archives, avec une inscription destinée à conserver la mémoire de cet exploit. Ce paquet existe encore à Florence, dans l'Archivio Mediceo, où sont rassemblés des trésors historiques et littéraires de tout genre que l'on s'obstine, par une politique mal entendue, à cacher au public. C'est au moins une maladresse, car aucun gouvernement ne saurait, dans notre siècle, vouloir imi-

sua figliuola ucciso gittare a cani, e la stessa sua progenie innocente cacciare di stato, sono le sue tenere e parentevoli carezze.

ter les Médicis, et leurs successeurs ne peuvent que gagner à les faire connaître.

Malgré toutes ces horreurs, malgré des proscriptions qui disperserent au loin les hommes les plus distingués, l'Italie se couvrit, au seizième siècle, d'une nouvelle gloire. Et, parce que quelques artistes ou quelques poètes furent reçus à la cour de Léon X, ou à celle de Florence, on a voulu attribuer aux princes italiens l'éclat de ce siècle. Mais on oubliait les plates plaisanteries par lesquelles our accueillait l'immontel ouvrage de l'Arioste (i), la misère où tomba Machiavel, et les persécutions contre le Tasse, dont, on retenait les vêtemens, et les livres (a), à sa sortie de prison, pour le forcer à chanter



⁽¹⁾ Dans le chant XXXV du Roland furieux, l'Arioste sélève avec force contre les faveurs que l'on répandait sur des gens :

^{..... -} Chiamati cortigian gentili,

⁻ Perchè sanno imitar l'asino a 'l ciacco. -

On connaît ses vers sur les devoirs des grands envers les écrivains :

⁻ E ben convenne al mio lodato Cristo, etc. .

⁽²⁾ Voici ce que Le Tasse écrivait au duc de Mantoue, le 24 septembre 1588 : « E ora ardisco di scriverle, pregandola che non si curi di ritenermi i libri, poichè non volle ritener

les louanges de ses oppresseurs. On oubliait surtout les houneurs extraordinaires rendus par tous les princes à l'Arctin (1). Nous le répétons encore, parce qu'il est nécessaire de détruire une vieille erreur qui sert d'oxcuse sonvent à la paresse: les hommes illustres ne sont pas le fruit de la protection des princes. En les voyant nature sous. Léon X comme du temps de Panl III et de son indigne fils; à Florence sous les Médicis, comme en Lombardie sous la domination des

me stesso in prigione, nè gli voglia quasi pegni, o quasi ostaggi della mia fede, temendo, che mentre sto lontano, non dica mal di lei; o non scriva, perchè niuno è più sicuro ostaggio dell'affezione intrinseca, e della benevolenza, e V. A. può esser sicura, ch'io le sia affeziona issimo. S'amano, signor mio, le cose lodate e s'io non ho voluto di nuovo lodarla, come voleva il suo teologo, non l'ho ricusato di fare per odio, ma perchè le preghiere deono andare avanti alla laude, e fra l'une, e l'altre interporsi le grazie « (Tasso, opere, Firenze, 1724, 6 vol. in-fol., tom. V, p. 109. - Voyez aussi la première édition, plus correcte, de cette lettre qui fut publiée d'abord dans les Lettere non più stampate, del Tasso, Bologna, 1606, in-4, p. 69). - Le Tasse revient à plusieurs reprises sur ce sujet. Il écrit ailleurs : « Prego V. E. che non mi nieghi la comodità di queste robe, e non voglia consentire ch'io patisca freddo questo verno » (Tasso, opere, tom. V,

⁽¹⁾ Voyez entre autres Aretino, lettere, Parigi, 1609, 6 vol. in-8, tom. I, f. 64, etc.

étrangers, on serait plutôt conduit à conclure que la forme et l'action du gouvernement n'ont qu'une influence secondaire sur les développemens de l'esprit humain.

Il reste à examiner si, comme on l'a prétendu, l'église, au seizieme siecle, favorisa les progrès de la civilisation. Sans doute le luxe des papes, les superbes édifices qu'ils firent élever contribuèrent à multiplier les chefs d'œuye des grands artistes; mais cela ne profita qu'à la partie extérieure du culte, et les pontifes, se berçant au sein des plaisirs, étaient forcés de rendre plus active la vente des indulgences pour subvénir à ces depenses extraordinaires.

Lorsque les peuples, indigués de tant d'abus, demandèrent enfin une réforme, l'église, qui en se mettant à la tête du progrés pouvait prévenir une lutte acharnée et maitriser l'avenir, repoussa toute innovation et ralluma ses bûchers. Dans les temps qui précédèrent la réforme, la rigueur s'était relâchée avec les mœurs: des papes qui nommaient des cardinaux sur la recommandation du sultan de Constantinople ne devaient pas se montrer sévères en fait de croyance. Mais, lorsqu'on vit les peuples se grouper autour de Luther, lorsqu'on vit surtout la diminu-

in Gar

tion des offrandes, on renouvela les supplices, on rendit à l'inquisition sa première sévérité. Charles V fut lancé contre les luthériens : on osa remercier Dieu solennellement du massacre de la Saint-Barthélemi, et l'on sévit de nouveau contre les penseurs et les écrivains. Les germes de protestantisme qui se manifestèrent en Italie furent rigoureusement étouffés (1), et pendant que le pape, foicé d'assembler un concile, cédait à regret sur quelques points de discipline et laissait réformer les mœurs du clergé, il retrempait ses armes ecclesiastiques, et donnait un pouvoir exorbitant aux inquisiteurs. Ce fut surtout depuis le concile de Trente que la censure prit un si grand développement; c'est à

⁽¹⁾ On a essagé plusseurs fois de décrire les tentaives qui ont été fastes, en Italie, pour obtenir une réforme, mas ce sujei intéressage a tient encore un historien véritubles qui sache rapprocher Arnaud de Bressin, de Savonarole et de Sarpi, et qui nous incoute le martyre des Vandigs, la most de Dominis et le supplice de Glordano Brugo. Au seritime et au dix-septième siècle, une foule d'Italiens illustives embrassèment la regigion réformée, mais in deurent quitte leur patrie pour se soustraire au supplice. Plusseurs de Jeurs descendans, qui vivent encore dans le pays profession, out su fillustre d'ann les lettres et dans les sciences.

partir de cette époque que les persécutions contre les écrivains devinrent si fréquentes et les peines si acerbes. Croyant voir le fantôme de la réforme dans toute idée nouvelle, plus le monde marchait en avant, plus l'église se cramponnait au passé. C'est ainsi que les doctrines d'Aristote acquirent alors l'autorité d'articles de foi, et, qu'après avoir permis au cardinal de Cusa et à Copernic de soutenir le mouvement de la terre, on finit plus tard par condamner Galilée.

Au quinzième siecle, tous les esprits s'étaient tournés vers l'érudition; puis, il y eut comme une nouvelle renaitsance, moins énergique sans doute et moins spontanée que la première, mais plus polie, plus savante, plus régulière. Cepéndant, vers le milieu du seizième siècle, tous ces esprits, si poétiques, admirateurs si' passionnés de la forme et du beau, se tournérent peu-à-peu vers les sciences. Il est inutile de rappeler les noms de ces savans qui les cultiverent exclusivement et dont nons avons déjà si longuement parlé, mais on ne saurait s'empécher de remarquer cette fonle d'illustres historiens, de poètes, d'artistes célèbres, qui, obeissant à la tendance générale des esprits, sappliquerent aux scien-

ces avec ardeur. Ici, nous' voyons Rucellai, élégant écrivain, qui, dans un poème sur les abeilles, rapporte des observations anatomiques faites à l'aide de miroirs grossissans (1): là, c'est Varchi, historien courageux et profond érudit, qui traduit Euclide en italien (2) et qui étudic avec soin la chute des graves (3). Caro,

⁽¹⁾ Rucellai, le api, v. 970 et suiv. — Ge poème parut pour la première fois en 1539.

⁽a) Varchi čerivit aussi un Traité des proportions, et uni ouvrage de météorologie (Varchi, l'ercelano, Firenze, 1720, in-6, p.xxxiv-xxxvi). La traduction d'Euclide, si elle était publiée, enrichirait sans aucan doute le vocabulaire scientifique de la langue it.lienne. Dans sa leçon sur la chalcur, composée en 1544, Varchi parle de l'incubation artificielle et de l'influence de la couleur des surfaces sur l'absorption des rayons calorifiques (Varchi, tezioni, Fiorenza, 1560, in-6), p. 25g). Suivant cet historien, les émissaires de Côme de Médicis se servaient en 1536 du telégraphe (Varchi, storia, p. 650).

⁽³⁾ Dans sa Questione sull'alchémia, qui est dirigée contre les alchimistes, Varchi se montre excellent observateur et combat l'autorité d'Aristote; voici le passage relatif à la chute des graves auquel je fais allusion, il fut écrit en 1545 :- E sebbene il costume dei filosofi moderni è di creder sempre e uno provar mai tutto quello che si tuva seritto ne buoni autori, et massimamente in Aristotile; non è pero, che uno fusse e più sicuro, e più diletterole fare altramenti, e discendere qualche volta alla sperienza in alcune cose, come ererbi gratia nel movimento delle cose gravi, nella qual cosa e

Baldi (1), Buontalenti (2) suivirent ces exemples; et le Tasse lui-même, grand poète dont la vie

Aristotile, e tutti li altri filosofi senza mai dubitarne hanno creduto, e affermato, che quanto una cosa sia più grave, tanto più tosto discenda, il che la prova dimostra non esser vero. E se io non temessi d'allontanarmi troppo dalla proposta materia, mi distenderei più lungamente in provare questa opinione, della quale ho trovati alcuni astri. e massimamente il Reverendo Padre, non men dotto Filosofo, che buon Teologo, Fra Francesco Beato Metafisico di Pisa, e Mess. Luca Ghini Medico e semplicista singularissimo, oltre la grande non solamente cognizione, ma pratica dei Minerali tutti quanti, secondo che a me parve quando gli udii da lui pubblicamente nello Studio di Bologna » (Varchi, questione sull'alchimia, Firenze, 1827, in-8, p. 54). - Ghini fut le maître de Cesalpiuo, d'Aldovrandi, de Mattioli et d'Anguillara: Calvi et Targioni pensent qu'il fonda, en 1544, à Pise le premier jardin botanique destiné à l'enseignement; mais Fantuzzi croit que celui de Padoue existait déjà (Calvi, comment. hist. Pisani vireti, Pisis, 1777, in-4. p. 1-6, - Fantuzzi, scrittori Bolognesi, tom. IV, p. 135).

(1) On sait que Baldi, poète dusingue, écrivit sur l'histoire des sciences, qu'il traduisit l'heron et comment l'appus; mais ce que l'on ne sait pas assez, c'est qu'il s'occupa de Ingues orientales et qu'il traduisit en italien la jéographie d'Édrisi. Le manuscrit inédit de cette traduction, que l'on croysit perdu, se trouve à präsent à la bibliothèque de Montpellier (Affo, etta di B. Baldi, Parma, 1783, 11-2, 1-2, 21-2).

(3) Baldinucci opera, Milano, 1808, 14 vol. in-8, tom. VIIIp. 11-77. — Buontalenti, sauvé presque par miracle sous les débris d'une maison qui s'était écroulée, s'appliqua à l'architecture, et devint le premier mécanicien de sou siècle. Il



fut un drame continuel, étudia les mathématiques sous Commandin et fut professeur de géométrie (1). Au reste, la nature semblait vouloir annoncer par un grand pronostic que les arts allaient céder le sceptre aux sciences; car Galilée venait au monde le jour où la mort frappait Michel Ange. (2)

est impossible d'entinérer-toutes les mécheties qu'il fit construire. Il inventa les groudes et la mentre de charger les fusils par la culasses: il s'occipa aussi de physique et d'hydraulique C'est probablement lui qui avait dirigé les machines de la monnaie de l'Iorence, où tout alors était mu par un courant d'eau. Benvenuto della Volpaja, astronome habile et cdèbre fabricant d'instrumens de mathématiques, mérite aussi d'être mentionné parmi les artistes savans du seixieme siècle (Fausri, vile, tom. XI, p. 2;6-17).

(1) Serasti, vila di T. Tasso, Roma, 1785, in-4, p. 79 et 159. — Boresti, Asit, gum. Ferrarina; 135, 2 vol. in-4, tom. II, p. 198, 199. — Guarini, supplem ad hist. gymn. Ferrariensis, Bononiu, 1740, 2 vol. in-4, tom. II, p. 60-61.

(2) Galilei, opere, Firenze, 1718, 3 vol. in-4, tom. 1, p. xci-xcii.

FIN DE LIVRE SECOND.



NOTES ET ADDITIONS.



NOTE I.

(PAGES 17 et 18)

Voici cette lettre en entier, telle qu'Amoretti (1) l'a déjà publiée.

Havendo, S. mio Ill., visto e considerato oramai ad sufficienta le prove di tutti quelli che si reputano maestri et compositori d'instrumenti bellici, et che le inventione et operatione de dicti instrumenti non sono niente alieni dal comune uso, mi exforserò, non derogando a nessuno altro, farmi intendere da Vostra Excellentia; aprendo a quello li sseretti miei: et apresso offerendoli ad ogni suo piacimento in tempi opportuni sperarò cum effecto circha tutte quelle cose, che sub brevità in presente saranno qui di sotto notate.

1. Ho modo di far punti (ponti) leggenissimi ed aet, ad portare facilissimamente, et cum quelli seguire et alcuna volta fuggire li ininici; et altri securi et inoffensibili da fuoco et battaglia: facili et commodi da levare et ponere. Et modi de ardere et disfare quelli de li nimici.

2. So in la obsidione de una terra toglier via l'aqua

⁽¹⁾ Amoretti , memorie , p. 24.

de fossi et fare infiniti pontighatti a scale et altri instrumenti pertinenti ad dicta expeditione.

 Item se per altezza de argine o per fortezza de loco et di sito non si potesse in la obsidione de una terra usare l'officio delle bombarde: ho modo di ruinare ogni occia o altra fortezza se già non fusse fondata sul saxo.

4: Ho anchora modi de bombarde commodissime et facili ad portare; et cum quelle buttare minuti di tempesta; et cum el fumo de quella dando grande sparento al inimico cum grave suo danno et confusione.

5. Item ho modi per cave et vie strette e distorte facte senz' alcuno strepito per venire ad uno certo. Coche bisagnasse passare sotto fossi o alcuno fiume.

6. Item facio carri copardi sicuri et inoffensibili; e quali entrando intra ne l'iplimici cum sue artiglierie i non è si grande multitudine di gente d'arme che non compessino et dietro, questi poteranno seguire fantese assai inlesi e senza alchuno impedimento.

 7. Item occorrendo di bisogno farò bombarde, mortri et passavolanti di bellissime e utili forme fora del comune uso.

8. Dove mancassi le operazione delle bombarde componerò briccole manghani, trabuchi ed altri instrumenti di mirabile efficacia et fora del usato : et in somma secondo la varietà de casi componerò varie et infinite cose da offendere.

9. Et quando accadesse essere in mare ho modi de' molti instrumenti actissimi da offendere et defendere: et navili che faranno resistentia al trarre de omni grosissima bombarda: et polveri o fumi. 10. In tempo di pace credo satisfare benissimo a paragone di omni altro in architettura in composizione di edifici et publici et priyati; et in conducere aqua da uno loco ad un altro.

Item conducerò in sculptura de marmore di bronzo et di terra, similiter in pietura, ciò che si possa fare ad paragone de omni altro et sia chi vole.

Ancora si poterà dare opera al cavallo di bronzo che sarà gloria immortale et eterno onore della felice memoria del Sⁿ vostro Padre, et de la inelyta Casa Sforzessa.

Et se alchune de le sopra diete cose ad alchuno paressino impossibili, et infactibili me ne offero paratissimo ad farne experimento in el vostro parco, o in qual boto pincerà a Vostra Excellentia, ad la quale umilmente quanto più posso me raccommando, etc."

NOTE II.

(PAGE 30)

I tordi si rallegrarono forte vedendo che l'uomo prese la civetta e le tolse la libertà quella legando con forti legani ai sono piedi la qual civeta fu poi mediante il viscio chausa non di far perdere la libertà ai tordi ma la lor propria vita. Detta per quelle terre che si rallegrano di vedere perdere la libertà ai tordi ma ggiori mediante i quali poi perdono il soccorso e rimangono legate in potentia del loro nemico, lasciando la libertà e speise volte la vita (MSS. de Leonard de Vinci, vol. N. f. 798).

Favola.

Trovando la scimia uno nidio di picioli ucielli tutta allegra appressatasi a quelli e quali essendo già da volare ne potà solo pigliare il minore; essendo piena d'alegreza chon eso i mano sen andò al suo ricieto e chominiciando a chonsiderare questo ucielletto, lo chominiciò a baciare e per lo isviscerato amore tanto lo baciò e rivolse e strinse chella gli tolse la vita.

È detta per quelli che per non gastigare i figlioli capitano male (MSS. de Léonard de Vinci, vol. N, f. 66).

NOTE III.

Non si domanda ricchezza quella che si può perdere. La virtù è vero nostro bene ed è vero premio del suo possessore, lei non si può perdere, lei non ci abbandona se prima la vita non ci lascia; le robe e le esterne divitie sempre le tieni sconte per timore e spesso lasciano con iscorno e sbeffato il suo possessore perdendo lor possessione (MSS. de Léonard de Vinci, vol. A, f. 114).

Acquista chosa nella tua gioventù che recompensi il danno dalla tua vecchiezza, e se tu intendi la vecchiezza aver per suo cibo la sapientia, adoperati in tal modo in gioventù che attal vecchiezza non manchi il nutrimento (MSS. de Leonard de Vinci, vol. N. f. 111).

La somma felicità sarà somma cagione delle infelicità, e la perfectione della sapienza sarà cagione della stultitia (MSS. de Léonard de Vinci, vol. N. f. 38).

Sempre le parole che non soddisfanno all'orecchio dell'uditore li danno tedio ovvero rincrescimento, in segnio di ciò vederai spesse volte tali uditori essere copiosi di sbavigli. Adunque tu che parli dinanti altrui di che tu cerchi benivolentia quando tu vedi tali prodigi di rincrescimento abbrevia il tuo parlare, e tu muta ragionamento, e se tu altrimenti farai allora 111.

in loco della desiderata gratia tu acquisterai odio e

E se voi vedere di quel che uno si diletta sanza udirlo parlare, parla a lui mutando diversi ragionamenti, e quel dove tu lo vedi stare intento sanza sbavigliamenti o storcimenti di ciglia o altre varie azioni, sii certo che quella cosa di che si parla è quella di che lui si deletta (MSS. de Léonard de Vinci, vol. G, f. 49).

NOTE IV.

(PAGE 32.)

Ordine del primo libro delle acque.

Definisci prima che cosa è altezza e bassezza anzicome son situati li elementi l'un dentro all'altro. Dipoi che cosa à grav tà densa e cosa è gravità liquida, ma prima che cosa è in se gravità e levità; dipoi descrivi perchè l'acqua si muove e perchè termina il moto suo, poi perchè ella si fa più tarda o veloce : oltre di questo come ella sempre discende essendo in confino d'aria più bassa di lei. Chome l'acqua si leva in aria mediante il chalore del sole e poi ricada in pioggia, anchora perchè l'acqua sorge dalle cime de monti e se l'acqua di nessuna vena più alta che l'oceano mare può versare acqua più alta desso oceano: come tutta l'acqua che torna all'oceano è più alta che la spera dell'acque, e come l'acqua delli mari equinotiali è più alta che le acque settentrionali, ed è più alta sotto. il corpo del sole che in nessuna parte del circolo equinotiali, chome si sperimenta sotto il calore dello stizzo infocato, l'acqua che mediante il calore di tale stizzo bolle e l'acqua circostante al centro di tal bollore sempre discende con onda circolare, et come l'acque settentrionali sono più basse che li altri mari e tanto più quando esse son più fredde in sin che si convertano in diaccio (MSS. de Léonard de Vinci, vol. E f. 12).

NOTE V.

[PAGE 42-

On voit cependant par le passage suivant que Léonard avait compris que la gravité était une force accélérative constante:

Per definire il discenso o inegualità delli intervalli delle ballotte dicho in prima per la 9º di questo chel discienso di ciascuna balotta dividendolo a gradi eguali per altezza che in ogni grado desso moto essa ballotta acquista un grado di velocità onde questa tale proportione di gradi velocità fia proportione continua arithmetica perchè si proportiona insieme li eccessi o ver differentie delle velocità; onde concludo che tali spatii saranno eguali perche sempre ecciedono o ver superano l'un l'altro con eguale accrescimento, e per questo l'acqua che versa da simile altezze fa il simile; anchora fa il simile acquistando in ogni grado di moto un grado di velocità onde per proportione arithmetica si va ecciedendo di grado in grado di suo descenso e per questo è necessario che l'acqua dove più si muove più si assottigli.

Lasciando cadere acqua d'un vaso d'altezza di 3o braccia, el filo dell'acqua sara lungho 3o braccia, si demanda qual peserà più il s' braccio o l'ultimo? (MSS, de Leonard de Vinci, vol. N. f. 145).

NOTE VI.

(PAGE 42)

Perche il martello rompe la pietra stante nella mano il falcino e taglia i ramicoli dei rami chessi tengono in mano. Questo è segno chel colpo sol più offende quella parte del corpo che più vicino allocho della percossa.

Bisogna nella percossa considerare 4 cose : la potenza che vale il percussore, la natura desso percussore ella natura della cosa percossa e della cosa che sostiene esso corpo battuto. Assiomi varj e belli della forza della percossa. L'aria si farà più densa che da corpo di più veloce moto sarà percossa.

(Del moto del fumo.)

Il cientro del moto fatto dal motor debbe essere nella medesima linea col cientro della lunghezza della cosa percossa (MSS. de Léonard de Vinci, vol. N, f. 28).

NOTE VII.

(PAGE 42.)

Della forza dell' uomo.

L'uomo tirando uno peso in bilancia con se non può tirare se non tanto quanto pesa lui, e s'egli è a levare lo leverà tanto più che nou pesa quanto lui avanza la comune forza degli altri uomini. La maggior forza che possa far l'uomo con pari prestezza e movemento si è quando lui fermerà i piedi sopra l'una delle teste delle bilancie, e punterà le spalle in qualche cosa stabile : questa leverà dell' opposita testa della bilancia tanto peso quanto lui pesa e tanto peso quanto lui a forza porta in su le spalle (MSS. de Léonard de Vinci, vol. A, f. 30).

NOTE VIII.

PAGE 44.)

Voici un fragment de cet ouvrage que j'ai tiré des manuscrits de Léonard.

L'uccello che discende sopra o sotto al vento tiene l'alie strette per non-essere sostenuto ompedito dall' aria, tielle forti sopra del suo busto accio non sia dall' impeto voltato sotto sopra.

Quando l'uccello tiene stretti li omeri dell'alie e largo le loro punte, esso fa più densa l'aria che non è l'altra dove esso non passa, e questo fa per ritardare il moto e non si sviar della linea di tal moto.

Ma quando l'uccello apre più l'homeri che le printe dalle alie, allora esso uccello vole ritardar il moto con maggior potentia.

Quando le punte e li homeri dell'alie sono d'egual vicinità, allora l'uccello vol discendere sanza impedimento dell'aria.

Quando l'uccello rauna ovver batte l'alie indietro nel suo discenso, questo è mamfesto segno che lui aumenta la velocità del suo discenso.

Qui per le cause della disposizione dell'uccello si noti la conseguenza delli effetti li quali l'uno all'altro insieme giunti mostran la volonta dell'uccello.

L'alia distesa da una parte e raccolta dall' altra mostrano l'uccello dechinare con moto circonvolubile intorno all' alia raccolta. L'alie equalmente raccolte mostrano l'accello volere discendere a drittura. Ma l'uccello sopra vento nel fine del moto represso terrà l'alie equalmente aperte perchè sarebbe dal vento arrovesciato. Ma raccoglie a se quell'alia intorno alla quale esso vol fare il moto circonvolubile, e drieto a quella discende e drieto, a quella s'aggira quando si vole inalzare o discendere.

Dice l'ayversario che ha veduto le prove chome l'uccello stando coll'alie interamente aperte non può discendere perpendiculare con suo danno o parte alcuna di detrimento e chonciede le prove che non può
cadere per taglio all'indietro perché non può negare le
assegnate prove... non può cadere col capo di sotto.
Ma che dubita se si trovassi per la linea della larghezza dell' alie esser con quella perpendiculare alla
terra che esso uccello non descendessi per taglio giù
per tal linea; a questa parte si risponde che qui la parte
più grave del corpo non si farebbe guida del moto e
tal moto sarebbe contro alla quarta di questo che fu
provato essere indefinito.

Li timoni dell'alie dell' uccello son quelli che immediate fanno l'uccello di sopra e di sotto alla... del vento e colloro pichol moto fendono l'aria per qualunque linea per la quale apritura l'uccello, poi con facilità può penetrare. Mai l'uccello discenderà all' indietro, perche il centro della sua gravità è più verso la testa che verso la sua coda.

Sempre Puccello discenderà contutto o parte del moto per quella linea dove il centro della sua gravità è più vicina alla stremita della latitudine desso uccello. Tutto inverso quella parte che sarà più vicina alla sua gravità dissi accodere il descenso quando una sola parte fia vicina a tal centro di gravità e li estremi dell' altre parti opposite restano a tal centro egualmente distanti chome quando l'uccello racchoglie la, testa presso al busto e l'alie restano egualmente distanti dal mezo e la coda retta ellarghe, allora l'uccello descenderà colla testa innanzi e la persona colla sua linea centrale si drizzera per tale moto.

Ma quando in tal moto l'una dell' alie si restringessi inverso il detto centro allora il discendere dell'uccello fia infra l'alia raccolta e la testa dell'uccello.

E se nel moto dell'alie egualemente aperte la coda si piega inverso l'una dell'alie, allora il moto dell'uccello eguirrà infra la testa dell'uccello e la sua opposita alia.

E se solamente la testa si piega inverso l'una dell' alie egualmente aperte allora il discenso obliquo procederà infra la testa e l'alia dove tal testa s'avviene.

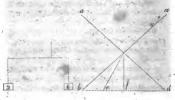
Il notare sopra dell'acqua insegna ali huomini come fauno li uccelli sopra dell'aria.

Convalida queste cose considerando un' asse cadente della quale il centro di gravità sia in varij luoghi e secondo le figure di quella.

Questo scriver si distintamente del Nibio, par che sia mio destino perchè nelle, prime ricordagioni della mia infantia e' mi parea che un Nibio essendo io in culla venisse a me e mi aprisse la bocca colla sua coda e molte volte mi percotessi con tal coda dentro la bocca.

Se l'uccello è in dispositione di discendere a po-

nente con sei gradi d'obliquità colla lunghezza del suo orpo e colla largezza delle sue alie aperte e in dispositione di discendere a mezzodi con due gradi d'obliquità chel suo retto discenso sarà amezzo infra liberciò e ponente, provasi, sia la lungezza dell'uccello la linea da, volta a ponente con b. e la linea c., ha la largezza dell'alie volte a mezodi colla d. ora perchè la linea ad. a sei gradi d'obliquità a ponente e la linea cd. na 2. a mezodi, in somma sono 8 gradi che abbracisno



8 quarte cioè 2, venti d. è mezzodi e c. libeccio, b. è punente chè tre venti che inchiudono 2. spatj come d. c. et ab, ora il resto moto sarà tanto più vicino al b. che al d. quanto la potentia di b. è maggiore che la potentia di d. sicchè essendo b. 6, sia P. 2 che fa 8 togli un mezo proportionale di conversa proportione che divida 8 in tal modo (MSS. de Léonard de Vinci, vol. N, f. 65).

NOTE IX.

. (PAGES 50.)

Dans le traité du mouvement des eaux, on trouve un chapitre qui a pour titre : « Come coll', acque correnti si deve condurre il terreno de' monti nelle valli paludose, farle fertili, e sanar l'aria circostante.» (Vinci, L. da, del moto e misura dell' acqua, p. 391). — Ce chapitre a dà être extrait du manuscrit P (f. 14), où je l'ai retrouvé avec quelques légères variantes, qui prouvent que le copiste avait de la difficulté à lire l'écriture de Léonard. Voici maintenant d'autres passages relatifs aux Colmates, que j'ai tirés de ses manuscrits.

Dello atterramento de' paduli.

Li atterramenti de' paduli saran fatti quando in essi paduli fien condotti li fiumi torbidi.

Questo si prova perchè dove il fiume corre di là leva il terreno e dove si ritarda qui lascia, la sua turbolentia, e questo è perchè nei fiumi mai l'acqua si ritarda come ne' paduli nelli quali l'acqua son di moto insensibile. Ma in essi paduli il fiume deve entrare per istorto loco basso e stricto e uscire per espatio largho e di pocha profondità, e questo è necessario perchè l'acqua corrente del fiume è più grossa di terrestri di sotto che di sopra e l'acqua tarda de' paduli ancora è il simile, ma molto è differente la levità superiore delli paludi alla gravità sua inferiore che non è nelle correnti dei fiumi nelli quali la levità superiore poco si varia dalla gravità inferiore adunque è conchlusa che il padule s'atterrerà perchè di sotto riviene acqua torba e di sopra sgorgha acqua chiara dall' opposita parte d'esso padule e per questo tal palude per necessità alzerà il suo fondo mediante il terreno che sopra di lui al chontinuo si scarica (MSS. de Léonard de Vinci, vol. E, f, 4).

L'acqua che scolasi della terra scoperta dal mare, quando essa terra s'inalzasse assai sopra del mare ancora ch'ella fussi quasi piana comincerebbe a fare diversi rivi per la parte più bassa d'esso piano e così cominciando a correre si farebbono ricettaculo delle altre acque circustanti e a questo modo in ogni parte, della sua lunghezza acquisterebbono larghezza e profondità sempre crescendo le sue acque insino a tanto che tutta tale acqua scolerebbe e queste tali concavità sarieno poi li corsi di torrenti che ricevono l'acque delle piove e così si anderebbon consumando i lati di tali fiumi insino a tanto che li tramezzi d'essi fiumi si farebbono acuti monti e così scalati tali colli comincerebbono a seccarsi e creare le pietre a falde maggiori o minori secondo la grossezza de' fanghe che li fiumi portarono in tal mare per li loro diluvii (MSS. de Léonard de Vinci, vol. F, f. 11.).

NOTE X.

(PAGES 51 et 52.

Degli animali che hanno l'ossa di fuori, come nicchi, chioccioli, ostriche, cappe, boroli e simili, che sono di spezie innumerabili (De' nicchi improntati e petrificati che non hanno la figura superfiziale dentro la loro scorza).

Quando li diluvii de fiumi intorbidati di sotto il fango lo scaricavano sopra gli animali che anno vita sotto l'acque vicino alli liti marini , essi animali rimaneano improntati da tal fango, e ritrovandosi assai sotto gran peso di fango era necessario morissino mancando lorogli animali di che essi nutrire si soleano e col tempo abbassandosi il mare, tal fango, scolati le acque salse si venne a convertirsi in pietra, e li gusci di tali nicchi, già consumati li loro animali erano in loco di quelli riempiuti di fango, e cosi nella creazione di tutto il circonstante fango in pietra ancora esso fango che dentro alle scorze de' nicchi alquanto aperti era rimaso, essendo per tale apertura di nicchi congiunto coll' altro fango, si venne ancora lui a convertire in pietra, e così restarono tutte le scorze di tali nicchi infra le due pietre, cioè infra quella che lor serravano, e quella che li rinchiudeva loro,

le quali ancora in molti lochi si ritrovano. E quasi tutti li uicchi petrificati nelli sassi de' monti hanno ancora la scorza naturale intorno; e massime quelli ch'erano invecchiati assai e che per la lor durezza s'eran conservati, e li giovani già calcinati in gran parte erano stati penetrati dall' umore viscioso e petrificati,

Delle ossa de' pesci che si trovano ne' pesci petrificati.

Tutti gli animali*che hanno l'ossa di dentro alla lor pelle che sono stati coperti dalli fanghi de' diluvi de' fiumi, discosti alli ordinari letti di tali finmi sono stati alla minuta improntati da tali fanghi i quali hanno consumato le loro carnosità e intestini, e solo ci è restato l'essa discomposte del loro ordine, e son cadute nel foudo della concavità della loro impronta, nella quale quando il fangho per la sua elevazione del corso del fiumi s'è secco dell' umido accorso, e' piglia l'umido viscioso, e fassi pietra rinchiudendo ciò che in lui si trova, e riempiendo ogni vacuità di se e trovando la concavità dell' impronta di tali animali sí sottilmente penetra per le minute porosità della terra per le quali nell'aria che dentro occupava si fugge per le parti laterali perchè di sopra fuggire non può, perchè tal porosità è occupata dall'umore che in tal vacuo discende, e di sotto non può fuggire perchè l'umore digià caduto ha rinserrata la porosità di sotto. Restano le parti laterali aperte donde tali aria condensata e premuta dall' umore che discende si fuggie colla medesima tardità qual è quella dell' umore che

quivi discende e così cisecca, tale umore si fa pietra, sanza granosità, e riserba la medesima forma dell'animale che quivi s'impronta e dentro a lui restano l'ossa.

Nicchi e loro necessaria figura (casa de' nicchi).

L'animale che abita nel nicchio si fa l'abitazione colle congiunture, commissure, coperchi e altre particole siccome l'uomo fa alla casa dov' esso abita, e questo animale cresce a gradi la casa e il coperchio secondo l'accrescimento del suo corpo, e ha la sua casa appiccata nelli lati di tal gusci : per la quale la tersità e delicatezza che han dentro tali gusci in tale appiccatura dell' animale che la vita rimane alquanto maculata, e con concavità ruvida atta a ritenere la congiunzione de' muscoli con che tale animale si ritira dentro quando si vuole riserrare in casa. Quando la natura viene alla generazion delle pietre, essa genera una qualità d'umore viscoso il quale col suo seccarsi congela in se ciò che dentro a lui si rinchiude, e non si converte in pietra ma si conserva dentro a se nelle forme che li ha trovati e per questo le foglie son trovate intere dentro alli sossi voti nelle radici de' monti con quella mistione di varie spezie siccome le lasciarono li diluyi di fiumi nati alli tempi delli autumni dove poi li fanghi delle inondazioni succedenti le recopersono, e questi tali fanghi poi si collegaron del sopradetto umore e convertirsi in pietra faldata a gradi secondo li gradi d'esso fango.

1

De' nicchi de' monti.

E se tu vorrai dire li nicchi esser prodotti dalla natura in essi monti, mediante la costellatione, per qual via mostrerai tale costellazione fare de' nicchi di varie grandezze è di diverse età e di varie spezie nel medesimo sito?

(Giara) E come mi mostrerai la giara congelata a gradi, in diverse altezze degli alti monti, perchè quivi a diverse ragioni giare, portate di diversi paesi dal corso de' fiumi in tal sito? E la ghiara non è altro che pezzi di pietra che hanno persi gli angoli per la lunga revoluzione e diverse percussioni e cadute che mediante li corsi dell'acqua che in tal loco la condusse.

(Delle foglie). Come proverai il grandissimo numero di foglie congelate negli alti sassi de tal monti, e l'alga erba de' mari stante a diacere con nicchi e rene; e così vedrai ogni cosa petrificata, insieme con granchi marini ridotti in pezzi. (MSS. de Léonard de Vinci, vol. F, f. 80).

NOTE XI.

(PAGE 52.)

Léonard s'est occupé de rechercher l'action des poisons sur l'économie végétale. Voici un passage qui le prouve.

Faciendo un bucho con un succhiello dentro un albusciello e chacciandovi arsenicho e risalghallo e sollimato stemperati con acqua arzente, a forza di fare e sua frutti velenosi o di farlo secchare. Ma vuole el detto foro essere grande e andare per infino al midollo e vuole esser in sul maturare de frutti. E la detta acqua venelosa vuole esser messa in detto foro con uno ischizzatojo e tirare con forza l'acqua: puossi fare ancora el medetimo quando gli albuscielli sono in succo (MSS. de Léonard de Vinci, vol. N, f. 11).

NOTE XII.

(PAGE 53.)

Il frusso e rifrusso e doppio n'un medesimo pelago, perchè esso sarà molte volte nella bocca di tal pelago innanzi che sia el grande nel pelago grande, e questo accade che l'onde del primo frusso corron forte infra 'l pelago e nel tempo che tali onde seguita il suo impeto quella della bocca fa il suo rifrusso e avanti che l'onda che s'ingolfa senta il rifrusso di tal bocca di pelago già nasce il rifrusso in essa bocca e in quel tempo l'onda ingolfata si ferma allentando il suo impeto quando la seconda ingolfatione della 2º onda rinanse e cosi se ne ingolfa tante d'esse onde che il pelago malzato le sue acque ritornano con impeto indreto il rifrusso che ritorna indreto in essa bocca non s'ingolfa più nella 3º o 4º insin a tanto che esea la prima acqua non è disgolfata (MSS. de Léonard de Vinci, vol. F. f. 6).

NOTE XIII.

4 PAGE 53.)

Della potentia del vacuo generato in istante.

Vidi a Milano una saetta percotere la torre della credenza da quella parte che risguarda tramontana e discese con tardo moto per esso lato e immediate si divise da essa torre e potto con seco e svelse d'esso muro una spazio di 3 b per ogni verso e profondo due, e questo muro e ra gosso 4 braccia ed era murato di sottili e minuti mattoni antichi, e questo fu tirato v dal vacuo che la fiamma della saetta lasciò di se (MSS. de Léonard de Vinci, vol. E., f. 3).

NOTE XIV.

(PAGE 54

In prima definisci l'occhio, poi mostra come il battere d'alcuna stella viene dall'occhio e perchè il battere d'esse sielle u più nell'une che nell'altra, e come li razzi delle stelle nascon dall'occhio (MSS. de Léonard de Vinci, vol. F, f. 25).

Se guarderei le stelle senza razzi come si fa a vederle per un piccolo foro fatto coll' estrema punta d'una strema agucchia.... posto quasi a toccare l'occhio tu vederai esse stelle essere tanto minime che nulla cosa pare essere minore, e veramente la lunga distanzia da loro ragionevole diminuzione ancora che molte vi sono che sono moltissime volte maggiori che la stella, cioè la terra coll'acqua. Ora pensa quel che parrebbe essa nostra stella in tanta distanzia e considera poi quante stelle si metterebbe o per longitudine o latitudine in fra esse stelle le quali sono seminate per esso spazio tenebroso. Mai non posso fare ch'io non biasimi molti di quelli antichi le quali dicono che il sole non avea altra grandezza che questa che si mostra, fra quali fu Epicuro, e credo che cavassi tale ragione da un lume posto in questa nostra aria equidistante dal centro. . chi lo vede nol vede mai diminuito de grandezza in nessuna distanza. E le ragioni della sua grandezza e

(229)

virtù le riservo nel Xº libro; ma hen mi maraviglio che Socrate hiasimasse questo tal corpo e che dicesse quello essere a similitudine di pietra infocata...

(MSS. de Léonard de Vingi, vol. F, f. 5).

NOTE XV.

(PAGE 54.)

Che cosa è la luna.

La luna non è luminosa per se, ma bene è atta a ricievere la natura della luce assimilitudine dello spechio



dellacqua o altro chorpo lucido e crescie nelloriente e occidente chome il sole e gli altri pianeti. Ela ragione sie che ogni chorpo luminoso quanto più s'alloutana più cresscie Chiaro si può chomprendere che ogni pianeta esstella e più lontano da noi su el ponente che quando cie sopra chapo circha 3500 per la pruova segniata da parte esse vedis spechiare il sole o luma nellacqua chetti sia vicina paratti in detta acqua della grandezza chetti pare in cielo. Essella lontanera uno miglio parerà magiore 100 volte esselo vederai spechiare in mare neltramontare il sole spechiato ti para grande piu di 10 miglia perche ochopera in detta spechiatione piu di 10 miglia di marina, essettu fussi dove la luna parebbeti esso sole spechiars in tanto dove la luna parebbeti esso sole spechiars in tanto mare in quanto egli n'alumina ala giornata ella tera

(231)

parebe infra detta ácqua chome pare le machie solari chessopo inella luna laqual stando in terra si demostra tale aglomini qual farebe alliomini che abitassino nella luna il nostro mondo apunto (MSS. de Léonard de Vinci, vol. A, f. 64). (232).

NOTE XVI.

(PAGE 54.)

Quell'arculo dello splendore che pare che circondi i corpi luminosi non si mutera mutandosì essi corpi da lunghi a tondi.



La cagioni di questo si è che detto splendore è nell'occhio e non foria d'inforno al lume compare.

(MSS. de Léonard de Vinci, vol. N. 1. 80.)

NOTE XVII.

(PAGE 54.)

1º La pupilla dell' occhio disminisce tanto la sua quautità quanto è erescie il luminoso che in lei s'imprime.

2. Tanto crescie la pupilla dell'occhio quanto diminisce la chiarezza del giorno o d'altro lume che in lei s'imprime.

3º Tanto più intensivamente vede o conoscie l'occhio le cose che li stanno per obbietto quanto la sua pugilla più si dilata e questo proviamo mediante li animali notturni come nelle gatte e altri volatili, come il gufo e simili li qual la pupilla fa grandissima variazione de grande a piccola nelle tenebre o nell'alluminato.

4º L'occhio posto nell'aria alluminata vede tenebre dentro alle finestre delle abitazioni alluminate.

. 5° Tutti li colori posti in lochi ombrosi pajono essere d'eguale oscurità in fra loro.

6- Ma tutti li colori poste in lochi luminosi non si varian mai della loro essenzia. (MSS. de Léonard do Vinci, vol. E, f. 17).

NOTE XVIII.

(PAGE 54.)

Lo spiraculo luminoso veduto di loco tenebroso, ancora ch'esso sia d'uniforma larghezza, e' parrà



forte ristringersi vicino qualunque obietto fia interposto infra l'occhio e tale spiraculo (MSS. de Léonard de Vinci, vol. F, f. 31. — Voyez aussi vol. X, f. 72, etc.)

NOTE XIX.

(PAGE 55.)

La isperientia non falla mai, ma sol fallano i vostri giuditi promettendosi di quella che in e vostri experimenti chausati non sono (perchè dato un principio è necessario che ciò che seguita di quello e vero consequenze di tal principio se già non fussi impedito, e se pur seguità a lacuno impedimento, l'effetto che doveva seguire del predetto principio participa tanto più o meno del detto impedimento quanto esso impedimento è più o men potente del già detto principio. (MSS. de Léonard de Vinci, vol. N, f. 151.)

Come le esperienze ingannano chi non conosce loro natura, perchè quelle che spesse volte pajono una medesima spesse volte son di gran varietà come qui si dimostra (MSS. de Léonard de Vinci, vol. I, f. 53).

Sicchè voi speculatori non vi fidate delli autori che anno sol col immaginatione voluto farsi interpreti tra la natura e l'omo, ma sol di quelli che non coi cienni della natura ma cogli effetti delle sue esperienze anno esercitati i loro ingegni. (MSS. de Léonard de Vinci, vol. 1, f. 34.)

NOTE XX.

(PAGE 58.)

Les deux passages suivans, auxquels on pourrait en ajouter beaucoup d'autres, prouvent que Léonard avait des idées philosophiques très hardies.

Ma io vorrei vocaboli che mi servessono a biasimare quelli che vollon laudare più l'adorare li omini che il sole. Non vedendo nell'universo corpo di maggior magnitudine e virtù di quello, e il suo lume allumina tutti li corpi celesti che per l'universo si comportano. Tutte l'anime descendon da lui perchè il caldo. ch'ènellianimalivivivien dall'anima e nessun altro caldo nè lume è nell' universo come mostrerò nel 4º libro. E certo costoro che hanno voluto adorare uomini periddei come Giove, Saturno, Marte e simili han fatto. grandissimo errore vedendo che ancora che l'omo fusse grande quanto il nostro mondo, che parrebbe simile a una minima stella la quale pare un punto nell'universo e ancora vedendo essi omini mortali e putridi e corruttibili nella lor sepoltura e molti fecer bottega con inganni e miraculi finti ingannando la stolta moltitudine, e se nessuno si scopria conoscitore de' loro inganni essi li puniano. Forse Epicuro vide le ombre delle colonne ripercosse nelli antiposti muri essere eguali al diametro della colonna donde si partia tale ombra, essendo dunque il concorso dell'ombra

parallela dal suo nascimento al suo fine li parve giudicare il sole ancora lui fusse fronte di tal paralello e per consequenza non essere più grosso di tal colonna, e non s'avvide che tal diminuzione d'ombra era insensibile per la lunga distanza del sole, se il sole fusse minore della terra, le stelle di gran parte del nostro emisperio sarebber sanza lume, come a Epicuro che dice tanto è grande il sole quanto e'pare. (MSS. de Lionard de Vinci, vol. F, f. 5).

Non può esser voce dove non è movimento e percussione d'aria : non può esser percussione d'essa aria dove non è strumento : non può essere strumento incorporeò. Essendo così uno spirito non può avere nè voce, nè forma, nè forta, e se piglierà corpo non potrà penetrare nè entrare dove gli usci son serrati; e se alcuno dicesse per aria congregata e ristretta insieme lo spirito piglia i corpi di varie forme, e per quello strumento parla e move con forza, a questo parte dico che dove non è nervi e ossa, non può esser forza operata in nessum movimento fatto dagl'immaginati spiriti. (MSS. da Leonard de Vinci, vol. B, f. 4).

NOTE XXI.

(PAGE 58.)

Se bene come loro non sapessi allegare gli autori, molto maggiore e più degna cosa allegherò allegando la esperienti maestra ai loro maestri. Costoro vanno schonfiati e pomposi, vestiti e ornati non delle loro ma delle altrui fatiche, e le mie a me medesimo non concedono. Me inventore disprezzano; quanto maggiormente loro nori inventore ma trombetti e recitatori delle altrui opere dovranno essere biasimati?

Proemio

E da essere giudicati enon altrimente stimat li omini inventori e interpetri tralla natura e gli omini, a chomparatione de recitatori e trombetti delle altrui opere, quant' è dall' obietto fori dello specchio alla similitudine dell' obietto apparente nello specchio che lai non per se., niente; giente poco obligate alla natura perchè sono sol d'accidental vestiti e sanza il aquale potrei acchompagnarli infra gli armenti delle bestie. (MSS. de L'onard de Vinoz; vol. N, f. 198).

NOTE XXII.

(PAGE 97.)

Voici un fragment d'une lettre de Colomb, reproduite par Morelli et inscrée par Bossi dans la vie de Colomb (Boisi, vita, p. 219). Bien que ce ne soitqu'une traduction (1), on trouverait difficilement en italien un morceau plus éloquient.

« Mio fratello e l'altra gente futta era in una nave che era restata nel fiume, e io solo di fuora in tanto brava costa; con forte febbre, e tanta fatica, che la speranga di scampare era già morta. Pur come meglio potei, montai sul più alto della nave, chiamando con voce timorosa, e piangendo molto, li maestri della guerra di vostre maestis, e ancora chiamai tutti quattro i venti per soccorso, ma mai mi risposero: stracco mi addormentai. Gemendo senti una voce molto pietosa che diceva queste parole: O stolio e tardo a credere e a servire il tuo Iddio e Iddio di tutti Che fece egli più per Mosè e per David suo servo? Da poi che nascesti, ebbe di te sempre gran cura: quando ti vedde in età della quale fu contento,

⁽¹⁾ Je me suis permis de corriger les fantes d'impression qui fourmillent dans l'édition dont Morelli a douve une espèce de fac-simile.

maravigliosamente fe sonare il tuo nome sulla terra. Le Indie, che sono parte del mondo così ricca, te le ha date per tue : tu le hai ripartite dove ti è piaciuto, e ti diè potenza di farlo. Dei ligamenti del mare oceano, che erano serrati con si forti catene, ti donò le chiavi; e fosti ubbidito in tante terre, e dai cristiani ottenesti così buona fama e onorevole. Qual cosa fece più al popolo di Israele, quando lo cavò di Egitto? ne ancora per David, che di pastore lo fe re di Giudea. Torna a lui e conosci lo error tuo, che sua misericordia è infinita. Tua vecchiezza non impedira cose grandi : molte eredità grandissime sono in suo potere. Abraam passava anni cento quando ingenera Isaac, ne anche Sara era giovine. Tu chiami soccorso incerto. Rispondimi, chi ti ha afflitto tanto e tante volte; Dio, o il mondo? I privilegii e le promesse che Dio dà, non gl'infrange mai, nè mai dice dopo di aver ricevuto il servigio, che sua intenzione non era questa, e che s' intenda in altra forma, ne damartoro per dar colore alla forza Ei va in capo del testo : tutto ciò che promette attende con accrescimento : questa è sua usanza. Io ti ho detto quanto il Creatore abbia fatto per te e fa con tutti. Adesso mi mostra il guiderdone e pagamento di tanti affanni e pericoli, che hai passati servendo ad altri. E io così mezzo morto sentiva ogni cosa; ma mai non potei riavere la voce, per rispondere a parole così certe, salvo piangere per li miei errori. Costui forni di parlare, si fosse chi voglia, dicendo: Confidati e non temere, che le tribolazioni stanno scritte nel marmo, e non senza cagione. »

NOTE XXIII.

(PAGE 107.)

Voici le catalogue des ouvrages de Maurolycus tel qu'il se trouve dans sa *Cosmographie* et dans ses *Opuscules*.

Quin (1) et aliquot meas lucubratiunculas, præter hos dialogos, habeo. Sed nihil in lucem, nisi te favente, proditi: satis autem faveris, si prodite iusseris. Porrò tam aliena, quam mea, modo locum aliquem mereantur, decreveram in quatuor sectiones distinguere, quorum indicem cum ipsorum operum titulis, ac quasi argumentis exporam ante dialogos; ut inde, si maiores curæ cesserint: examines laborem meum. Sed ne pluribus quam opus sit, agam, eccum indicem ipsum.

In prima sectione.

Euclidis Elementa in libellos XV ita distincta, ut primi quatuor planorum, quintus ac sextus proportionum, septimus, octavus, nonus, arithmeticorum vocentur, decimus symmetriæ, quinque reliqui soli-

16

⁽¹⁾ Maurolyci cosmographia, ep. ad Bembum,

dorum. Ex traditione Theone, ut transtulit Zambertus: nec esclusis Campani additionibus quibusdam. Adiectis preterea circa regularia solida speculationibus complurimis: que ad plenam ipsorum solidorum, quoad perpendiculares, basea, superficies et corpulentias, collationem, erant necessaria; ubi plane quivis animadvertet Zambertum quamvis grace peritum exemplaris tamen vitio deceptum peccasse, Campanum vero authoris alicubi terminos temere pervertisse.

Theodosii Sphærica: quæ hactenus incorrecta ac neglecta iacuerunt: quasi non sint astronomiæ totius et præsertim sphæræ fundamenta.

Apollonii Pergei Conica emendatissima: ubi manifestum erit, Io. Baptistam Memmium in eorum tralatione pueriles errores admisisse Mathematicæ præsertim ignoratione deceptum.

Sereni Cylindrica.

Archimedis Syracusani de circuli dimensione libellus cum calculo nostro ad mensuram peripheriæ propius accedente.

Eiusdem de sphæra et cylindro ex traditione Eutotii Ascalonitæ.

Eiusdem, de isoperimetris figuris tam planis, quam solidis: ubi planarum circulis, solidarum vero figurarum isoperimetrarum sphæra concluditur esse maxima.

Menelai Sphærica cum Tebitij, nostrisque additionibus, unde tota sphæralium triangulorum scientia scaturiit.

De figuris planis, solidisque regularibus locum im-

plentibus libellus noster : quanquam de hoc negocio Joannem a Regiomonte accuratissime scripsisse certum sit : verum opus nondum, quod sciâm, editum. Demonstramus autem in libello è solidis regularibus cubos per se : pyramides vero cum octahedris cumpactas duntaxat implere locum, qua in re Averroem pueriliter errasse, manifestum erit.

Euclidis data ex traditione Pappi; tranlatio est

Inventio duarum mediarum proportionalium ex traditione præstantissimorum authorum Platonis, Architæ Menæchmi, Heronis, Philonis Byzantii, et Pappi.

Modus secandi datam spheram ad datam rationem ex Dionysodoro, quæ quamvis à Georgió Valla tralata sint: tamen vix intelligi poterant: tum quo fuerant obscure, ne dicam mala tradita: tum quo ad ea perpendenda opus erat in Menechmo et Dyonisodoro quibusdam Apollonij et Archimedis locis.

In secunda sectione.

Boetians Arithmetics compendium; Iordani Arithmeticorum libelli decem ad miram tum facilitatem, tum previtatem redacta.

Eiusdem data arithmetica.

Arithmetica nostra speculativa: in qua multa circa triangulos, quadratos, hexagonos, cubosque numeros et alias sorum species, a la alis pretermisas acutissime demonstrantur, tum circa praxim arithmeticam tam rationalium, quam irrationalium magnitudinum, qua 16. in decimo elementorum, præcepta cum minime negligenda, tum ad practicas quæstiones necessaria.

Data arithmetica nostra, in quibus multa sunt a Iordano prætermissa.

Euclidis Optica, in quibus agitur de his, quæ ad visum et visibilia pertinent.

Eiusdem Catoptrica, hoc est specularia: in quibus de iis quæ in specula: ubi optimis ipse argumentis refractiones ad angulos equales omnino fieri demonstrat.

Archimedis libellus de speculis comburentibus : in quo docet ac ostendit, speculo, ut sit ad comburendum efficacissimum, formam dandam esse à parabola : que est una ex conicis sectionibus, quare negocium huisamodi intelligere volenti, opus esse notitia conicorum elemenorum.

Photismi nostri, sive radiationes: in quibus de lumine et umbra, quo ad perspectivam spectat, satis agitur, um lucem per quale cunque foramen admissam adipisci formam ad certum intervallum radianti corpori similem: et perinde solir radium in circularem formam, aut si deficiat in lunulam similem ve deficienti projici, demonstravimus, locum scilicet non satis intellectum à Ioanne, vulgate perspective authore.

Diaphana nostra : in quibus ostendimus, ea, quæ per corpus aliquod perspicutum transparent, magnitudine, numero, situ, formamque diversis spectari, iuxta formam perspicui corporis, tum etiam multa super Iride discussimus.

Ioannis Petsan Perspectiva emendata Rogerii Bac-

chonis Perspectiva utilissima. De motibus et motuum Symmetria demonstrationes nostra scitu incunda. Archimedis de momentis æqualibus, sive de æquiponderantibus, libellus ex traditione Eutotij Ascalonitæ.

Einsdem libellus de quadratura parabolæ acutissimus: quem intelligere volenti opus est conicorum et momentorum æqualium notitia.

Bœtianæ musicæ compendium.

Musicæ speculativæ ac practicæ compendium ex Guidone alijsque authoribus: in quo vocum consonantium ac dissonantium ratio plene discutitur.

Arithmeticæ quæstiones nostræ.

Geometricæ quæstiones nestræ.

Tetragonismus, sive quadratura circuli Hippocratis, Archimedis et aliorum.

Positionum regulæ: quæ vulgo Algebra barbaro nomine appellantur, cum demonstrationibus et exemplis ad quatuor præcepta redactæ.

In tertia sectione.

Magne Ptolemaice constructionis compendium, cum demonstrationibus Tebiții circa ea, in quibus Ptolemai demonstratio deficit; item cum quibusdam Albategnii, Georgij Peurbachij' et Joannis de Regiomonte, aliquorunque additionibus, ubi quivis totam astrorum theoriam facile adipisci poterit.

Sphæra nostra mobilis in octo capita, multasque conclusiones distincta.

Georgij Peurbachij theoriæ cum scholiis nostris,

Procli sphæra.

Campani sphæra.

Theodosii de habitationibus.

Eiusdem de noctibus et diebus libellus.

Autolyci de ortu et occasu Syderum, sive Phænomena.

Euclidis Phænomena ad miram facilitatem redacta.

Alphagrani compendium.

Tebit Rudimenta.

Eiusdem de motu octavæ spheræ.

Albategnii et aliorum quorundam traditiones. Geographiæ ptolemaicæ compendium.

Astronomica Problemata nostra: in quibus totus astronomiæ calculus, modusque ad tabulas emendan-

astronomiæ calculus, modusque ad tabulas emendandas sive restituendas exponitur.

Tabella nostra sinus recti distincta per singulos

Tabelia nostra sinus recu usuntus per singuios quadrantis gradus, graduumque minutus, supponens sinum maximum, hoe est circuli semidiametrum in millies mille pluresve particulas sectam: ac geometricæ astronomicæ que praxi perquam necessaria.

In Alfonsi tabellas problemata. Nam canones qui circumferentur, non carent omnino mendis.

In directionum tabulas Joannis de Monteregio, problemata: în quibus nonnulla ab authore prætermissa ingeniose discutiuntur.

In tabulam magnam primi mobilis eiusdem authoris, brevissimi et ad oninia generales canones.

In tabulas eclipsium Georgij Peurbachij canones.

In diarium perpetuum canones : in quibus calculi ad eas tabulas pertinentis summa brevibus exponitur.

In quarta sectione.

Quadrati geometrici fabrica et usus cum demonstrationibus.

Quadrantis fabrica et usus.

Astrolabi fabrica et usus.

Quadrati horarii fabrica et usus.

Solariorum fabrica ad omnem horizontem,

Vitruvianæ Architecturæ compendium: in quocomplures loci enodantur.

Aristotelis problemata mechanica.

Trochilia nostra, in quibus rotarum contextus in horologiorum machinis exponitur.

Heronis inventa spiritalia: ac nonnullæ machinæ hydraulicæ à recentioribus inventæ.

Speculationes mathematicæ nostræ: in quibus circa linearum symmetriam: circa optica et catoptrica, circa determinationes maximarum æquationum in deferentibus planetarum, et alias questiones, multadiscutiontur.

INDEX LUCUBRATIONUM. (1)

Euclidis Elementa, discussis interpretum erroribus, tam Campani nimium sibi confidentis, quam Zamberti professionem ignorantis. Cum additionibus quarum-

⁽¹⁾ Maurolyci opuscula (ad calc).

dam propositionum, præsertim, ad regularia solida spectantium.

Theodosij sphærica elementa libris tribus, astronomiæ principiis necessaria.

Menelai sphærica libris. 3. multis demonstrationibus adaucta, ad scientiam sphæralium triangulorum pertinentia.

Apollonij Conica elementa libris 4. et demonstrationibus et lineamentis opportunis instaurata.

Sereni Cylindrica libris 2.

Archimedis opera, De dimensione Circuli, De Sphera et Cylindro, De Isoperimetris, De Momentis æqualibus. De Quadratura Parabolæ. De Spheroïdibus et Conoidibus figuris. De Spiralibus. Cum additione demonstrationum, facilius demonstrata.

Iordani Arithemetica, et Data.

Theonis Data geometrica.

Rogerii Baccoms, et Io. Petsan Perspective breviatæ cum adnotationibus errorum.

Ptolemei Specula. Et de speculo ustorio libellus.

Autolyci de Sphera quæ movetur.

Theodosii de habitationibus.

Euclidis Phænomena brevissimè demonstrata.

Aristotelis problemata mechanica, cum additionibus complurimis, et iis quæ ad pyxidem nauticam, et quæ ad Iridem spectant.

PROPRIA IPSIUS AUTHORIS.

Prologi, sive sermones quidam de divisione artium, de quantitate, de proportione, de mathematicæ authoribus, de sphæra, de cosmographia, de conicis, de solidis regularibus, de operitus Archimedis, de quadratura circuli, de instrumentis, de calculo, de perspectiva, de musica, de divinatione.

Arithmetica speculativa libris duobus; in quorum primo multa de formis tam planis, quàm solidis numerorum a nemine hactenus animadversa, in secundo autem theoria et prazis rationalium et irrationalium, magnitudinum per numerarios terripinos cum multis novis, quæ ad decimuna Euclidis faciunt ; demonstrationibus abunde tractatur.

Arithmetica data libellis quattuor demonstrata.

Positionum et rei demonstrationes ad quattuor præcepta vel cápita redactæ. Sphæricorum libelli due, in quibus multa a Mene-

lao neglecta, vel. omissa supplentur pro spheralium scientia triangulorum.

Sphera mobilis in octo capita pro circulis primi motus.

Cosmographia de forma, situ, mumeroque, colorum et elementorum olim Petro Bembo dicata.

Conicorum elementorum quintus et sextus post quattuor Apollonii libros locandi.

De compaginatione solidorum regularium.

Quæ figuræ tam planæ, quam solidæ locum impleant, ubi Averroes geometriam ignorasse indicatur.

De momentis æqualibus libri quattuor in quorum postremo de centris solidorum ab Archimede omissis agitur: et de centro solidi parabolici.

De quadrati geometrici, quadrantis et astrolabi speculatione, fabrica, usuque.

De lineis horariis libris 3. In quibus tota huius-

modi linearum theoria, quo ad situm, colligantiam et descriptionem ipsarum plene tractatur. Nam lineœ horaria à meridie cepte, secant periferiam quandam in iis punctis in quibus eandem tangunt lineœ horaria ab occasu vel ortu extensa. Talis autem periferia vel circulus est, vel ex conicis sectionibus aliqua, scilictet Parabole, Ellipsis, vel Hyperbole.

Photismi de lumine, et umbra, ad perspectivam et radiorum incidenciam facientes.

Diaphana in. 3. libros divisa. In quorum primo de perspicuis corporibus; in 2. de iride; in 3. autem de organi visualis structura, et conspicillorum formis agitur.

Quæstionum arithmeticarum libelli 3. geometricarum libelli. 2. astronomicorum problematum tres : in quibus regulæ cum exemplis traduntur.

Adnotationes omnimodæ in diversos mathematicæ locos.

Canones tabularum Alfonsi, Blanchini Eclipsium directionum primi mobilis.

Compendium mathematica brevissimum.

Elementorum Euclidis epitome cum novis et artificiosissimis in quintium, in arithmetica, in decimum, et in solidorum libros demonstrationibus.

Conicorum Apollonii breviarium libris 3. facilius et directe demonstratum.

Tabula situs recti supponens sinum maximum sive . circuli semidiametrum plurium, quam millies mille' particularum; quod est totius geometrici, astronomicique calculi incessarium instrumentum.

Compendium magnæ constructionis Ptolomaicæ

omnium observationum astronomicarum seriem paucis comprehedens ex breviario Io. Regimontii.

Compendium Boetianæ musicæ, cum optimis speculationibus et calculo ac modulatuum ratione et systematum proportione.

Sphera in compendium breviter omnia comprehendens, cum motuum secundorum theoria.

Computus ecclesiasticus brevis et exactus.

Adnotationes in Sphæram Io. Sacrobasti, et in theoricas planetarum.

Quadrati, quadrantis, astrolabi, instrumenti armillaris et sphæræ solidæ demonstratio fabrica et usus, per novam, artificiosam, brevemque speculationem.

per novam, artificiosam, brevemque speculationem.

De lineis horariis regulæ brevissimæ et theoria pro
quocunque horizonte.

Compendium Sicanicæ historiæ.

Martyrologium Sanctorum correctum et instauratum. Cum topographia et aliis appendicibus:

Hymnorum ecclesiasticorum liber unus.

Carminum et epigrammatum libelli duo.

Poemata Phocylidis et Pythagoræ moralia latino metro.

Genealogia Deorum, Io. Boccacii adaucta, cum multis illustrium virorum et principum carptim collectis prosapiis ad poesim et historiam necessariis:

Rythmi vulgari seu vernaculo sermone, in laudem S. Crucis.

Chronologia ab Adamo protoplasto, Christi, principum, præsulum et notabilium rerum, brevissima.

Itinerarium Syriacum cum historiis ad loca sacra pertinentibus.

Ad Petrum Bembum de Ætueo incendio. Ad Synodi Tridentini patres epistola.

Breviaria

Platinæ de vitis Pontificum-Sex librorum de vitis Patrum. Decem librorum Laertii de vitis philosophorum. Petri Criniti de vitis poetarum. Octo librorum Polydori de inventoribus rerum. Consiliorum Synodalium. Sex librorum Diodori Siculi. Grammaticarum institutionum libri sex. Ouadrati horarii fabrica, et usus.

Demonstratio et praxis.

Trium tabellarum sinus recti, beneficæ et fæcundæ, ad scientiam et calculum triangulorum sphæralium utiles.

Compendium indiciariæ ex optimis quibusque authoribus decerptum, in quo de naturis signorum et domorum 12. septemque planetarum constellationum, aspectuum, directionum, profectionum, horoscoperum, electionum, et quastionum segulæ, præsertim ad agrícolas, medicos, nautas et milites, et exclusis superstitionibus, directæ.

Notandum quod ex supra scriptis operibus, Theodosii, Menelai, Maurolyci spherica: item Autolici sphæra, Theodosii de habitationibus, Euclidis phænomena. Demonstratio et praxis trium tabellarum sinus. recti, fæcundæ, ac beneficæ, compendium Mathematicæ brevissimum simul in unum volumen: Massanæ impressa fuerunt å Petro Spina filio, Georgii Spinæ Germani, anno saluti 1558.

Item.

Cosmographia olim Petro Bembo dedicata 3. lib. Impressa fuit Venetiis apud Junctas, anno salutis 1543. Et rursum Basileæ apud Jo. Oponimum.

Item.

Quadrati horarii fabrica et usus d. Jo. XX dicata. Venetiis apud Nicolaum Bassanimum, anno sal. 1546.

Item.

Grammatica quædam rudimenta, Messanæ peeundem Georgii Spina filium, anno salutis 1528. Rythmi quoque materni de laude J. C. ibidem per eosdem, anno salutis 1552.

Item.

Martyrologium correctum et instauratum reverenc. domino M. Ant. Anulio card. dicatum cum apographia cum multis appendicibus, anno salutis 1567, mense septembris. Venetiis apud Junctas impressum et iterum in forma parva forma mense Julio 1568. Item

Historiæ Sicanicæ compendium cum epistola simul ad patres Tridentinæ Synodi, Messanæ impressum per eundem Georgii Spinæ filium et nepotes, anno sal. 1562.

Item.

De vita Christi eiusque matris et gestis Apostolorum libelli octo senariis rythmis vulgaribus. Venitiis per Augustinum Bindonum, 1556.

A la fin de la vie de Maurolyçus, écrite par son neveu, le baron della Foresta (1), on trouve un catalogue des ouvrages du géomètre de Messine. Il est semblable à celui que nous donnons ici, et contient de plus l'indication des manuscrits suivans:

De piscibus siculis brevis tractatus.

Palephati de non credendis historiis epitome.

Fulgentij mytalogiarum epitome.

Ciceronis de natura Deorum, et de divinatione epitome.

Scholia in Asinum aureum Lucij Apulei.

Epitome de grammaticis Suetonii.

Tractatus de placitis philosophorum.

Opus epistolarum ad diversos viros illustres.

⁽¹⁾ Foresta, della, vita di F, Maurolico, p. 36-41.

Quamplures epistolæ ad multos.

Plurimorum sanctorum vitæ, videlicet :

Sancti Pancratii Tauronimisanorum Pont.

Historia sanctorum Alphii Philadelphii, et Cirini.

Vita Aagtonis Liparitani.

Vita sancti Angeli Carmelitæ.

Vita sancti Alberti Carmelitæ.

Vita Cononis Naxii viri sanctissimi mon. ord. sancti Basilii.

Vita sancti Calogeri.

Vita B. Gullielm.

Vita sancti Philippi præsb. Argyritæ.

Vita sancti Corradi Placentini.

Vita Laurentii presb. qui floruit in villa Frazano

Vita sanctæ Venneræ Siculæ. Vita sancti Nicandri Heremitæ, et sociorum ex qui-

busdam græcis historiis decerpta.

Vita B. Eustochii virginis Franciscanæ Mess.

Et parmi les ouvrages qui ont été imprimés : De lineis horariis fib. tre, acutissimis Computus ecclesiasticus strictim obllectus. Tract. Instrument. astronomicorum. Musicæ traditiones. Euclidis propositiones elementorum tredecimim solidorum tertij. Regularium corporum primi. Arithmeticorum lib. duo subtilissimi. Photismi de umbra, etc.

NOTE XXIV.

(PAGE 117.)

Superest ut solus axis radiosæ pyramidis perpendiculariter ingrediatur, et exeat pupillam; cæteri verò omnes radij visuales tam in aditu, quam in exitu frangantur. Sed quo pacto, qua lege frangentur, nisi ea quam diaphan figura postulat! Cum ergo in convexo utrinque diaphaño tam incidentes, quam prodeuntes radii in ipsis incidentiarum, egressumque punctis frangantur ad axem medium accedentes; ut satis in prima parte huius operis demonstratum est; iam et in pupilla, cui huius modi figuram natura comparavit, id idem facient visuales radii : quibus talis organi forma . vel ob id commoda . fuit, quod utrinque coadunandi fuerant: extrinsecus quidem, ut per exiguum uvez foramen ingressuris; intrinsecus autem, ut ad opticum neruum speciem rei visæ congregaturis : sed minus extrinsecus ne nimiæ coadunatio non satis esset ad excipiendia latiora spatia ; concursusque radiorum acceleratus visum breviaret. Proptereà igitur anteriorem faciem pupilla minus agglobatam sortita est maioris scilicet sphæræ portionem : sic enim ut dudum conclusimus protelatur concursus. Non ergo aliunde, quam ex forma pupilla quærenda est visus diversarum qualitatum ratio. Nam cum perspicui forma variata, variet quoque fractionis angulum, iam hinc et visualium

radiorum situm diversificari, concursumque nunc anticipari, nunc differri necesse erit. Et quoniam quò minor est perspicuus globus, eò minus spatium coadunat radios : ideò et qui conglobatiorem sortiti sunt pupillam, breviore sunt visu præditi : in iis enim radij visuales ad coincidentiam properantes minimè proveniunt ad remotiora dispicienda aut si dilatantur radij exteriores à re spectanda in pupillam cadentes : coarctari oportet nimium interiores à pupilla per vitreum ad opticum nervum transmissos; quæ coarctatio nimia confundit judicium ac distinctionem sensus. Hæc est ratio cur quidam brevissimum visum habent; contra qui expansiorem pupillæ faciem, hoc est', de maiori sphæra sumptam habent, iis expansiores radij ad longius spectandum feruntur, concursu iam protelato: neque opus est hic dilatari radios, coarctarique interiores (Maurolycus, de lumine et umbra, p. 85).

NOTE XXV.

(PAGES 122 et 125.)

Scito igitur proportionem corporis ad corpus (dentur modo homogenea et uniformia) ita se habere, sicuti se habet virtus ad virtutem.

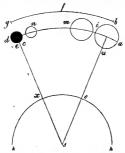
Sint exempli causa, duo corpora plumbea et inæqualia a. et e. literis insignita, quorum, corpus a.



notatum, triplici quantitate superet e. atque jam infero, massam a. pondere triplici excessuram corpus
e., notetur itaque pondus a. litera b., et e. signatur
f. et mente concipiatur corpus a. di visum esse in
treis æquales partes c. d. g. videlicet, quarum partium pondera h. i. k., iam manifestum est pro præsupposito, singulas parteis c. d. g. æqualitate responsuras
corpori e. ponderabitque per communem scientiam
æqualiter f. Quod ni foret, unaquæque partium a.
pro homogenea non reputaretur cum corpore e. et ita
pugnaret cum præsupposito. Postquam igitur h. i. k.
insimul æquiparet b. soli, per communem scientiam,
erit quoque, iuxta septima quinti Euclidis, proportio b. ad f. sicut h. i. k. ad idem f. sed pondus h. i.k.

ad f. triplum est, erit igitur et pondus b. triplum ad f. qua ratione patet institutum.

Porrò suppono proportionem motus corporum similium, sed diversæ homogeneitatis, in reodem medio, atque æquali spatio esse, quæ est inter excessum (in ponderositate, inquam, vel levitate) supra illud medium, dummodo formam æqualem ilhs corporibus sortitum fuerit. Et e converso, scilicet quod proportio existens inter excessus supra medium ut dictum est, eandem esse, quæ inter motus illorum corporum. Atque, hoc modo id patebit. Sit medium uniforme b. f. g. puta aqua, in qua intelligantur duo



corpora diversæ homogeneitatis, id est diversarum specierum. Verbi gratia, corpus d. e. c. sit plum-

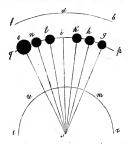
17.

beum, corpus vero a. u. c. ligneum sedrutumque; eorum gravius sit corpore aqueo sibi æquali, dentur etiam corpora illa, sphærica, atque aquee sint m. et n. centrum mundi imaginemur per s. terminus vero ad quem, sit in linea h. o. x. k. a quo, autem, sit in linea a. m. d. quæ quidistetæ lineæ h. o. x, k. et ambæ circulares supra centrum mundi s. tum ductis s. o. et s. x. usque ad lineam termini, a quo, erunt lineæ intersectæ ab illis terminis invicem æquales per tertiam conceptionem Euclidis (nam per definitionem eiusdem, omnes lineæ, a centro alicuius circuli, ad circunferentiam rectæ protractæ, sunt invicem æquales) imaginemur etiam centrum corporis a. u. i. positum in puncto intersecationis lineæ s. o. productæ, cum linea a. m. d. et corporis d. e. c. cum linea s. x. præterea, corpus aqueum æquale corpori a. u. i. sit m. reliquum vero æquale corpori d. e. c. sit n. sit etiam corpus d. e. c. octuplum in ponderositate corpori n. et corpus a. u. i. duplum corpori m. Nunc igitur dico quod proportio motus corporis d. e. c. ad motum corporis a. u. i. (manente hypothesi) eadem est, quæ inter exuberantia corporum d. e. c. et a. u. i. supra corpora n. et m. id est quod tempus in quo corpus a. u. i. movebitur, septuplum erit ad tempus in quo corpus d. e. c. nam manifestum est per tertiam propositionem libri de insidentibus aquæ Archimedis, quod si corpora a. u. i. et d. e. c. essent æque gravia corporibus m. et n. unumquodque eorum suo æquali, nullo modo moverentur, nec sursum nec deorsum, et per septimam eiusdem quod corpora graviora medio, deorsum feruntur, corpora igitur a. u. i. et c. e. d. deorsum ferentur , resistentia ergo humidi (hoc est aquæ) ad corpus a. u. i. est proportionis subduplæ (quod patet per communem scientiam) ad corpus vero d. e. c. suboctuplæ: tempus igitur in quo centrum corporis d. e. c. transibit datum spatium, in septupla censebitur proportione (in longitudine) ad tempus in quo centrum corporis a. u. i. supradictum mensurabit (motu naturali dico, nam, per lineas breviores natura in omnibus agit, id est per lineas rectas, nisi quid impedierit) quia ut ex prædicto Archimedis libro colligere est, proportionem motus ad motum, non habere respectum ad proportionem gravitatis, quæ est inter a. u. i. et d, e. c. sed ad proportionem quæ est inter gravitatem a. u. i. ad m. et d. e. c. ad n. conversum autem huius suppositionis satis patet, cum dicta clara sint.

Modo dico quod si fuerint duo corpora, ciusdem formo, ciusdemque speciei, acqualia invicem, velinacqualia, per sequale spacium, in codem medio, in acquali tempore ferentur. Hac proposita manifestissima est, quia si non inacquali tempore moverentur, essent necessario diversarum specierum corpora illa, per conversum præmissæ suppositionis, aut medium non daretur uniforme, vel spacia essent inacqualia, que omnia pugnarent cum hypothesi.

Sed ostentive, sint duo corpora g. et o. similia (sphærica) et homogenea, medium vero uniforme b. d. f. lineæ terminorum æquidistantes circulares supra centro s. per terminum, a quo, transeat linea p. i. q. per terminum vero ad quem r. m. u. t. Nunc infero, corpora g. et o. in æquali tempore moveri per dictum.

spatium, motu nature in prædicto medio; sit exempli gratia corpus o. quadruplum in quantitate ad g. patet



quoque per supradicta quod, quadruplum etiam erit in ponderositate ad ge. (nam si esset ei aquala in utroque, tunc nulli dubium esset, quin corpora illa , inacquali moverentur tempore) dividam modo corpus o. imaginatione, in quatuor æquales partes, suo toto similes (aphericæ figures), sint itaque h. k. l. n. quarum centra ponam in linea p. q. ita quod distantia inter h. et k. eadem habeatur, que inter l. et n. lineam item k. l. Dividam per æqualia per vigesimam-quintam primi huius, in puncto i. qui quidem erit centrum gravitatis corporum h.k. etl.n. per communem scientiam, coadiuvante tertia propositione libri de centris gravium, Archimedis, præteres, manifestum est quod

unumquodque corporum h. k. l. n. in æquali tempore movebitur a. p. i. q. ad r. m. u. t. ei in quo g. (nam unumquodque eorum æquale et æque grave est corpori g. per conceptionem Euclidis) per primam conceptionem ergo, corpora omnia scilicet h. k. l. n. Simul ab eodem instanti demissa, æqualiter movebuntur, hoc est in æquali tempore, et semper linea transiens per eorum centra æquidistabit lineær. m. u. t. Demum, si intelligatur linea ducta per centrum i. et corporis o. divisa per æqualia per supradictam vigesimam-quintam primi huius, tunc punctus ille divisionis erit centrum ponderis h. k. l. n. et o. per supradicta, nunc vero, si linea illa intelligatur moveri vi corporum prædictorum, demissa a linea p. q. vel ei æquidistans (quia tunc etiam esset æquidistans m. u, r. t. per communem scientiam semper erit æquidistans m. u. r. t.) corpus o. in æquali tempore, motu naturæ, movebitur per datum spatium, ei in quo corpora h. k. l. n. eadem est quæ ad corpus o. per id quod supradictum est, coadiuvante decima sexta quinti Euclidis est enim idem pondus eademque species) sed idem est, in quo g. per communem scientiam quod est propositum.

Possum quoque per hanc ostensionem, partem supradictæ suppositionis demonstrare, hoc est, quod si fuerint duo corpora, eiusdem figuræ, seddiversæ homogeneitatis, i inæqualis etiam corporeitatis, et utrunque eorum, gravius medio, per quod feruntur, sit etiam minus eorum, gravioris speciei quam maius, sed maius, plus ponderet minori tunc dico, quod suppositio supradicta vera est.

Sint exempli gratia duo corpora m. et n. eiusdem figuræ, at, diversæ homogeneitatis, sint etiam inæqualia (nam de æqualibus nulli dubium erit) quorum maior sit m. sed species corporis n. gravior sit specie corporis m. esto etiam corpus m. gravius corpore n. et utrunque eorum, gravius corpore n. et utrunque eorum, gravius corpore medio per quod feruntur. Dico nunc, quod suppositio vera est. Intelligatur primum corpus a. u. i. æqualis similisque figuræ corpori m. sed speciei corporis n. tunc circa corpora a. u. i. et m. suppositio, clarissima est, sed per præmissam ostensionem, corpus n. in eodem tempore movetur, in quo corpus a. u. i., quare constat propositum.

Ex his liquet, motum magis velocem, non causari ab excessu, vel gravitatis, aut levitatis, corporis velocioris, collatione tardioris (datis corporibus similis figuræ), verum ex differentia speciei, alterius corporis ad alterum, gravitatis levitatisve respectu, qua res non est ex mente Aristotelis aut alicuius suorum commentatorum, quos mihi quidem videre, et legere contigit, aut etiam contulisse cum eiusdem professoribus. (Benedicti resolutio, in dedicat.)

Benedetti a repris ensuite le même sujet dans ses Diverses spéculations. Voici ce qu'il dit sur ce point.

Quòd in vacuo corpora eiusdem materiæ æquali velocitate moverentur.

CAP. X.

Quòd supradicta corpora in vacuo naturaliter pari velocitate moverentur, hac ratione assero. Sint enim duo corpora o et g. omogenea, et g. sit dimidia pars ipsius o. sint alia quoque duo corpora a. et e. omogenea primis, quorum quodlibet æquale sit ipsi g. et imaginatione comprehendamus ambo posita in extremitatibus alicajus lineæ, cuius medium sit i.



clarum erit, tantum pondus, habiturum punctum i. quantum centrum ipsius o. quod i. virtute corporis a. et e. in vacuo, eadem velocitate moveretur, qua centrum ipsius o. cum autem disiuncta essent dicta corpora a. et e. à dicta linea, non ideo aliquo modo suam velocitatem mutarent, quorum quodlibet esset quoque tam velox, quam est g. igitur g. tam velox esset quam o. (Benedicti divers. speculat. f. 174.)

NOTE XXVI.

(PAGE 122,)

Je crois que les amateurs des curiosités géométriques ne seront pas mécontens de trouver ici les cinq premiers problèmes résolus par Benedetti : il faut remarquer que les citations se rapportent aux élémens d'Euclide.

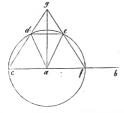
LIBER PRIMUS.

PROBLEMA PRIMUM HUIUS, EUCLIDIS VERO SEXTUM PRIMI.

Ab aliquo puncto datæ lineæ, cum data circini apertura, lineam, perpendicularem super datam lineam elevare.

Esto linea a. b. in qua datus sit punctus a. data etiam apertura a. f. iam ab ipso puncto a. lineam perpendicularem ducam ad lineam a. b. apertura circini a. f. mediante. Mos super centrum a. describo circulum f. e. d. c. per petitionem, deinde per primam propositionem primi Euclidis, super a. f. constituo triangulum f. e. a. equilaterum atque equiangulum: deinde protracta f. a. ad alteram circularis lineæ partem, puta c. (nam paret a. c. equalem esse f. a. per definitionem circuli) nec non et super a. c. alium designo, per eandem cuius vertex d. cum vertice e. coniungatur per e. d. lineam: et quia angulus d. a. c.

per XXXII ac quintam primi bis sumptam est tertia pars duorum rectorum prout et e. a. f. erit ergo an-



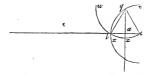
gulus e. a. d. per XIII primi coadiuvante prima conceptione sequalis uniangulorum a. d. c. vel a. e. f. qua ratione per IIII primi e. d. sequalis a. c. et f. e. et angulus a. d. e. angulo a. e. d. per V eiusdem. Cum a. d. sequalis sit a. e. per definitionem circuli, præterea angulus a. d. e. angulo d. a. c. sequalis est per primam conceptionem, propter hoc quia per XXXII primi angulus etiam e. d. a. tertia pars est duorum rectorum. Quare per XXVII dicti c. d. est sequidistans f. c. Porro per primam primi constituam super e. d. triangulum sequilaterum, et à puncto autem a. ad punctum g. ducam lineam a. g. Modo quia anguli g. d. e. et a. d. e. sequales invicem sunt e et similiter dico de angulis g. a. e. d. d. a. quemadmodum ex XXXII primi una cum prima conceptione nec non prima primi

videre est, demum angulus a. d. g. æqualis est angulo a. e. g. per communem scientiam. Deinde per IIII primi angulus g. a. d. æqualis est angulo g. a. e. igitur per secundam conceptionem anguli g. a. c. et g. a. f. æquales invicem sunt, ergo per definitionem patet propositum.

PROBLEMA II HUIUS.

Datam lineam quæ minor sit data apertura in longum atque directum producere, itaque pars protracta æqualis sit priori parti datæ.

Sit data linea o.a. et apertura a.l. quæ quidem maior sit data linea ducam modo o.a. in longum directumque, ita ut pars producta æqualis sit datæ lineæ, scilicet o.a. nam in puncto a. ad lineam o.a. erigam perpendi-

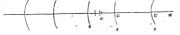


cularem lineam per præcedentem, quæ sit a. q. quam etiam protraham in alteram partem : deinde super centrum o. describo circunferentiam r. q. z. quæ ut patet secabit a. q. lineam in puncto q. cum o. a., minor sit o. z. per hypothesim. Præterea coniungo puncta o. et q. per o. q. lineam, et super centrum q. depingam aliam circumferentize partem quæ vocetur per x. i. u. hæc enim secabit o. l. in puncto i. ob id que cum q. o. maior a. q. per XVIII primi q. x. maior etiam erit a. q. igitur per communem scientiam manifetum est quod dixi: demum ducam q. i. cæterum quia o. q. et q. i. æquales invicem sunt per hypothesim, anguli quoque q. o. i. et q. i. o. invicem pares erunt per V primi: itemque anguli o. a. et a. q. per XXXII eiusdem ergo per IIII primi o. a. exqualis est a. i. iuxta intentum.

PROBLEMA III HUIUS.

Si data linea major fuerit data apertura, idem facere.

Data sit linea a. e. apertura vero a. e. iam super centrum a. describam portionem circuli s. c. ita et in residuo a. e. quousque perveniam ad partem lineæ a. e. minorem data apertura, quæ quidem pars sit c. e. nunc per supradictam producam c. e. usque ad o.

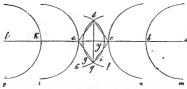


ita quod e. o. æqualis sit c. e. deinde a. e. o. lineam, indefinite duco, ac in tot partes divido partem ultimo protractam, data apertura mediante (principio sumpto in puncto o.) in quot divisi a. e. atque per definitionem circuli et hypothesim habebo propositum.

PROBLEMA 1111 HUIUS ET V PRINT.

Datam lineam per æqualia dividere.

Data sit linea a. l. quam per æqualia dividam, hoc modo procedam, super centrum l. mediante data apertura describam portionem circuli k. p. similiterque super centrum a. partem circuli m. b. si portiones hæ circulorum non se intersecent, tune super centrum k. et centrum b. duas alias circulorum portiones desiguabo, et sint e. t. et c. n. quæ si iterum se non inter-

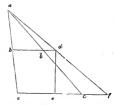


secent, protraham alias duas quarum centra sint e. et c. si se invicem intersecent sint puncta intersecationum d. et q. cum per X. tertii non possint esse plura. Deinde ducantur c. d. d. e. e. q. q. c. et q. d. preterea c. d. d. e. q. et q. c. omnes invicem æquales sunt per definitionem circuli. Modo per VIII primi trigona d. e. q. et d. c. q. æquiangula sunt, est etiam per IIII eiusdem c. y. æqualis y. e. et a. y. y. l. per II petitionem quod est problema.

PROBLEMA V HUIUS ET VII PRIMI.

A dato puncto ad datam lineam, perpendicularem protrahere.

Sit punctus d. unde ad lineam f. c. oporteat perpendicularem ducere. Mox ab extremitate lineæ f. c. per punctum datum duco lineam f. d. quam protraho quousque d. a. equalis sit f. d. per II vel III huius



deinde ducam a. c. quam per æqualis divido per præmissam in puncto b. produca posteo d. b. quæ quidetam æquidistam serit f. c. quæmadmodum ex corollario XXXIX primi videre est, denum ex puncto d. ad lineam d. b. extraho lineam qualiter prima huius docet, protractaque ad lineam f. c. ergo per XXIX primi et definitionem lineaw super lineam perpendiculariter erectæ patet d. c. perpendicularem esse ad datam lineam a puncto dato d. tunc ita patet problema.

NOTE XXVII.

(PAGE 124.)

Voici deux exemples de la méthode de Benedetti que M. Chasles avait déjà remarquée (1):

De producto conditionato.

AD EUNDEM.

Proponis deinde mihi duas rectas lineas, uni quarum vis ut aliam quandam directè coniugam, ita quod productum huius aggregati in lineam adiunctam æquale sit quadrato alterius.

Ut exempli gratia si fuerint duæ lineæ e. d. et e. f. oporteretque nos ad lineam e. f. aliam lineam, puta f. c. vel e. b. iungere, ita longam, ut productum totius compositi e. c. vel f. b. in f. c. vel e. b. esset æquale quadrato ipsius e. d.

Hoc enim nullius esset difficultatis, eo quod quotiescumque e. d. coniuncta erit cum e. f. ad rectos, divisaque per medium à puncto a. à quo ducta a. d.

⁽x) Benedicti dirers, speculat., p. 368 et 81. — Chailes, aperçu, p. 541.

deinde secundum semidiametrum a. d. designato circulo b. d. c. et protracta et f. à qua volueris parte



usque ad circunferentiam in nuncto e, seu in puncto e, hisbebinnus intentum, cò quod si producta fuerit e. f.; etiam ab alia parte, usque ad circunferentium disbebinnus b. e. equadem ipsi f. e. ex communi concepta et productam e. e. in e. b. espalem quadrato ipsius e. e. etti, cum ex 3, eiusdem e. h. medictas si chorda areus dupli b. d. de lapsu vero lapidis versus mundi centrum, dum ipsium attiogere, ae protestre posset, de quo me interrogas. Dico Nicolania Tataeleam, nec non Franciscum Maurolician recte serisses, male vero Alexandrum Piccolhomineum, et exemplum Maurolici ophimum esse, quod tumen si capere non potes, crede saltem antheritatibus tulium virorum, qui tantum in jis scientijs suptrant ipsium Alexandrum Piccolhomineums, superantir satra.

Lapis igitur ille transiret centrum, reddiretque

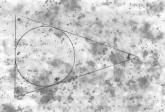
cum diminutione tamen motus impressi, eo ferme modo ut scribunt iudiciosissimi illi viri donce post multas redditiones sursum, deorsumque quiesceret circa centrum mundi. Lucidioris tamen intelligentia gratia cogita filum illum (exempli adducti ab illis doctissimis viris cui) pondus appensum est, æqualem esse axi orizontis, hoc est eius extremitatem immobilenesse in primo mobili, et in ipso zenit tui orizontis, tunc arcus motionis ipsius lapidis per tantum intervallum, quantum est diameter terræ, insensibiliter differret a linea recta, et cum lapis distans a centro mundi per semidiametrum terræ, iret rediretque; ut seis, ergo idem faceret si filum longius esset per dictum terræ semidiametrum, itá ut posset ipsum, centrum attingere, nam differentia illa semidiametri teræ fere nulla est respectu semidiametri ipsius primi mobilis.

Theorema CXX.

Supposent clian aftiqui tres secies numes habere, quorum summa primi et secundi cognita sit ; item summa primi et tertii cognita es summa secundi et tertii item cognita, atque ex huiusmodi tribus aggregatis veniunt in cognitionem particularem uniuscuitanui illurum.

Gemafrinus solvit hoe problema ex regula falsi. At ego tali ordine progredior, sit yezh gratin, summa, primi cum secundo, 50, et secundi cum tertio yo et primi cum tertio 60, haran trium summarum Accipiantur duse quavis, ut puta 50, et yo que continue. tte simul dabunt 120, à qua summa detrabatur relique, id est 60. et restabit nobis 60. cui uss medictas erit 30, hoc est numerus numnorum secundi socii, quo numero detracto à 70. hoc est a summa secundi cum tertio remanebit 40. hoc est numerus tertii socii, et hic sumerus desumptus à 60. residuus erit numerus primi socii.

Pro suius ratione consideremus triangulum hio subnotatium a. b. c.; cuius unumquodque latus significet summam: Duorum sociotum, ut puta latus a. b. significet summam primi cum secundo, latus vero b. c. summam secundi cum tertio, latus autem a. c. aummam secundi cum tertio, et a, e. seu a. o. sit numerus primi socii, et e. b. vel. b. u., sit secundi socii, et e. a. seu. a. o. sit tertii, cum autem a. e. aqualisii t. a. o. et seu.



b. e. æqualis b. ü. et c. ü. æqualis c. o. ex supposito si dempta fuerit summa seu latus a. c. datum ex aggregato laterum a. b. cum b. c. reliquatum summarum,

276

relimpiet nobis cognitum aggregatum ex b, c, cium b, u. Quare et sins medietas b, c, sine b, u, nobis cognita erit qua detracta ex summa b, a, relimpietum nobis cognitus numerus a, c, ex a, c, expectively.

(277)

NOTE XXVIII.

(PAGE 140.

Le passage suivant, tiré de Pacioli, montre par quelle méthode Léonard avait résolu les équations indéterminées du quatrième degré,

De numeris congruis et eorum origine. — Articulus septimus.

Oltra le date specie di numeri ancora bisogna per lo proposito nostro de numeri quadrati asignarhe un altra : quale chiamaremo numeri congrui : acio nel processo ci habiamo a intendere senza la cui notitia non porremo solvere casi simili proposti. Li quali numeri congrui; hano certo debito ordine fra loro : c. regularmente si creano: e di loro si da po 2º 30 4º e 5º, commo vederai. E a ciascun numero congruo : conresponde un suo proprio detto congruente quale e detto essere di quella numero congruo. E così quello mio congruo e ditto essere el congruo di quel tal congruente : commo intenderai. E chiamamo congrui : cioe acti over commodi a dare e recevere un altro numero qual si chiama congruente. E fia quello che gionto al congruo la summa fa quadrata. E tratto del congruo : lo rimanente ancora e quadrato. Di che nota che a ogni numero congruo li responde uno conguente. E tali congruenti el piu de le volte non sonno quadrati ma li congrui ut plurimum sonno quadrati. E hano loro processo similmente in infinitum commo le altre serie e spetie numerali. Di quelli el primo numero congruente che sia diciamo 24. El numero quadrato congruo a esso respondente sia 25. El secondo numero congruente ne 120. el suo proprio numero quadrato congruo sie 169. El terzo numero congruente sie 336. El suo numero quadrato congruente congr

De ortu congruentium numerorum, articulus octavus,

Nascono li ditti numeri congruenti in questo modo puma piglia el primo el quale nasci de 1. e 2. el secondo da 2. el 3. el terzo da 3. el 4. el quarto da 4. e. 5. el quino da 5. el cel escato di 6. e 9. el septimo da 7. e 8. loctavo da 8. e 9. el nono da 9 e 10. el decimo da 10. e 17. e similmente li loro quadrati, nascono dali medesimi numeri commo intendegal. Or comenza con lo primo congruente qual dico che nasce da 1. e 2. el trovase in questo modo e cioc che prima se guilau 4. e 25 insteme el fanno 3. e questa summa sempre se redoptia e che fa 6. qual salva. El poi sembultiphea li doi numeri uno in l'altro : cioe r. via 2. fa 2., e questa, multiplicatione se multiplica por via quello duplato che serbasti; cioe via 6. e dira; via 6. fa 12.; e ancera questa ultima multiplicatione;

pure sempre se redoppia fara 14. et questo fia il nostro numero congruente. E poi per trovare el suo quadrato congruo si fa così, Che prima si quadrano li ditti doi numeri che hano dato lo numero congruente ognuno per se. E poi quelli doi quadrati sacozzano insieme. E quella summa che faranno apcora si quadra quello che nascera di questultima quadratura tira el numero quadrato congruo di quel tal numero congruente. Verbi gratia : per lo primo da 1. e 2. pria dico che quadri i. fa pur i. et quadra 2. fa 4. quali dico che gionga insiemi : cioe 1. e 4; fa 5. e questa summa quadra: cioe 5 via 5 fa 25 qual dico esser lo numero quadrato congruo primo del ditto congruente. Ora el secondo se formo cosi dal a. e dal 3. cioe commo in lo primo hai fatto summa insiemi 2. e 3. fa 5. quale commo dissi sempre doppia fa 10 qual salva. Poi multiplica 2. via 3, fa 6, e questa multiplicatione mo mul tiplica contra el dopiato che salvasti : cioe dirai 6. via 10, fa 60, qual dico similmente che sempre aredoppi fará 120. E questo sira el secondo numero congruentes Poi a trovare el suo quadrato congruo a lui conrespondente. Quadra ogiuno di ditti numeri cioe 2. e 3. cioe dirai z. via 2. fa 4. e 3. via 3. fa 9. quali dico che sempre gionga insiemi fara 13, e questo congionto dico ancora che quadri e dirai 13. via 13. fa 160. questo fia el numero quadrato congruo del seconde numero congruente cioe di 120 onde gionto 120. con 160. fa 280, qual e quadrato che la sua radice e 17. E ancora cavato 120. de 169. restara 49. che similiter e quadrato : la cui radice e 7. Et se voli trovare el terzo prendi 3. e 4. e formaralo similiter; cioe commo-

li gia ditti e dirar. 3 e 4. fa 7. qual doppia fa 14. poi multiplica 3. via 4. fa 12. e questo multiplica via quel dopiato : cioe via 14. fara 168, quale ancora doppia tara 336. et questo dico essere lo terzo numero congruente. Poi lo suo quadrato congruo trovarai cosi. Quadra 3. fa 9: quadra 4. fa 16. acozza insiemi o e 16. fa 25. Ora quadra questo 25. fara 625. per lo suo numero quadrato congruo. Onde a 625. gionto 336. fara 961. che bene quadrato la cui radice ene 31. ese de 625 ne cavi 336. restara 289. che similmente e ne quadrato : la cui radice ene 17. E cosi se vorai lo quarto numero congruente prenderai 4; e 5 e gioglili asiemi fara 9. qual dopia fa 18. qual salva? Poi multiplica 4. via 5. fa 20. e questo 20. mo multiplica via quel doppiato che serbasti e cioe via 18. fa 360. quale encora doppia fara 720. e questo fia el quarto numero congruente. Poi a trovare el suo quadrato congruo. Quadra 4. e 5. harai 16. e 25. Acezzali asiemi : fara 4r. e questo ora quadra : fara 1681, e questo sira. el suo numero quadrato congruo : onde se de 1681. ne caverai 720. restara 961. che e numero quadrato: la cui radice ene 41. e se a 1681. li agiogneral 720. fara 2401, che ancora e quadrato: la cui radice ene 49. e se tu vorai trovare lo quinto numero congruente prenderai 5. e 6. quali giogni asiemi fara 11. doppialo fa 22 qual salva. Poi multiplica li numeri uno contra faltro : cioe 5. via 6. fa. 30. e poi questo multiplica via quello dopiato de 11. che serbasti : e dirai 30. via 22. sa 669. quale ancora doppia sa 1320. e questo sia el quinto numero congruente Poi per trovare el suo quadeuto congruo quadra li doi numeri che prendesti

cioe 5. e 6. harai 25. e 36. per li doi quadrati : quali giogni insiemi faranno 61. e questo ancora quadra dicendo 61. via 61. fa 3721, et questo fia el suo numero quadrato congruo. Onde se de 3721, sene cava 1320, restara, 2401, quale ene quadrato la cui radice ene 49. e se a 3721. se agiogni 1320. fara 5041. che quadrato; la cui radice ene aponto 71. commo aperta mente apare. E cosi poi în infinitum procedere per lo sexto: septimo octavo: e nono: e decio, etc. Everatte sempre bene e mai falla che tu non trovi un numero e un quadrato del quale tratto e gionto el ditto numero sara; e restara quadrato si commo neli exempli passati ai veduto; e quelli tal numeri che così al quadrato se agiongano e fanno quadrato; e del quadrato se tragano e remane quadrato chiamamo noi numeri congruenti, ma quelli che gionti a un numero quadrato : e tratti de un numero quadrato non facesse over non restasse numero quadrato; non siranno mai ditti congruenti secondo el senso nostro. E pero e da notare fra chi intende. Quando se dice questo e numero congruo vol dire chegli di e tal natura quadrato che dara e receverá un numero medesimo e sara : e restera quadrato: Ma sel dici questo numero non e congruo, vol dire che glie quadrato de tal natura che non da : ne anche receve alcun numero che gionto e tratto; facia; ne resti quadrato. La qual cosa a giudicare te convine haver sali in capo nanze che lo possi ben co guoscere e giudicarlo. Pero che molte volte a noi sirapposto un numero, et siremo domandati sel si possa trovare un quadrato che trattone el ditto numero resti quadrato : e giontoli el ditto numero facia quadrato.

La qual resposta a darla fia difficillima si commo la experientia praticando te mostrara. Di quali casi : qui seguente tene mittero alcuni accio per quelli similiterin gli altri te habi a regere e meglio anche habi apprendere le regole date. Le quali non lavemo date solo per quelli che per forza da se si trovano: ma per adoperarle a quelli ch'a noi siranno dubij. Eppoi e da notare in solvere domande che ti fossero date che gionta e tratta una medesima quantita e resti e facia quadrato. E voler che tu trovi el numero ch'ancora sia quadrato ; te convera fare a questo modo. Cioe che tu vadi cercando per li numeri congruenti se tu cenetrovi . alcuno che partito per la quantità che tu voli giognere e trare nevenga numero quadro. Eppoi a te e mistiero formartene bene asai de ditti congruenti e sperementare a uno per uno partendoli per ditta quantita fiu che trovi uno del qual partito ne venga numero quadro: cioe che habia radici discreta. E quando tu larai così trovato tu prenderai el numero quadrato congruo di quel tal numero congruente che partito per la quantita le feci venire numero quadrato. E quello pareterai per questo avenimento quadrato: e quelloche venira sirá el numero quadrato adimandato che giontosi e trattone la ditta quantita fa e resta quadrato. Exemplum diro cosi. Trovame un numero quadrato che giontoci 6, facia quadrato e trattone 6, ancora remanghi quadrato. Dico che disposti li numeri congruenti quanti piu tanto meglio : vada provando comenzando dal primo : sevene verano che partito per 6. nevenga numero quadrato. Unde tu sai che 24. e il primo congruente partito per 6. nevene 4. che ene numpro quadrato. Ora dice che tu tolga il numero quadrato congruo di quel congruente che sai per le vie anteditte ene 25. Or questo dice che parta per quello avenimento: cice per 4. nevene 6; è questo ene lo ademandato numero: cice 6; quale e quadrato: che la sua radice ene 2; Gionto adonca 6. n. 6; fa ra; ch anche ene quadrato la cui nadice e 3; è cava 6; de 6; resta; ancor quadrato: che la nur radice e; siche in questo modo (1), ti conven regerte a simili (Pacieli, vama di arathmetica geometria, f. 14-15, dist. 1, tr. 3, §§ 7 et 8).

 $= \frac{1}{u} \frac{n^2 + n + 1}{u}$ et l'équation proposée sera résolué en nom-

Par exemple, pour resoudre les deux équations simultanees $z^2 + 6 = y^2$, $z^2 - 6 = y^2$, on lera n = t, et l'où aura $\frac{4}{5} \frac{n(n+1)(2n+1)}{5}$

 $= \underbrace{\frac{24}{6}}_{6} = \underbrace{4}_{6} = \underbrace{a^{2}, \psi}_{6} = \underbrace{\frac{3}{4} + 2n + 1}_{6} = \underbrace{\frac{5}{4}}_{2} : \underbrace{a^{2}}_{6} = \underbrace{\frac{25}{4} - 6}_{6} =$

一件6号等于完全

NOTE XXIX.

[PAGE 141. 19

Je vais donner ici, d'après Pacioli, la résolution d'une équation complète du quatrième degré, et la résolution par approximation d'une équation exponentielle. Voici comment il traite (1) l'équation du quatrième degré;

Poniamo che la spera terrena a deveyolutione 20,400 miglia e super lo equinotio da uno ponto e in ponto si muove dai pouti mobili lo primo va verso oriente el primo giorno un nuglio lo secondo 2 lo (terzo 3 etc., lo secondo va verso occidente lo primo di un miglio lo secondo 8 e lo terzo 27 ecc. Adomando in quanti di si troveramo li dice movimenti in un sol ponto. Pa così poni che li si congiungan in 1 co. de di adunca sera andato lo primo in questo tempo † ce. e † co. E lo secondo sina adato in questo tempo † ce. e † co. e e † cu. e † ce. ora gioqui tutti insiemi fira † ce. e † cu. e e † cu. o Questo (x) e egunte a 20,400 miglia adonca sera 1 ce.

⁽¹⁾ Pacioli, imma de arub metica geometria, part. I. 1. 44, dist. II,

mais ce n'est qu'une faute d'impression, puisque ce terrie se trouve retabli immediatement apres.

ce, 2 cu, 3 ce, 2 co, eguale-a 81600, e per traela a noticia sopra ciascuna parte giorgui i, adonca sera i ce, ce, 2 cu, 3 ce, 2 co, 1; eguale a 81601 mo trati le R. de ciascuna parte e sera i ce, 1 co, 1; eguale a la R. de 81601 adonca e i co, egual a R. 81601 m. 1. la cosa fo como se definisce per capitulum quartum algebre R. 81601; m. ½ la R. del rimanente m. ½ cii tanti giorni si trovara li detti ponti in, un ponto, ecc.

Il fant remarquer d'abord ici, pour comprendre l'analyse de l'auteur, que, suivant les notations et les abréviations qu'il emploie, on a :

```
core como = z^2
core como = z^2
core como como = z^4
R = radico = \sqrt{}
\sigma = radico
```

co = cosa =

Maintenant, si l'on veut écrire la solution de Pacioli avec les notations actuelles, on aura

 $\begin{array}{l} x\left({2 + 1} \right)\frac{{{x^2}(x + 1)}}{{4}} = {{a_1}{{a_2}}}\\ {{x^2} + 2\,{x^2} + 3\,{x^2} + 2\,{x^2} + 8\,660},\\ {{x^2} + 2\,{x^2} + 3\,{x^2} + 2\,{x^2} + 2\,8\,60\,4}\\ V\left({{x^2} + 2\,{x^2} + 2\,{$

=-+\(\frac{3}{4} + \sqrt{81601}

On voit, d'après cela; que sa méthode réussira chaque fois que l'on pourra rendre le premier membre un earré parfait en y ajoutant un nombre donné. Actuellement, je vais reproduire ici les équations exponentielles résolues par Pacioli, parmi lesquelles il y en a de fort compliquées.

Una (1) fa al quanti viaggi e quanti fa viaggi tanti d. porta e a ogni viaggio chel sa sempre redoppia li soi d. e a la fine di soi viaggi si trovo in tutto due 30. Dimando quanti viaggi fece e quanti duc. porto (2). Fa cosi prima vedi se vi sonno aponto viaggi sani che te servino a la domanda se non apozzate poi ; ma prima fa che tu vada negotiando li viaggi sani exte. Or poi che facesse 2. viaggi e porto due 2. ora redoppia per la prima fa 4. duc. poi per lo secondo fa 8. duc. e noi voremmo 30. donca dirai che ditti viaggi foron piu che 2. ora aponiamo che fossero 4. redoppia per uno fa 8. duc. poi redoppia per lo secondo fa 16. poi redoppia per lo terzo fa 32. or non bisogna che tu vada piu altra pero che non foron 4. ma meno or tu sai che foron più che 2. e meno che 4 or poni che fosser 3. redoppia al primo fa 6. redoppia el secondo fa 12. redoppia el terzo fa 24. che non arriva a 30. e pero qui te ferma a fare la tua positione e poni che

⁽¹⁾ Pocioli suoma de artilimetica geometria, part. I. 1. 1875. Dist. 12.

⁽a) La question que Pacioli reul resoudre les se réduit à la resolution de l'équation x a = 3 a

facesse 3. viaggi piu 1. co perche in verita lui conveune fare piu de 3. viaggi ma non sapian che parte del quartò e pero ponemo che facesse 3. vinggi sanie 1. co : del quarto viaggio ora redoppia per uno fa 6, pin 2 co, redoppia per le secondo questa quantita. fara 12. piu 4. co, poi redoppia per lo terzo fara 24. piu 8 cosc. Ora tu sai che se lui compisse : el quarto viaggio lui guadagnaria in lo quarto viaggio questo che si trovasse de capitale nel terzo perche redoppia : cioè fa altretanto donca el quarto viaggio guadagnarebbe 24. pin 8 co. ma noi non volemo se nou per i co del ditto viaggio : e però noi diremo se uno viaggio sano guadagna 24. più 8. cose che guadaguara 1, cosa de detto viaggio multiplica e parti e viratte a dare 24. cose piu 8 ce. e questo guadagno si vol gionguere al capitale de ditto quarto viaggio : cioè con 24, più 8 co. fara 24, più 32 co. più 8 ce. e. questo sera a 30. secondo el tema aguaglia le parti e areca a i ce. harai in ultimis 1. ce. piu 4 co. equali a 2 per numero segui el capitolo harai la cosa valere. R, 43 meno 2, donca giongnili tre viaggi sani harai in tutto tanti viaggi che fa. R. 4 2 piu 1, sarane prova e viratte bene se bene prenderai ditto binomio facta. Se la vorai provare bene andarai a la rieto scomponendo el 30 che verra piu legiera.

g. Uno fa alquanti viaggi e questit viaggi fa tauti due, porta e a ogni viaggio guadagno 25, per cento e a la fine di soi viaggi si trovo haver guadagnato in tutto le del cuo capitale. Dimando con quanti se parti et quanti viaggi feel. Seguirai in questa compo in lantescripta e noc che tu andara negotiando per

li viaggi sani e poni da te che facesse a. viaggi e porto ducati a. Ora dici che guadagna per ogni viaggio 25. per cento che vol dice el quarto del suo capitale, donc al primo viaggio guadagnara el quarto de ducati 2. che val dire mezzo e e questo giongui con lo capitale fa 2 1 poi per lo secondo viaggio che guadagnara el ; de 2 - cioè ; de due, che gionn con lo guadagno primo cioè con - fa 1 - e tu vorresti le 4 de 2 cioè - de duc. donca dirai che feci manço de 2. viaggi donca poni che facesse uno viaggio e porto ducato uno che guadagno el quarto che fo ; de due e tu vorresti ; donca arguirai che feci piu de uno viaggio e men di 2. ora dirai che vi mise porte de secondo asaper mo quanto farai qui la tua positione e poni che facesse 1. cosa del secondo viaggio ora per uno viaggio lui guadagno el quarto de r. piu r, cosa perche porto anco lanti ducati che vol dir ditto, guadagno - piu - cosa d. due, qual giogni al primo capitale fara 1 ; piu 1 ; cosa : e questo converra esser el capitale del secondo viaggio ora vedi questo siria el guadagno del secondo piglia el quarto de 1 ; pin i ; cosa neven ; piu ; cose : e tanto harebbe guadagnato el secondo viaggio a la ditta ragione ma noi volemo solo el guadagno de 1. cosa che e parte del secondo viaggio : e pero dirai se uno viaggio nuda de guadagno : piu : cose che me dara una cosa de viaggio che te virra adare i cose piu 📆 ce. ora suma questi 2. guadagni insiemi : cioe quella del primo che fo i piu cosa e questo de la osa fara piu ; cose piu ; ce e questo sera equale li ; de e piu r. sasache fo el capitale : cioe a ; piu ; co. leva si superflui e areca la equatione a 1. con harai

in ultimis 1. ce. piu 1.11 co. equali a 1.22 sequi el capitolo harai la cosa valere. R. 1.11 men 1.21 cio e 1.22 c tal parti feci del secondo viaggio e e gionguili un viaggio sano fara 1.122 e tanti viaggi feci e tanti ducati porto : cio e ducato 1.123 fanne prova e satisfara el tema benissimo.

10. Uno fa alquanti viaggi : e tanti viaggi quanti fa tanti duc. porta e a ogni viaggio guadagna a ragion de 20. per cento e a la fin de soi viaggi si trovo tanti ducati que fo el quadrato del suo capitale. Dimando quanti viaggi feci e quanti ducati porto con seco. Regite commo in le precedenti va negotiando date stesso quanti viaggi sani lui pote fare e poni che facesse 2. viaggi, ora tu sai che chi guadagna 20 per cento guadagna el quinto del suo capitale, per che 20, e el quinto de 100; donca el primo viaggio guadagno 2 de ducato che gionti con 2 ducati che prima porto fanno 2. 3 per lo primo viaggio, poi per lo secondo lui si guadagnara lo quinto de 2 3, che sara el capital del secondo viaggio che son 12 de duc, che gionti con lo capitale fanno 2 23 in tutto, et noi dicemmo che a la fin si trovo li soi dinari multiplicati in se, donca vorebbono essere 4 perche 2 via 2. fa 4 che fo capitale; e tu vedi che lo quadrato del capital passa : doncadirai che feci manco viaggi : perche quanti piu tu metesse magior quadrato te faria li so d. donca metti uno viaggio e lui fara in tutto 1 1 e tu voresti uno per lo quadrato de uno duc. che vedi che non ariva : donca dirai che feci piu de uno e men de 2. or per saper quanto farai position che fesse uno piu 1. co. del secondo viaggio giongnili el quinto fa'i 1 piu 1 1. cosa questi sira capital del secondo viaggio; pero piglia el quinto desso neven 4 piu 4 cose, e tanto sarebbe el guadagno del secondo viaggio quando lo fesse tutto; ma noi sapen che non la feci tutto pero volemo sapere per una cosa, e dirai se un viaggio guadagna 5 piu 5 cose che guadagnara 1. cosa segui la regola harai che guadagnara : co. piu : ce. e questo giongni con li altri fara in tutto 1. 11 co. piu 4 ce. piu 16. e questo convien esser equale al quadrato de 1. piu -1. co. per che porto ancho tanti ducati secondo el tema quadrato fa. 1 piu 2. cose. piu 1. ce. aguaglia le parti e areca a 1. ce. harai in ultimis 14 cose piu. I ce. equali a 5 per numero sequi el capitolo la cosa varra : R. 144 men 7 cioe 5 donca dirai che feci un viaggio sano e li 5 del seguente e si porto ducati 1 - seco facta. E tu per questa farai le simili.

11. Uno fa alquanti viaggi e tanti viaggi quanti fane tanti d. porta e a ogni viaggio guadagno 40. per cento e a la fine de soi viaggi si trovo haver fatto de ogni 1. d. Dimando quanti viaggi feci e con quanti d. si mosse. Farai commo le precedente. Examina li viaggi sani che lui po fare e trovarai che siranno piu de 5. e manco de 6. pero porrai che fesse 5. viaggi piu 1. co. de l'altro di questo prenderai li ²/₂ per lo guadagno peroche chi guadagna 40. per cento guadagna li ²/₁ de cio che si trova e verra 2. piu ²/₂ cosa giongni lo sopra fa 7. piu 1 ²/₂ cose: e tanto si trovara el primo viaggio fra guadagno e capitale. poi tierum per lo secondo precedi pur similiter li ²/₂ dei che si trova cio e de 7. piu 1 ²/₁ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂, piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂, piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂, piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂, piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂, piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂, piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂, piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂, piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂, piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂, piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂, piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂, piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂, piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂, piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂ piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂ piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂ piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂ piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂ piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂ piu 1 ²⁴/₂ piu 1 ²⁴/₂ cose che gionti al capital suo fa 9 ⁴/₂ piu 1 ²⁴/₂ piu 1 ²⁴/₂ piu 1 ²⁴/₂ pi

cose e tanto si trovara in tutto facto el secondo viaggio: poi cosi facendo sequirsi tu per li 5. e poi farai per lo sexto viaggio, e si quello prenderai la rata de la cosa commo festi di sopra e viratte bene si che opera e troverai a la fine in tutto que 9 3111 cose piu 2 4111 cos sonno equali 3 111 per numero arecaria a 7. ee. e sequiria el capitolo barsi la cosa valere. R. 7 4111 cos sonno equali 3 111 per numero arecaria a 7. ee. e sequiria el capitolo barsi la cosa valere. R. 7 4111 piu. R.

12. Uno fa alquanti viaggi e porta alquanti d. e fa doi contanti viaggi e 2. piu che non porta d. e ogni viaggio guadagno 50. per cento e finiti li ditti viaggi si trovo haver fatto de ogni 1. 30. Dimando con quanti se parti e quanti viaggi feci a mode ditto. Sequirai commo in la precedente : vedi prima quanti foron li viaggi sani et troverai che foron piu de 3. e men de 4. cioe si mosse donca poni che si movesse con 3. piu 1 co. de d. e per che dici che fa doi cotanti viaggi piu 2. che non porta d. donca fara 2. via 3. piu 1. cosa : cioe 6. piu 2. cose giontovi 2. piu fara 8 piu 2 co. e tanti dirai che fossero li viaggi. Ora per sequire el tema vedi prima per li 8 viaggi sani e per le 2, co. pigliarai del 9°, per regola del 3, commo festi ne li precedenti e haverai in lultima equatione 1. ce. piu 3442 co. equali a 8 3357 per numero sequi el capitolo troverai che si parti con duc. 3 373 e si feci viaggi 8 746 de viaggio fanne prova e verratte bene e habi amente i simili de reggerte ben per li guadagni, cioe pigliando sempre tal parte del capitale

qual che dice guadagnare per cento commo in questa che dici che a ogni viaggio guadagna 50 per cento vol dir che sempre guadagna la meta del capitale, etc.

13. Uno a 13. d. e fa alquanti viaggi e ogni viaggio redoppio e spende 14. e a la fine si trovo con nulla. Dimando quanti viaggi feci. Cerca da te per li viaggi sani così negotiando prima copia 13 fa 26. Spendi 14 resta 12. e dai gia uno viaggio poi doppia el rimanente fa 24. spendi 14. resta 10. ed ai 2. viaggi e doi minutioni : cioe una minutione del primo che fo uno e 2, del secondo. Mo e da notare he tutte le minutioni sonno in la proportionalita continua commo in le domande del pesción de casa fo mostro de sopra nel tratta. 2º De questa pero se la minutione del secondo viaggio e doppia a la minutione del primo, hoc est 2 a 1 quella del terzo viaggio fia doppia a quella del secondo donca sira 4. la minutione del terzo che finora hai 7. per le tre minutioni se volesse la quarta minutione sarebbe 8. ma non po minuire tanto che non a pero cava le 3. minutioni : cioe 7. de 13. resta 6. e questo 6. conven che si minuesca aponto acio resti nulla, donca trova tutta la debita minutione del quarto viaggio che 8. commo ditto: or vedi che parti sia de 8. che son li 3, donca convera fare 3/4 de un viaggio e in tutto feci 3 3/4 viaggi facta. Ma per che pare i congruo parlare a dire 3 de viaggi pero questo mandare sic docemis, videlicet cum in viaggio faciat duplum ergo in uno viaggio de uno facit 2. quod unum lucratur alium, ergo in 3 ipsius viagij de ipso uno lucratur 3 unius denarij ergo facit de 4. 7. et erunt quatuor viagia ex quibus in

primo et in secundo et in tertio facit duplum et expendit 14. in quarto fecit de 4. 7. expendit 3 de 14. s. 10 1. cosi faresti se dicesse che havea 15. con la medesima conditione ma la fine si trovo 150. Alora non serieno le minutioni anzi serieno acrescimenti li quali ancora loro sono proportionali per regola del 3. si troyano ut per te potes.

Nota per simili domande sequenti prendi questa degna Ra commo a dire stu me da tal parte de tuoi de qual 3, e di mei io naro 5, tanti di te. Di così per che tu li trovi termine convensi saper el ponto del meno che po havere lo primo che dimanda. E poniamo chel secondo havesse 1. quantita e die dar tal parte al primo de questa quantita che gliabba de questa cosa medesima 5, tanto de quel che reman al secondo quella parte convenesse 4 della quantita. E pero acatta un numero che 3. ne sia li i quel numero fo 3 3. E questo e men che po haver lo primo. La ragion perche sel fosse tanto o men 3. seria piu de li 4 desso adonca a dar piu de li 4 de una quantita ad un altro si li reman men del sexto : adonca pur de questa parte propria a lo primo piu de 5. tanto : e pero de necessita converra haver lo primo da 3 3 in su. E pero sempre secondo la dimanda se conven sapere questo ponto. Or poni lo primo per cioche tu voli : or ponilo 6. per sapere quello che a l'altro di da 3 3 fin in 6. sie 2 2 e perchel dici io naro 5. tanti de ti. E tu fa 5. via 2 1 e poi adu. 6. in se fa 36. lo qual parti per 12. che neven 3. siche sel primo have 6. lo secondo have 3. E cosi per lo averso ponendo el primo haver una quantita per saver lo secondo che disse al primo stu me da tal parte di toi commo e 5. de li mei 10. haver 9. tanto de te: fa così poni lo primo per quel che tu voli e ponamolo per 8. mo di saper lo secondo multiplica 8. per 8. cioe per uno piu de tanti fa 64. e questo multiplica per 5. perchel disse tal parte commo 5. de li mei che fa 320. Mo multiplica 8. per 7. tanto perche desse che laveria: fa 56, mo tolti la mita de 56. che e 28. multiplica in se fa 784. et batti 320. resta 464. Siche lo secondo che domanda conven haver 28 men R. 464. Habiandolo primo 8. per tal modo si faran le simili.

NOTE XXX.

(PAGE 146.)

Regoluze del maestro Pagholo astrolagho.

J'ai cité dans le second volume (p. 206 et 526) les Regoluze del maestro Paolo, dont parle Ghaligai. Depuis, j'ai fait l'acquisition d'un manuscrit d'Abbaco, composé à Florence vers le milieu du quatorzième siècle, et j'y ai trouvé à la fin ces Règles que je m'empresse de publier comme l'un des plus anciens monumens algébriques de la langue italienne. Resterait ensuite à discuter la question de savoir si c'est un Paul de Pise (qu'on ne trouve mentionné que dans Ghaligai), ou Paul Dagomari, qui est l'auteur de ces Regoluze. Il règne beaucoup d'incertitude sur les auteurs appelés Paolo astrologo ou Paolo dell' abbaco, et il est possible qu'il y en ait eu plusieurs qui ont porté ce nom. Il faut cependant remarquer que, dans un manuscrit du quatorzième siècle que je possède, et qui commence ainsi : « In questo libro tratteremo di piu maniere di Ragioni adatte a trafficho di merchatantia tratte de libri d'arismetricha et ridotte in volgare per lo excellente huomo maestro Pagolo de Dagumari da Prato », il n'est nullement question de ces Regoluze, ce qui semble confirmer l'assertion de Ghaligai. Au reste, voici ces règles :

- Se vuolgli rilevare molte figure e ongni tre farsi uno punto chominciando dalla parte ritta inverso la mancha eppoi dirai tante volte milgliaia quanti sono li punti dinanzi.
- Se vuolgli mul. numeri chabino zeri mul. le loro figure e ponvi tutti quelgli zeri dinanzi.
- Se mul. dicine per dicine fanno centinaia e dicine ne centinaia fanno milgliaia e centinaia ne centinaia fanno decine di migliaia.
- Se vuolgli fare racholti di svariati numeri ponvi li numero luno sotto laltro sicche le figure venghino poi dari della mano diritta.
- 5. Se vuolgli subito mult. in 10 poni un zero dinanzi esse, per 20 mult. per 2 e poni il zero dinanzi esse, per 30 mult. per 3 e poni il zero dinanzi.
- 6. Se vuolgli partire in 10. aubito, leva la prima figura e parti in 2, esse vuolgli partire in 30. leva la prima figura e parti in 3. e poni il zero dinauzi. 7. Se vuolgli partire le lib. in 100 sappi che del-
- luna lib. ne viene d. 2 e $\frac{3}{4}$ e delle 2 ne viene d. 4 $\frac{4}{4}$ e delle lib. 3, ne viene $7\frac{1}{4}$ e delle lib. 4, ne viene di $9\frac{1}{4}$ et dongni lib. 5 ne viene S. uno.
- Se vuolgli partire in 100 parti tanti S. in 5. il rimanente quelle sono lib.
- Se vuolgli rechare le lib. a S. radoppia quello numero e poni uno zero.
- Se vuolgli rechare li S. a lib. mult. il numero della mano ritta per 5.
- 11. Sappi che ongni rotto si scrive chon a numeri il mynore sta sopra la verga e chiamasi dinominato, il maggiore sotto la vergha e chiamasi dinominante.

- 12. Se vuolgli rilevare 2. rotti in filzati sappi chel secundo e parte di... il primo e parte duna di quelle parte di...
- 13. Se vuolgli ragiungnere 2. rotti infilzati mult. il dinominato del secundo per la dinominante del primo e giungni il dinominato del primo esservalo per dinominato eppoi mult. luno dinominante contro al altro esservalo per dinominante.
- 14. Se vuolgli fare pilgliamento de rotti mult. la quantita per lo dinominato e parte per lo dinominante.
- 15. Se vuolgli mult. rotto vie rotto mult. li dinominati luno chontro al altro elli dinominanti similmente.
- 16. Se vuolgli giungnere 2. rotti spartiti mult. il dinominato delluno chontro all dinominante dellaltro e giungni iusieme e parte per la multiplicazione delluno dinominante contro alatro e da questa opera si diriva il trarre e partire di due rotti.
- 17. Se vuolgli chalchulare cioe fare rag. di vendita o di chompera ponvi la materia dirinpetto al suo pregio ella simile sotto la simile eppoi mult. quelgli 2. numeri che stanno alla schisa e party per lo numero che nel chanto senpre.
- 18. Se vuolgli sapere che toccha il di a chotante lib. lanno mult. per 2, e parti per 3, escene, ecc.
- 19, Se mult. li d. deldi per 3 e parti per 2. usceranno quante lib. toccha lanno.
- 20. Se mult. le lib. che vale il chonguo per 3. e parti per 5. uscijranno quanti d. toccha alla metadella.

21. Se mult. i d. che vale la metadella per 5. e parti per 3. usciranno le lib. che toccha il chongno.

22. Selli s. che vale il chongno mult, per 2 usciranno quanti d. toccha alla metadella.

23. Selli d. che vale la metadella parti in 2. usciranno f. che vale in chongno.

24. Selle lib. che vale la libr. mult. per 5. e parti per 6. usciranne i d. che toccha al danaro peso.

25. Selli S. f. vuoli rechare a p. mult. per 9. e parti per 4.

26. Selli f. a. vuoli rechare a. f. mult. per 4. e parti per 9.

27. Se parti per 5. le lib. che toccha lanno al. 100. usciranne li d. che toccha alla lib. il mese. 28. Selli d. che toccha alla lib. il mese mult.

per 5. averai le lib. che toccha lanno al centinaio.

29. Se f. a. vuolgli rechare a. p. mult. per 10. e

parti per 3.

30. Se f. a. vuolgli rechare a, p. mult. per 3. e

parti per 10.

31. Sappi che tante lib. quante vale il 100 della

lana tanti d. valgliono le 5. once e tanti s. per le 5 libr.

32. Se mult. lanpieza dun cerchio per 22. e parti per 7. arai quanto gira intorno.

33. Se vuolgli ragiungnere gli numeri chessono da 1. insino innalchuno numero giungni 1. sopra esso e mult. per la ; desso.

34. Selli s. che valesse lo staioro della terra partirai per 2. usciranne quanti toccha d. quadro. Sellanpieza dun pozo mult. per se medesimo epoi per la profondita eppoi per 4. uscirranne quanti barili tiene.

36. Se vuoi mult. alchuno numero ½ per se medesimo mult. quello numero e giungni quello numero e anche senpre ¼.

37. Se vuolgli mult. ciaschuno numero sano per la dinominante del suo rotto e giungni il dinominato eppoi mult. luna somma chontra laltra e parti per li dinominanti.

38. Se vuolgli partire alcuna quantita per numero sano e rotto mult. quello numero per lo dinominante e agiungni il dinominato e sara il partitore eppoi mult. quella quantita nel dinominante. .

 Se vuolgli partire rotto per intero mult, lontero per la dinominante e acchoncialo chon quello dinominato.

40. Se avessi a partire per alcuno numero chonposto o numero riperegiante parti per le sue pieghe ella prima e quella chessi pone dallato ritto.

 Se partirai 72 anni sara doppia ongni quantita a fare chapo danno.

42. Se vuolgli ritrovare in che feria entra chalendi di genuaio agiungni gli anni dominj la ¹/₄ parte alla somma parti in 7. e il rimanente sara la feria.

43. Selgli anni domini chon uno agiunto partiraj in 19. il rimanente mult. per 11 e della soma gitterai le cientine avrai la patta di quellanno e sappi che ongni anno nesce 11.

44. Selgli anni domini chon 3 agiunti partirai per

- 15. il rimanente sara la indizione di quellanno e ongnanno si muta a dì 24 di settenbre.
- 45. Se giungni la patta el numero de mesi di marzo e quelli di del mese arai la etade della luna.
- 46. Se vuolgli trarre un numero dun altro alluogho il minore sotto il maggiore eppoi trai ciaschuna figura disotto di ciaschuno disopra chomminciando dalla parte dritta e quando la figura disotto e maggiore agiungni a quella di sopra una dicina e dalla figura disotto giungni uno.
- 47. Se vuolgli trovare la prossimana radice daluno numero trai il prossimano quadrato del detto numero e il rimanente parti per lo doppio della radice del quadrato.
- Se mult. ciascuno de lati della R quadra per se medesimo e agiungni insieme la radice della somma sara la chosa.
- 49. Se vuolgli sapere la capacita della botte pilglia la sua alteza e lungheza chonuno i di bra eppoi agiungni al alteza il 1.0 e mult. per se medesimo eppoi nella lunghezza eppoi per 8. e parti in 13. usceranne quanti quarti di vino tiene la botte e 10. qarti sono 1º barile.
- 50. Se vuolgli sapere in che di entra ciascuno mese piglia il suo rigolare e ponvi su il conchorrente dellanno e del mese e in quello di entra quello mese chettu vuoi sapere.
- 51. Se vuoi trovare il chonchorrente dellanno giungni sopra gli anni domini il quarto eppoi parte per sette e quello chetti rimane siene il suo chonchorrente.
- 52. Se vuolgli sapere qua sono i regolari echolgli qui e volglionsi inparare a mente.

(301)

lulglio novenbre marzo aprile aghosto dicenbre ı. gennaio maggio 3. settenbre 7.7 giungno 6. ottobre febraio

Le manuscrit d'où j'ai tiré ces Regoluze est anonyme; mais, d'après plusieurs indications qu'il fournit, il semble avoir été composé vers 1340.

NOTE XXXI.

(PAGE 147.)

Il serait impossible de donner ici une analyse des différens ouvrages dont il est parlé à la page r47, et d'ailleurs cette analyse n'aurait pas un grand intérêt. Je pense qu'il vaut mieux faire connaître les diverses tentatives qui avaient précédé les découvertes de Ferro et de Tartaglia sur les équations du troisième degré. On trouvera dans cette note des extraits de deux anciens manuscrits d'algèbre qui m'appartiennent, et qui prouvent que depuis long-temps les géomètres avaient tenté de résoudre les équations des degrés supérieurs au second.

Quando (1) li cubi sono equali al numero, se dei partire li numeri per li cubi e radice cuba, de quello che ne vene vale la cosa: trovare tre numeri che sia tal parte l'uno de l'altro commo 2. de 3. e 3. de 4. che multiplicato il primo per lo secondo e quello che fa multiplica per lo terzo faccia 96.

Poni che uno sia 2. cose, l'altro sia 3. cose, e'l terzo 4. cose : hora multiplica 2. via 3. cose fa 6. quadrati censi; multiplica per lo terzo che è 4. cose via 6. qua-

⁽¹⁾ Ceci est tiré d'un manuscrit du xive siècle, in-4, qui semble avoir été écrit en Toscane.

drati censi fa 24. cubi, che sono equali ad 96; parti per li cubi, che sono 24. ne vene 4, e la radice cuba di 4. vale la cosa. Noi dicemmo che il primo numero fu 2. reca 2. a radice cuba, fa 8. multiplica radice cuba de 4. via radice cuba de 8. fa radice cuba de 32. Adunqua il primo numero fu radice cuba de 32. il secondo mectemmo 3; reca 3. a radice cuba, fa 31; multiplica radice cuba de 4. via radige cuba de 27. fa radice cuba de 108; e radice cuba de 108. fu il secondo numero: il letzo mectemno 4. reca a radice cuba de 64. fa radice cuba de 256; e radice cuba de 256. fu il terzo numero.

Egl'è uno che a 4. bolognini e un altro a 6. pisani; quello da li bolognini vuole cambiare a pisani; e quello dai pisani vuole cambiare a bolognini, e cambia a quella medessima ragione l'uno che l'altro; quando anno cambiato, quello da 6. pisani se trova avere tanti bolognini che sono radice dei pisani : domando che si trova quello ch'averva 4. bolognini e che valse il bolognino a'pisani.

Metano che il bolognino valesse a pisani una cosa de pisano, 4. holognini varano 4. cose de pisano: hora sappi quanto vagliano 6, pisani; cioè quanti bolognini; che in posto che il bolognino vale in cosa de pisano; adunqua multiplica una cosa via 6, fa 6 cose; tu ai che partire 6. cose per una ne de' venire radice de 4. cose; debiamo recare 1. a radice fa 1. quadrato censo; hora multiplica 1. quadrato via 4. cose; fa_4. cubi, et radice de 4. cubi sono equali a 6. reca 6. a radice, fa 36. parti per li cubi; che sono 4. ne vene 9. e radice cuba de 9.

vale la cosa. Noi ponemono che il bolognino valesse una cosa a pisani : adunqua varà il bolognino a pisani radice cuba de 9.

Quando li cubi sono equali a radice de numero, se dei partire le radici de' numeri per li cubi e la radice della radice cuba, de quello che ne vene varà la cosa:

Trovame tre numeri che sieno in proportione insieme commo 2. de 3. e 3. de 4. e multiplicato il primo per lo secondo, e la somma che fa multiplicata per lo terzo faccia radice de 12.

Poni che il primo numero sia 2. cose, il secondo 3. il terzo 4. cose : hora de' multiplicare 2. via 3. fa 6. quadrati censi; e questo multiplica per lo terzo, che 4. cose via 6. quadrati fa 24. cubi, i quali sono equali a radice de 12. Abiamo a partire per li cubi : pero reca 24. a radice, fa 576. parti 12 per 576. ne vene 12. cioè : e la radice de la radice cuba de : vale la cosa : e il primo numero fu 2. cose : reca 2. a radice de radice cuba; multiplica 2. via 2. fa 4.e 4. via 4. fa 16. e 4. via 16. fa 64. Hora dei multiplicare 64. via 1. fa 1 1. e la radice de la radice cuba de 1 ; fu il primo numero; o per lo secondo, che fu 3. reca 3. a radice de radice cuba, fa 729. multiplica 729. via 15. fa 15 16. e la radice de la radice cuba de 15 1/4 fu il secondo numero; per lo terzo, che fu 4. reca 4. a radici de radice cuba, fa 4006. multiplica 4006. via 1. fa 85 1. e la radice de radice cuba fu il terzo.

Quando li cubi sono equali a le cose, debiano partire le cose per li cubi, e la radice di quello che ne vene vale la cosa.

Trovame doi numeri che sia tal parte l'uno de l'altro

commo 2. de 3. e multiplicato l'uno per sè medessimo, poi per lo numero, faccia tanto quanto l'altro numero.

D'che uno de quelli numeri sia a. l'altro 3. cose : multiplica a. via 2. fa 4. quadrati censi, e a. cose via 4. quadrati fa 8 cubi; che sono equali a 3 cose; parti 3. per 8 cubi, ne vene è. e la radice de è. vale la cosa; e noi ponemmo il primo numero 2. debbi recare 2. a radice fa 4. Hora multiplica 4. via è. fa 1: 4. tanto il primo numero cioè de 1 ÷; il secondo ponemmo essere 3 cose, dei reacer 3 a radice fa 9. multiplica 9 via è. fa 3 è. et tanto fu il secondo numero.

Quando li cubi sono equali a li censi, debiamo partire li censi per li cubi, e quello che ne vene tanto numero varà la cosa.

Trovame doi numeri che sia tal parte l'uno de l'altro commo è 3 de 4. e multiplicato l'uno per sè medessimo, e la somma che fa multiplicata per lo numero faccia tanto quanto il secondo numero multiplicato per sè medessimo.

Poni che il primo sia 3. cose, il secondo 4. cose, multiplica 3. cose in sè fa 9, quadrati censi, e. 3. cose via 9, quadrati 6a 27. cubi. Hora debi multiplicare il secondo ch'è 4. cose via 4. cose fa 16. quadrati censi, li quali parti per li cubi , che sono 27. e partendo 16. per 27. ne vene $\frac{1}{27}$, tanto vale la coss. Noi ponemmo il primo numerò 3. multiplica 3. via $\frac{1}{27}$, fa 1 $\frac{1}{27}$, e 1 $\frac{1}{27}$, fa 1 il primo numero; il secondo metemmo 4. multiplica 4. via $\frac{1}{27}$, fa 2 $\frac{1}{27}$, tanto fu il secondo.

Quando li cubi sono equali a le cose e a li censi, debiamo patire per li cubi, poi dimezzare li censi, e quello dimezzamento multiplicare in sè medessimo, e quello che fa ponere sopra le cose, e quello che farà la sua radice più il dimezzamento de' censi varà la cosa.

Trovame 3. numeri che sia tal parte il primo del secondo, commo 3. de 4. e il secondo del terzo commo 4. de 5. e multiplicato il primo per sè medessimo , e poi per lo numero faccia tanto quanto il secondo multiplicato per sè medessimo e gionto al terzo.

Di'che il primo sia 3. il secondo 4. il terzo 5. Hora multiplica il primo 3. cose via 3. fa q quadrati censi e q. quadrati censi via 3. cose fa 27. cubi : multiplica il secondo in sè, che è 4. cose via 4. fa 16. quadrati censi, agiogni 5. cose, fa 16. quadrati e 5, che sono equali ad 27. cubi; reduci ad 1. cubo, arai 1. cubo equale ad quadrato 16. censo 7. e 5. de cosa; ismezza li censi, che sono 16 sirano 17. Hora multiplica 17. via 5 fa 64; agiognilo colle cose, che sono 5, farà 199; e la radice de 192, più il dimezzamento dei censi, vale la cosa, che fu 1/47: e noi ponemmo il primo numero 3; raduci a radici fa 9; multiplica 9 via 190 fa radice de 2 355; multiplica 3 via 1 numero fa 1 numero. Dunqua il primo numero fa radice de 2 333 più a per numero: e il secondo fu 4; fa comme de primo, arai radice de 4 144 più 1 5 per numero; per lo terzo fa'il simile, arai radice de 6 411 più 1 13 per numero.

Quando li cubi sono equali a le cose e al numero, se dei partire perli cubi e poi demezzare le cose, e quello dimezzamento multiplicare per sè medessimo, e quello che fa ponere sopra il numero, e la radice de quello, più il dimezzamento de le cose vale la cosa.

Trovame doi numeri che sia tal parte l'uno de l'al-

tro commo 2 de 3, che multiplicato l'uno per sè medessimo, e poi per lo numero faccia tanto quanto ragionti insieme i decti numeri, e poni su 16.

Fa cosi: poni uno 2 cose e l'altro 3 cose; multiplica 2 via 2 cose, fa 4 quadrati censi; e 2 via 4 quadrati fa 8 cubi. Hora ragiungni tramendui 2 e 3 fa 5 cose; ponci suso 16, arai 8 cubi essere equale ad 5 cose; e 16 numero reduci ad 1 cubo arei 1 cubo equale a 4 de cosa; e a numero hora ismezza le cose sirano #; multiplicale in sè fa 25; agiognilo collo numero; che è 2, sirà 2 25: la sua radice vale la cosa, più 5 che fu il dimezzamento de le cose. Noi ponemmo il primo numero 2; reca 2 a radice fa 4; multiplica 4 via 2 25, fa 8 100; e 2 via 3 fa 10, per che numero multiplico per numero: dunqua il primo numero fu radice de 8 100 più 5 per numero; il secundo numero ponemmo 3; reca a radici, fa 9; multiplica 9 via 2 25, fa radice de 18 25; poi multiplica 3 via 5 per numero, e radice de 18 225 più 15 per numero, fu il secondo numero.

Quando li cubi sono equali si censi e al numero, debiamo partire per li cubi, poi dimezzare li censi e multiplicare in sè, e ponere sopra del numero e la radice de la somma più il dimezzamento di censi val la cosa.

Trovame doi numeri che sia tal parte l'uno de l'altro commo 2 de 3, e multiplicato il primo per sè medessimo e poi per lo numero, faccia tanto quanto il secondo numero multiplicato in sè medessimo e posto sopra 12.

Ponamo il primo numero 2 cose, il secondo 3 cose: multiplica 2 via 2 cose fa 4 quadrati censi; e 2 cose via 4. quadrati censi fa 8 cubi. Hora multiplica il secondo ch'è 3 cose via 3 fa 9 quadrati censi; ponci su 12, sirà 9 quadrati censi e 12, numero equale ad 8 cubi; reduci ad 1 cubo arai 1 equale ad 1 quadrato censo 1 e 1 1 numero; dimezza li censi, cioè 1 1 sirà ; multiplica in sè fa 11; agiognilo al numero ch'è 2. 1 1, fa 1 200; e la radice de 1 200, poi il dimezzamento de'censi, che fu 3 vale la cosa. Noi ponemmo il primo numero 2; reca 2 a radici fa 4; e multiplica 4 via 1 fa radice de 7 17 ; e 2 via 7 fa 1 1 per numero : Dunqua il primo numero fu radice de 7 17 più 1 1 per numero. Il secondo metemmo 3 : reca 3 a radice fa q; multiplica 9 via 1 200 fa radice de 16 15; multiplica mo il numero per 3 ch'è numero, cioè 3 via 1 fa 1 116 numero: dunqua il secondo fu radice de 16 ** più 1 11 per numero.

Quando li cubi sono equali a li censi, a le cose e al numero, abiamo a ponare lo numero sopra le cose e farne numero, poi partire nelli cubi, poi dimezzare i censi, e multiplicare in sè, e ponare sopra il numero, e la radice di quella somma più il dimezzamento de' censi varà la cosa.

Trovame tre numeri che sieno in proportione l'uno de l'altro, commo a de 3, e 3 de 4, che multiplicato il primo in sè medessimo, e poi perlo numero facci tanto quanto il secondo multiplicato in sè e gionto collo terzo e con 12.

Meeti il primo numero 2 cose, il secondo 3 cose, il terzo 4 cose; multiplica il primo 2 cose via 2 fa 4 quadrati censi, e 2 cose via 4 quadrati fa 8 cubi. Hora debbi multiplicare il secondo, 3 cose via 3 cose fa 9 quadrati censi; giongni collo terzo, ch'è 4 cose e cum 12 farà 9 quadrati: 4 e 12 numero essere equale ad 8 cubi, seguita la regola, poni 4 sopra 12 numero, farà 16 numero; tu ai 8 cubi equale ad o quadrati censi e 16 numero; ismezza li censi, che sono 9, sirano...; raduci ad un cubo, arai 1 cubo equale a 1 quadrato ; e 2 numero; ismezza li censi ch'è 1 1, sirà 2; mutiplica in sè fa 11; pollo sopra del numero, che è 2, fa 2 a1 La sua radice vale la cosa piu il dimezzamento de li censi; e noi ponemmo il primo numero 2: recalo a radice fa 4; multiplica 4 via 2 11, fa radice de 9 17; e 2 via 1 fa 1 fa per numero: dunqua il primo fu radice de 9 17, piu 1 1 per numero. Il secondo mectemmo 3 : reca a radice, fa 9 ; multiplica 9 via 2 11 fa 20 217; e 3 via 1 fa 1 11 per numero: dunqua il secondo fu radice de 20 217 piu 1 11 per numero. Il terzo fu 4: reca a radice, fa 16; multiplica 16 via 2 11/4, fa radice de 37 1/4; e 4 via 1/4 per numero fa 2 1/4: adunqua il terzo fu radice de 37 14 piu 2 4 per numero.

Quando li cubi e li censi sono equali a le cose, debiamo partire per li cubi, poi dimezzare i censi e multiplicare in se, e ponere sopra le cose, e la radice de la somma meno il dimezzamento de censi varà la cosa.

Trovame 3 numeri che sieno in proportione l'uno de l'altro, commo 2 de 3, e 3 de 4; e multiplicato il pritino per sè medessimo, e poi per lo numero, e multiplicato il secondo in sè, e quello che fa, gionto con la prima multiplicatione faccia tanto quanto il terzo numero.

Di' che il primo numero sia 2 cose. il secondo 3 il terzo 4 cose; multiplica il primo in sè 2 via 2 cose

fa 4 quadrati censi, e 2 cose via 4 quadrati fa 8 cubi : hora multiplica il secondo 3 cose via 3 cose fa 9 quadrati censi; giongni co lo primo, arai 8 cubi e q quadrati censi, e quale ad 4 cose; raduci ad 1 cubo, arai 1 cubo e 1 quadrato censo : equale : cosa; dimezza i censi sirà ; multiplicali in sè fa *; agiognilo a le cose sirano 309; e la radice de 209 vale la cosa; e noi mectemmo il primo numero 2; reca 2 a radice fa 4; multiplica 4 via *09, fa radice de 3 17; multiplica il numero, cioè, 2 via la meta de le cose ch'è;, fa 1 - numero: dunqua il primo numero fu radice de 3 17 meno 1 1 per numero. Il secondo fu 4; reca a radice, fa 9; multiplica 9 via 200, fa radice de 7 200; multiplica 3 via *, fa 1 11 numero: dunqua il secondo fu radice de 7 *5. meno 1 11 per numero. Il terzo fu 4; reca a radice, fa 16; multiplica 16 via 300, fa radice de 13 1/4; e 4 numero via 1/4 fa 2 1/4 numero : dunqua il terzo fu radice de 13 1/4 meno 2 1/4 per numero.

Quandoli cubi e le cose sono equali ai censi, abiamo a partire per li cubi, poi demezzare li censi e multiplicare in sè, e de quello che fa trane le cose, e la radice de quello che rimane, più il dimezzamento de' censi vale la cosa.

Trovame tre numeri che sieno in proportione uno de l'altro, commo 3 de 4, e 4 de 5; e multiplicato il primo numero per sè medessimo, e poi per lo numero, e quella somma posta sopra il secondo numero, faccia tanto quanto il terzo multiplicato per sè medessimo.

Poniamo che il primo numero sia 3 cose, il secondo 4, il terzo 5 cose; e multiplica il primo 3 via 3 cose fa 9 quadrati; e 3 cose via 9 quadrati fa 27 cubi; agiognici il secondo, che è 4 cose, fa 27 cubi e 4 cose; multiplica il terzo, che è 5 cose via 5 cose. fa 25 quadrati censi; tu ai 27 cubi e 4 cose equali ad 25 quadrati censi; reduci ad 1 cubo, arai 1 cubo 4 de cosa, equale 35 de censo; dimezza i censi, che sono 35 sirano 35 multiplicali in sè, fa 425 cavane le cose, che sono 47, resta 193; e la radice 193 vale la cosa, più il dimezzamento de li censi, che fa 35; e noi dicemmo il primo numero 3, reca a radice fa 9; e 9 via 193 fa 1737; e 3 via 25 fa 1 7 numero: adunqua il primo fu radice de 1737 più 1 7 per numero. Il secondo metemmo 4; reca a radice, fa 16; multiplica 16 via 193 , fa radice de 1 43 più 1 23 per numero. Hora per lo terzo, che fu 5, reca a radice fa 25; e multiplica 25 via 193 fa radice de 1 1909; e 25 via 23 numero, fa 2 17: sicchè il terzo fu radice de 1 1999 più 2 17 per numero.

Quando i censi di censi sono equali al numero, debiamo partire il numero per li censi di censi, e quello che ne vene la radice de la sua radice varà la cosa.

Egl'è uno scudo che a 3 facce equalie non so quanto sia per faccia, ma so che il dicto scudo è 100 bracci quadro: domando quanto sera lo scudo per faccia.

Diponamo che sia per faccia 1 cosa per redudo a quadro : dei giognare tucte tre le facce insieme, che sirano 3 cose; piglia hora il mezzo de queste 3 cose, sono 1 ½; hora sappi quanto è da ciascuna faccia fine ad 1 cose ½ e ½ cosa; ora multiplica ½ cosa via 1 ½ fa ½ quadrato di censo; hora multiplica ½ cosa ½ di censo à da cubo ; e ½ cosa via 2 de cubo fa 3 de censo sa via 2 de cubo fa 3 de censo ;

di censo, che sono equalí ad 100 bracia; reca a radice fa 10,000. — Debiamo partire per li censi di censi che sono 1, cioè, reca ad 1 censo di censo sirà 1 censo di censo, equale 53,333 ; e la radice de la radice de 53,333 ; vale la cosa che è per faccia.

Quando li censi di censi sono equali a le cose, debiamo partire le cose per li censi di censi, e la radice cuba de quello che vene varà la cosa.

Trovame doi numeri che sia tal parte l'uno de l'altro commo 2 de 3, e multiplicato il primo per sè medessimo, e quello che fa multiplicato pure per sè medessimo, faccia tanto quanto il secondo numero.

Mecti il primo numero 2 cose, il secondo 3 cose; multiplica il primo, ch'è 2 cose via 2 cose fa 4 quadrati censi; hora multiplica 4 quadrati via 4 quadrati censi fa 16 gensi di censi, che sono equali a 3 cose; tu ai a partire 3 per 16 censi di censi, ne vene \(\frac{1}{12}\), et a la cosa; e noi ponemmo il primo numero 2; reca 2 a radice cuba, cioè, 2 via 2 fa 4, e 2 via 4 fa 8; hora dei multiplicare 8 via \(\frac{1}{12}\), fa radice cuba de 1 \(\frac{1}{12}\); tanto fu il primo numero, cioè, radice cuba de 1 \(\frac{1}{12}\); tanto fu il primo numero, cioè, radice cuba de 1 \(\frac{1}{12}\); tanto fu il primo numero, cioè, radice cuba de 1 \(\frac{1}{12}\); tanto fu il primo numero, cioè, radice cuba de 1 \(\frac{1}{12}\); tanto fu il primo numero, cioè, radice cuba de 1 \(\frac{1}{12}\); tanto fu il primo numero, cioè, radice cuba de 1 \(\frac{1}{12}\); tanto fu il primo numero, cioè, radice cuba de 1 \(\frac{1}{12}\); tanto fu il secondo mumero.

Quando li censi di censi sono equali a li censi, dovemo partire per li censi di censi, e la radice de quello che ne vene varà la cosa.

Trovame doi numeri che sia tal parte l'uno de l'altro, commo 3 de 4; e multiplicato il primo per sè medessimo, e quello che fa moltiplicato ancora per sè medessimo, faccia tanto quanto il secondo numero multiplicato per sè medessimo.

Poni che il primo numero sia 3 cose, il secondo 4 cose; hora multiplica il primo, ch'è 3 cose via 3 fa 9 quadrati censi; e 9 quadrati via 9 quadrati censi fa 8t censo di censi; hora multiplica il secondo, cioè, 4 cose via 4 cose fa 16 quadrati censi; tu ai 8t censo di censo equali ad 16 quadrati censi; tu dei partire li censi per li censo di censo : ne vene ;;; e la radice de ;; fi fa 1; che 1 radice de 1; fi ti 1 primo numero.

11 secondo metemmo 4: reca a radice, fa 16, e 16

via ;; fa 3;; e la radice de 3; fi ti il secondo numero.

Quando li censi di censi sono equali a li cubi, dovemo partire li cubi per li censi di censi, e quello che ne vene vale la cosa.

Trovame doi numeri che sia tal parte l'uno de l'altro commo 4 de 5, e moltiplicato il primo per sè medessimo, e quello che fa moltiplicato per sè medessimo faccia tanto quanto il secondo multiplicato per sè stesso, e quello che fa multiplicato per lo numero.

Di che il primo numero sia 4 cose, e il secondo 5 cose; multiplica il primo, chiè 4 via 4 cose fa 16 quadrati censi; e 16 via 16 quadrati censi fa 256 censi di censi : hora multiplica il secondo, 5 cose via 5 fa 25 quadrati; e 5 cose via 25 quadrati censi fa 125 cubi : hora tu dei partire li cubi per li censi di censi; a partire 125 per 256, ne vene 232 cubi vale la cosa. Noi ponemmo il primo numero 4; molvale la cosa. Noi ponemmo il primo numero 4; molvale la cosa. Noi ponemmo il primo numero 4; molvale cubi casa.

tiplica 4 via 111 fa 11

Quando li censi sono equali al censo di censo e al numero, dovemo partire, nelli censi di censi, e poi dimezzare i censi, e multiplicare in sè, e de quello che fa cavarne il numero, e la radice de quello che rimane varà la cossa.

Trovame doi numeri, che sia tal parte l'uno de l'altro commo 1 de 3, che multiplicato il primo per sè stesso, e quello che fa multiplicato per sè medessimo, poi gionto con 20, faccia tanto quanto il secondo multiplicato per sè stesso.

Ponamo che il primo numero sia 1 cosa, il secondo 3 cose; multiplica una cosa via una cosa, fa un quadrato censo e 1 quadrato via, 1, quadrato censo fa 1 censo di censo, pollo sopra a 20 fara 1 censo di censo e 20 numero: multiplica hora il secondo, cioè 3 via 3 cose fa 9 quadrati censi; tu ai 9 quadrati, che sono equali ad 1 censo di censo e 20 numero a partire per li censi di censi, a quello medessimo; dimezza i censi, che sono 9, siran 4 ½; multiplica in sè fa 20 ½; traune il numero, ch'è 20, resta ½; la radice de ½, ch'è ½, tracta del dimezzamento di censi, che fuoro 4½, tratone ½ renna e 4, e la radice de 4 vale la cosa ch'è 2, e 2 fu il primo e 6 il secondo.

Quando li censi sono equali a radice de numero, dovemo recare i censi a radici, poi partire le radice del numero per quello recamento de li censi a radice; e la radice de la radice de quello che ne vene varà la cosa. Trovame doi numeri che sia tal parte l'uno de l'altro commo 2 de 3, e multiplicato l'uno per l'altro faccia radice de 576.

Mecti il primo numero 2 cose, il secondo 3 cose; multiplica 2 via 3 cose fa 6 quadrati censi, i quali sono equali a radice de 576.

La regula dici che se richi i censi a radice, che sono 6, farà 36; parti per 36, ne vene 16; tanto vale la cosa, cioè radice de radice de 16: e noi ponemmo il primo numero 2; reca 2 a radice de radice fa 16; multiplica 16 via 16 fa 256; e la radice de la radice de 256 fu il primo numero 2 e metemmo il secondo 3, reca 3 a radice de radice fa 81; multiplica 81 via 16 fa 1296, e la radice de la radice de la radice de la radice de la radice fa 81; multiplica 81 via 16 fa 1296, e la radice de la rad

Quando li censi sono equali al numero e a radice de numero, se vole partire lo numero per li censi e servare, poi recare li censi a radice, e partire la radice del numero, e quello e la radice di quello che ne vene gionta collo numero che tu salvasti e la radice di quello varà la cosa, cioè la radice denumero que tu salvasti, più la radice de la radice di quello che venne partendo la radice del numero per la radice de censi.

Trovame doi numeri, che sia tal parte l'uno de l'altro commo 3 de 4; e multiplicato l'uno per l'altro faccia 10 e radice de 10.

Poni che il primo numero sia 3 cose e l'altro 4 cose; multiplica 3 cose via 4 cose fa 12 quadrati censi, li quali sono equale a 10 e radice de 10. Hora, per seguire la regula, abiamo a partire 10 per 12 quadrati censi ne vene ‡ cioè radice de ‡; hora parti radice de 10 per 12; reca 12 a radici fa 144; parti 10 per 144, ne vene $\frac{1}{7}$, e la radice de $\frac{2}{7}$ più radice de $\frac{1}{7}$ vale la cosa. Noi metemmo il primo numero 3; reca 3 a radice 6 a 9; e 9 via $\frac{2}{7}$; e radice de $\frac{2}{7}$; fa radice de $\frac{2}{7}$; e radice de $\frac{2}{7}$; tanto fu il primo numero. Il secondo fu $\frac{2}{7}$; reca $\frac{2}{7}$ a radice fa $\frac{1}{7}$; $\frac{2}{7}$ fa radice de $\frac{2}{7}$; $\frac{2}{7}$ fa radice de $\frac{2}{7}$; e tanto fu il secondo numero.

Quando le cose, li censi e li cubi sono equali al numero, dovemo partire prima per li cubi, poi partire le cose per li censi, e quello che ne vene recare a radice cuba e ponere sopra del numero e radice cuba di quella sonuma vara la cosa meno il partimento che venne de le cose partite ne' censi.

Uno presta ad un altro 100 £ e in capo de 3 anni riebbe 150 £. A fare capo d'anno domando a che ragione fu prestata la £ il mese.

Poni che la lira fusse prestata il mese ad 1 cosa : adunque la £ guadagna l'anno 12 cose, e perchè 12 è 1 soldo, e il soldo ; ele £, dunque piglaremo ;; de cosa. Se la £ guadagna l'anno ;; de cosa, 100 £ guadagnarano :;; de cosa, che sono 5 cose per lo primo anno. Hora per lo secondo 100 £ guadagnano altre 5 cose; e 5 cose a quella ragione guadagnano l'anno ; di quadrato di censo; tu ai 100 £ e 10 cose e ; di quadrato di censo. Il terzo anno, 100 £ guadagnano pure 5 cose, e 10 cose si guadagnano ; quadrato censo, e; di quadrato di censo guadagna ;; di cubo. Tu ai che in tre anni 100 £, 15 cose ; di censo, ;; di cubo, li quali sono equali a 150 £: to' via 100 £ da onni parte, arai 50 £ equale ad 15 cose e ; di censo c; ; di cubo, redne; ad 1 cubo, rado cose, comparte, arai 50 £ equale ad 15 cose e; di censo c; di cubo, redne; ad 1 rubo, arai 1 cubo, e 1200 cose,

e 60 censi equali ad 4000 £; e la regula dici che tu parta le cose, che sono 1700, per li censi che sono 60, ne vene 20, e questo 20 reca a radice cuba fa 8000; agiognilo collo numero che è 4000, fa 12000; e la radice cuba de 12000 vale la cosa meno il partimento che venne de le cose ne' censi, che fu 20; e noi dicemmo che la £ fu prestata ad 1 cosa, e la cosa vale radice cuba de 12000 meno 20 per numero: adunque fu prestata la £ il mese a radice cuba de 12,000, meno 200 per numero.

Quando lecose e i censi e i cubi e censi di censi sono equali al numero, se dei partire ne'censi di censi, e poi partire le cose per li cubi, e quello che ne vene recare a radice e ponere sopra del numero, e la radice de la radice di quella somma, meno la radice de le cose che ne vene, partite per li cubi; tanto vale la cosa.

Uno presta ad un altro 100 £ per 4 anni, a fare capo d'anno; e in capo de 4 anni gli rende, tra merito e capitale 160 £. Adimando a che ragione fu prestata la £ il mese.

Ponamo che la £ fusse prestata il mese ad 1 cosa, la £ guadagnara l'anno 12 cose; per le 12 cose pigla ;; di cosa perchè 12 et 1 soldo commo è dicto denanze. Se la £ guadagna l'anno ;; de cosa, 100 £ guadagnarano ;;; che sono 5 cose; 100 l. guadagnaro il primo anno 5 cose, il secondo 100 £ guadagnano il 12 cose, e 5 cose guadagnano l'anno;; di quadrato, ch'è ; di quadrato di censo; giogni inseme, si il secondo anno 100 £, 10 cose, ; di quadrato di censo.

Hora per lo terzo anno 100 £ guadagnano 5 cose, e 10 cose guadagnano ; quadrato censo, e ; di quadrato di censo guadagna l'anno : di cubo: giogni i numeri fa 100 £ 15 cose 1 di quadrato di censo 1 di cubo. Per lo quarto anno 100 € dano 5 cose; e 15 cose dano l'anno 1 di censo; e 1 di censo dano l'anno 1 di cubo; e 1 de cubo dà l'anno 1 di censo di censo: tu ai il quarto anno 100 £ e 20 cose 1 quadrato censo t e t di cubo t de censo di censo; e questo è equale ad 160 %; eguagla le parti, to'via da onni parte 100 l. remane 60 l. equale ad 20. 1 quadrato to de cubo de censo di censo, reduci ad 1 censo di censo, arai 1 censo di censo, 32000 cose e 24000 censi e 80 cubi equale ad 96000 numero; parti le cose per li cubi, cioè 32000 per 80, ne vene 400; reca a radici, fa 160000; pollo sopra il numero, che è 06000, fa 256000, e la radice de la radice de 256000 vale la cosa meno la radice del partimento chevenne de le cose per li cubi, cioè Iradice de 400 che è 20.

Uno presta ad un altro 100 £, e in capo de l'anno li vole rendere, e quello li dici tiegli un altro anno a quella medessima ragione; e in capo de l'altro anno; e quello si trova che la radice del merito è capitale del primo anno, multiplicato colla radice del merito e capitale del secondo anno fa 500. Domando a che ragione fu prestata la £ il mese.

Poni che li rendesse il primo anno 1 cosa tra merrico capitale: hora di' 100 € da 1 cosa, che darà 1 cosa? multiplica 1 via 1 cosa fa 1 quadrato censo; partendolo per 100 ne vene ; di quadrato di censo; tu ai che il primo anno fu, tra merito e capitale, 1 cosa; il secondo, tra merito e capitale fu ; di quadrato di censo. Hora multiplica radice de 1 cosa via radice de 100 di censo fa 100 di cubo, e questo è equale a 500; reca 500 a radice fa 250000; hora multiplica 100 via 250000 fa 2,500,000; e se tu volesse sapere a che ragione fu prestata la £ l'anno, parti radice cuba de 2,500,000 meno 100 per 100; reca 100 a radice cuba fa 1,000,000; hora parti radice cuba de 2,500,000 per radice cuba de 1,000,000, ne vene radice cuba de 25; parti 100 m. in 100, ne vene 1; e cussi ai che la £ valse l'anno radice cuba de 25 meno i per numero : e se volesse sapere a che ragione fu prestata la £ il mese, reca 12 a radice cuba, fa 1728; parti radice cuba de 25, meno I per numero, per 1728, ne vene radice cuba de -15 £ meno per numero de l. Se voi recari a denari, reca 20 a radice cuba, fa 8000; e reca 12 a radice cuba, fa 1728; multiplica 1728 via 8000, fa radice de 13,824,000; hora multiplica as meno i per numero via 13,824,000 fa radice cuba de 200000 meno 20 denari per numero : a tanto fu prestata la £ il mese.

Uno presta ad un altro denari non so quanti, nè a che ragione la £ il mese; ma so che quante £ gli prestò tanti mesi li tenne, e tanto merito; e so che li rende de merito 18 soldi. — Domando quante £ li presti, e a che ragione la £ il mese. Hora recha 18 fa 324, e la radice cuba de 324 fuoro le £ che gli prestò, e tanto li tenne e a tanto merito.

Uno presta ad un altro denari non so quanti, nè a che ragione la £ il mese; e in capo dell' anno li vole rendere il merito e il capitale; e quello dici tienli un altro anno a quella medesima ragione; e quando fu in capo de l'altro anno; e quello li rende il merito e il capitale; il quale trova che il merito de l'ultimo anno multiplicato per sè medesimo fa 14 soldi più che il capitale. Domando che li prestò, e a que ra gione fu prestata la £ il mese.

Di' che li prestasse i cosa a 20 denari il mese, sirano l'anno 20 soldi; per 20 piglia I, cioè I £: adunqua il primo anno fuoro 2 cose. Hora merita 2 cose per l'altro anno, che fanno de merito 2; multiplica 2 cose via 2 cose fa 4 quadrati censi, e tu voi I cosa e 14 soldi più; reduci i soldi a denari, sirano 168; tu ai I cosa e 168 numero equale a 4 quadrati censi; reduci ad I quadrato, arai I quadrato equale ad \(\frac{1}{2}\) di cosa e 42 numero; izmezzate le cose, sirano \(\frac{1}{2}\) multiplica in sè fa \(\frac{1}{12}\); pollo sopra il numero, fa \(42\) \(\frac{1}{12}\) et la radice de \(42\) \(\frac{1}{12}\); pollo sopra il numero i prestò a ragione de 20 denari il mese.

Uno presta ad un altro denari non so quanti, nè a che ragione la £ il mese; in capo de 2 anni se trova avere facto d'onni 1. 3; e tante e quante li prestò a tanti denari per £ il mese fu meritata. Poni che li prestasse 1 cosa, e a 1 cosa de denari il mese valerà l'anno 12 cose; per le 12 pigla \(\frac{1}{2} \) di 1, ch' è \(\frac{1}{2} \) di censo. Hora fa per l'altro anno : pigla \(\frac{1}{2} \) di ecnso. Hora fa per l'altro anno : pigla \(\frac{1}{2} \) di ecnso. (he è \(\frac{1}{2} \) de cubo; e noi volemo d'onni denaro 3; multiplica 1 via 3 fa 3, che sono eguali 1 cosa \(\frac{1}{2} \) di quadrato di censo \(\frac{1}{2} \) de cubo; i o' via da onni parte 1, arai 2 cose equale \(\frac{1}{2} \) de cubo; o' via do fono i parte cubo; raduci ad 1 cubo, arai 1 cubo 40 quadrati censo \(\frac{1}{2} \) de cubo; o 40 quadrati censo d'arc ubo, arai 1 cubo 40 quadrati censo \(\frac{1}{2} \) de cubo; raduci ad 1 cubo, arai 1 cubo 40 quadrati censo \(\frac{1}{2} \) de cubo; raduci ad 1 cubo, arai 1 cubo 40 quadrati censo \(\frac{1}{2} \) de cubo; raduci ad 1 cubo, arai 1 cubo 40 quadrati censo \(\frac{1}{2} \) de cubo; raduci ad 1 cubo, arai 1 cubo 40 quadrati censo \(\frac{1}{2} \) de cubo; raduci ad 1 cubo, arai 1 cubo 40 quadrati censo \(\frac{1}{2} \) de cubo; raduci ad 1 cubo, arai 1 cubo 40 quadrati censo \(\frac{1}{2} \) de cubo; raduci ad 1 cubo, arai 1 cubo 40 quadrati censo \(\frac{1}{2} \) de cubo; raduci ad 1 cubo, arai 1 cubo 40 quadrati censo \(\frac{1}{2} \) de cubo; raduci ad 1 cubo, arai 1 cubo 40 quadrati censo \(\frac{1}{2} \) de cubo; raduci ad 1 cubo, arai 1 cubo 40 quadrati censo \(\frac{1}{2} \) de cubo; raduci ad 1 cubo, arai 1 cubo 40 quadrati censo \(\frac{1}{2} \) de cubo; raduci ad 1 cubo, arai 1 cubo 40 quadrati censo \(\frac{1}{2} \) de cubo; raduci ad 1 cubo 40 quadrati censo \(\frac{1}{2} \) de cubo; raduci ad 1 cubo 40 quadrati censo \(\frac{1}{2} \) de cubo; raduci ad 1 cubo 40 quadrati censo \(\frac{1}{2} \) de cubo; raduci ad 1 cubo 40 quadrati censo \(\frac{

si, equale a 800 cose; ismezza li censi, che sono 40, sirano 20; multiplica in sè, fa 400; agiogni colle cose, che sono 800, fa 1200. La sua £ vale la cosa, meno 20 per numero, che fu il dimezzamento de' censi : adunqua li prestò tante £ che fuoro radice de 1200 meno 20 numero, e a tanti d'enari il mess per £.

Uno presta ad un altro denari non so quanti, nè a che ragione la π il mese; in capo de l'anno gli rende tra merito e capitale 100 \pm 1 poi le presta ad un altro, queste 100 \pm 2, a quella medesima ragione, e se trova che il guadagno de prima e quello de poi è δ 5 \pm 5. Domando quante \pm fu il capitale de prima.

Poni che li prestasse I cosa; il primo anno guadagna 100 £ meno I cosa; se I cosa me da 100, che me darà 100? multiplica 100 via 100 fa 10,000; a partire per I cosa, ne dei venire 50; trallo del guadagno de prima, ch' è 100 meno I, resta 50 meno 1; multiplica I via I cosa fa I quadrato ceso; e I cosa via 50 fa 50 cose; tu ai I quadrato ceso; e I cosa via 50 fa 50 cose; tu ai I quadrato ceso; e I cosa via 60 fa 50 cose; tu ai I quadrato con plicale in se fa 625; giogni collo numero, fara 10625; la cosa vale radice de 10625, meno il dimezzamento de le cose che fu 25; e noi dicemmo che li prestò I i dunqua li prestò radice de 10625 meno 25 per numero.

Uno presta ad un altro denari non so quanti, ma quanti denari li presta a tanti denari fu prestata la £limese; e in capo de 6 mesi, quello li rende tra merito e capitale 80 £. Domando quanti denari li prestô.

Di che li prestasse 1 cosa; e 1 cosa de £ il mese per li 6 mesi pigla 6 de denari; hora di 1 cosa via 6 cose fa 6 quadrati censi de denari; e tanto è il merito, e l' capitale è 1 cosa; reca 1 £ a denari fa 240 cose di denaro; agiogni 6 quadrati censi, arai tra merito e capitale 240 cose, et 6 quadrati censi equale ad 80 £; reca 80 £ a denari, fa 19200; reca ad 1 quadrato censo, arai 1 quadrato 40 cose equali ad 3200; ismezza le cose, che sono 40, sirano 20; multiplicale in sè, fa 400; agiogni collo numero, fa 3600; la sua radice vale la cosa meno 20 che fu il dimezzamento de le cose : e noi dicemmo que li prestò 1 cosa, e la cosa vale radice de 3600, meno 20 per numero. Adunqua li prestò radice de 3600, meno 20 per numero.

Uno presta ad un altro denari non so quanti nè a che ragione la \neq il mese; ma il primo anno n' a 100 \neq , et l'altro anno gli merita a quella medesima ragione che il primo; in capo de doi anni si trova d' onni 3 denari 4. Domando a che ragione fu prestata la \neq il mese e quello che li prestò.

Metamo che li prestasse la £ ad 1 cosa de £ l'anno, adunqua onni £ vale l'anno, tra merito e capitale, $\mathbf{1}$ £ 1 cosa; dunqua 100 £ saranno l'anno, tra merito e capitale, $\mathbf{100}$ £ 00 cose; e noi dicemmo che onni 3 denari fa 4: adunqua pigla $\frac{1}{4}$ de 100 £ e 100 cose sono 75 £ e 75 cose, e questo de essere tanto quanto partito 100 £ per $\mathbf{1}$ £; e $\mathbf{1}$ cosa, però multiplica $\mathbf{1}$ e $\mathbf{1}$ cosa via 75 £ e 175 cose, 16 175 quadrati censi e 150 cose e 16 175 numero, che sono equali ad 100 £; restora le parti; to via da onni parte 16 numero, reduci ad 16 numero, equale a 16 16 quadrato, erai 16 quadrato, arai 16 quadrato e 2, equale ad 16 numero.

ismezza le cose, che sono 2, sirà 1; multiplica in se, fa 1; giogni cum lo numero, ch' è 1, fa 1 1, e la sua radice vale la cosa, meno il dimezzamento de le cose, che fu 1 per numero; e volendo sapere quello che li prestò, multiplica 100 in sè fa 10000; partilo per 1 1, ne vene 7500, radice de 7500 £ li prestò; e per vedere a quanto fu prestata la £ il mese, multiplica 20 in sè, fa 400; hora multiplica radice de 400 via radice de 1 1 fa radice de 533 1; e 20 via meno 1 fa 20 meno, per chè tu averai a multiplicare radice de 1 3 meno 1 per numero per 20 , bisogna multiplicare radicep er radice e il numero per numero : però ai facto de 20 radice per multiplicare radice de 1 1 e meno 1, multiplicasti per 20 ch' è numero : diremo che la £ fusse prestata il mese a radice de 533 ; meno 20 per numero.

Uno presta ad un altro 6 £; in capo de 2 anni gli ne rende 20 £. Domando a che ragione fu prestata la £ il mese.

Fa così: multiplica 20 in sè, fa 400 £ in per 2 anni, o parti quello che li rende per quello che li prestò; parti 20 per 6, ne vene 3 ‡; multiplica 3 ‡ via 400 fa 1333 ‡: adunqua fu prestata la £ il mese a radice de 1333 ‡ meno 20 p. numero.

Uno presta ad un altro denari non so quanti, nè a che ragione la \mathcal{F} il mese; ma so che il primo anno fuoro tra merito e capitale $roo\,\mathcal{F}$; poi li tenne per lo secondo anno a quella medessima ragione; poi li rendè, tra merito e capitale, tanti denari che la radice del primo capitale. Domando che fu il suo primo capitale, \mathcal{F} e a che ragione fu prestata la \mathcal{F} il mese.

Mecti che li prestasse I cosa; il capo de l'anno fu tra merito e capitale 100 £: adunqua 1 cosa da l'anno 100 £; che darà 100 £ per lo secondo anno? multiplica 100 via 100 fa 10000; tu ai che a partire 10,000 per 1 cosa ne de venire 1 quadrato censo; hora multiplica i cosa via i quadrato censo fa uno cubo, e questo è equale ad 10000 numero; partilo per 1 cubo ne vene radice cuba de 10000, e tanto vale la cosa. Noi dicemmo che li prestò 1, e la 1 vale radice cuba de 10000 : adunqua li prestò radice cuba de 10000. Se tu voi sapere a che ragione fu prestata la £ il mese, parti 100 per radice cuba de 10000; prima reca 100 a radice cuba fa 1,000,000; parti 10000, ne vene radice cuba de 100. Hora se vole partire in 12, reca 12 a radice cuba fa 1728; parti radice cuba de 100 per radice cuba de 1728, ne vene radice cuba de recare a soldi poi a denari; reca 20 a radice cuba fa 8000; multiplica radice cuba de 8,000 via radice cuba de 463 4, fa radice cuba de 800000 de denari meno 1 £; a partire in 12 ne vene 20 denari meno : adunqua li prestò radice cuba de 10000 £ e a ragione la £ il mese de radice cuba de 800000, meno 20 denari per numero.

Uno presta ad un altro denari non so quanti, nè a che ragione la £ il mese; in capo de l'anno li rende tra merito e capitale 100 £; da poi li retene queste 100 £ per un altro anno a quella ragione, e 1 denaro più il mese per £. In capo del secondo anno, li rende i suoi denari duplicati. Domando quanti denari li prestò prima, e a che ragione la £ il mese.

Poni che li prestasse i cosa, e in capo del primo

anno fusse tra merito e capitale 100 £: dunqua che te darà 100 £? multiplica 100 via 100 fa 10000; tu ai che a partire 10000 per 1 cosa ne dei venire 2 cose; multiplica I via 2 fa 2 quadrati censi e per I denaro più che guadagna la £ il mese 100 £ siranno 5 £; per le 5 ≠ piglia 5 cose : adunqua tu ai 2 quadrati censi equali a 5 e 10000 numero; reduci ad 1 quadrato censo arai i quadrato equale a 2 cose ; e 5000 £; demezza le cose siranno 1 1, multiplicale in sè fa 1 1 pollo sopra il numero farà 5001 ; e radice de 5001 più 1 1, che fu il dimezzamento de le cose, vale la cosa; e noi mectemmo che li prestò 1 : dunqua li prestò radice de 5001 2 più 1 1; e volendo sapere a che ragione furo prestate le £ il mese, parti per 12 che dà radice de 5001 2 più 1 4; in su per fine 1. 100, cioè, fa così : cava I 1 de 100, resta 98 3; multiplica in sè fa 9751 2: hora reca 12 a radice, fa 144; parti radice de 9751 2 per radice de 144, ne vene radice de 67 1457; o parti 5001 per 144, ne vene radice de 34 1490 : adunqua furo prestate le ≠ il mese a ragione de radice de 67 1457 de £ meno radice de 34 1450 de £.

Uno presta ad un altro denari non so quanti nè a che ragione la \mathcal{L} il mese, e tante \mathcal{L} quante li prestò a tanti denari fu prestata la \mathcal{L} il mese; in capo de l'anno li rende $50 \mathcal{L}$. Domando, che li prestò e a che ragione la \mathcal{L} il mese?

Di che li prestasse I e I di merito, che da ; di quadrato di censo; reduci ad I quadrato, arai I quadrato censo 20 e 1000 numero, che 50 multiplicato per 20 fa 1000; ismezza le cose, s'erano 10; multiplica in sè, fa 100; giugnilo al numero, che è 1000, fa 1100, e la radice de 1100 vale la cosa meno 10 che fu il dimezzamento de le cose: adunqua li prestò radice de 1100, e a tanti dinari il mese, cioè radice de 1100.

Uno presta ad un altro denari non so quanti, a ragione de 2 denari per £ il mese; e tante £ quante li prestò tanti anni li tenne; a fare capo d'anno e capo del tempo si trova facto, tra merito e capitale, numero quadrato. Domando, quante £ li prestò, e quanto tempo le tenne?

Mecti che li prestasse I e tenneli I cosa d'anno; e dunqua vale la £ 2 cose; per le 2 cose piglia ; de cosa, che è ; di quadrato di censo; hora tu ai I cosa e ; di quadrato di censo, e tu voi numero quadrato; piglia uno numero quadrato, quale te piaci, o voi 4 o 9 : piglia 4; tu ai che I cosa ; di quadrato di censo è equale ad 4; reduci ad I quadrato censo, arai I quadrato I o equale ad 40 numero; ismezza le cose, sirano 5; multiplica im sè fa 25; pollo sopra del numero, ch'è 40, fa 65, e la radice de 65 vale la cosa, meno 5, che fu il dimezzamento de le cose; e noi metemmo che li prestasse I cosa e ad I de tempo: adunqua li prestò radice de 65 per numero, e tanto tempo li tenne.

Uno presta ad un altro denari non so quanti, a ragione de 8 denari per £ il mese, e quello li rende il primo anno 12 £, e il secondo li rende 17 £, e il terzo li rende 28 £ c remaseli 7 £. Domando, quanti denari li presto? Pa' cose: tu sai che a 8 denari il mese vale l'anno la £ 8 soldi, ch' è ṭ de £; e perchè li remase γ $\not =$ se de' ponere quelli $\mathring{\tau}_1$; coè a sopra γ , che sirà $\mathring{\tau}_1$ che se ne dei cavare onni anno; e perchè il terzo anno rende 28 e γ li remase, che fa 35 $\not =$, tranne $\mathring{\tau}_1$ che sono 10, remane 25 $\not =$ e quello li rende il secondo anno, che furo 17 $\not =$, che con 25 fa 42 $\not =$; cavane $\mathring{\tau}_1$, che sono 12, remane 30 $\not =$; e 12 $\not =$ che rende il primo anno, gionte con 30 fa 42 $\not =$; tranne $\mathring{\tau}_1$; che sono 12, restano 30 $\not =$ e 30 $\not =$ li presto, perchè 30 ad 8 soldi per $\not =$ l'anno fanno 2 $\not =$ 5 sodi, che guadagnaro il serondo anno 12, che con 30 fu 42; tranne 17, che li rende; e remasaro pure 30, che guadagnaro il serondo anno 12, che con 30 fu 42; tranne 17, che li rende, restano 25 $\not =$ 6 che guadagnaro il terzo anno 10, che con 25 fa 35, e li rende 28, che li remase γ commo dicemmo.

Uno presta ad un altro denari non so quanti nè a che ragione la \neq il mese per doi anni : in capo del primo anno si trova 100 \neq e a quella medessima ragione in capo del secondo anno si trova avere facto d'onni 16 denari 35. Domando quanti denari li prestò e a che ragione fu prestata la \neq il mese ?

Poni che li prestasse 1 £ a 1 : adunqua 100 £ sirano l' anno tra merito e capitale 100 £ e 100 cose; e noi dicemo che 16 ſa 25; adunqua cava de 100 € che sono 64, e cava de 100 cose € il serano 64·cose, e questo de' essere tanto quanto partito 100 £ per 1. e 1 cose : però multiplica 1 e 1 via 64 e 64 cose, ſa 64 quadrati censi, e 128 cose e 64 numero equale ad 100. restarà le parti; to via da onni parte 64 resta 36 equale a 64 quadrati e 128 cose equale ad 1 quadrato, a 2 £ cose equale ad 1 r unadrato, a 21 € cose equale ad 1 r unadrato, a 21 € cose equale ad 1 r unadrato e 21 € cose equale ad 1 r unadrato e 21 € cose equale ad 1 r unadrato e 21 € cose equale ad 1 r unadrato e 21 € cose equale ad 1 r unadrato e 21 € cose equale ad 1 r unadrato e 21 € cose equale ad 1 r unadrato e 21 € cose equale ad 1 r unadrato e 21 € cose equale ad 1 r unadrato e 21 € cose equale ad 1 r unadrato e 21 € cose equale ad 1 r unadrato e 21 € cose equale ad 1 r unadrato e 21 € cose equale ad 1 r unadrato e 21 € cose equale ad 1 r unadrato e 21 € cose equale ad 1 r unadrato e 21 € cose equale ad 1 r unadrato e 21 € cose equale ad 1 r unadrato e 21 € cose equale ad 1 r unadrato e 21 € cose equale ad 1 r unadrato e 21 € cose e quale ad 1 r unadrato e 21 € cose e quale ad 1 r unadrato e 21 € cose e quale ad 1 r unadrato e 21 € cose e quale ad 1 r unadrato e 21 € cose e quale ad 1 r unadrato e 21 € cose e quale ad 1 r unadrato e 21 € cose e quale ad 1 r unadrato e 21 € cose e quale ad 1 r unadrato e 21 € cose e quale ad 1 r unadrato e 21 € cose e quale ad 1 r unadrato e 21 € cose e quale ad 1 r unadrato e 21 € cose e quale ad 1 e 0 € cose e quale ad 1 r unadrato e 21 € cose e quale ad 1 e 0 € cose e 0

al numero, fa 1 ;; : la sua radice vale la cosa meno il dimezzamento de le cose, che fu 1 per numero; et tu voi sapere quello che li prestò : multiplica 100 in se fa 10,000; partilo per 1 ;;, ne vene radice de 6400 : tante £ li prestò; e volendo sapere a quanto fu prestata la £ il mese, multiplica 20 in se fa 400, e questo multiplica per 1 ;; cioè radice de 1 ; via radice 400, fa radice de 625, emeno 1 per numero via 20 numero fa meno 20; e così ai che la £ fu prestata il mese a radice de 625 meno 20 per numero.

Doi homeni ano denari non so quanti, ma so che il' primo dici al secondo: damme 10 dei tuoi, che n' arò doi tanti di te. Il secondo dici al primo: damme 10 dei tuoi, che n'arò doi tanti de te e più la radice dei tuoi. Domando quello che avia per uno.

Poni che il primo abbia 1 quadrato censo, il secondo abbia duadrato censo e 15 : se il secondo dà 10 al primo, li remane : quadrato e 5, e il primo arà 1 quadrato e 10, che n'arà doi tanti del secondo ; ma se il primo dà 10 al secondo, li remane 1 quadrato meno 10 numero, e il secondo arà : quadrato censo e 25 numero; e perchè dici d'avere doi tanti del primo più la radice de quelli del primo, però multiplica 2 via 1 quadrato meno 10 fa 2 quadrati censi meno 20 numero; agiogni la radice del primo, ch'è 1, arei 2 quadrati censi meno 20 e 1, equale ad 25 e 4 quadrato; restora le parti, to' via da onni parte : quadrato censo, e da ad onni parte 20, arai i quadrato censo 🕯 e 1, equale ad 45; reduci ad 1 quadrato 3 equale a 30 numero; ismezza le cose, sirà ; multiplica in sè fa ; gionilo sopra 3o fa 3o ;, e la radice de 3o ; vale la

cosa meno † de numero, che fu il dimezzamento de le cose : tanto vale la cosa, e il censo vale 30 † meno radice de 13 ‡: tanto ebbe il primo ; il secondo ebbe ‡ quadrato censo e 15 † mezzo censo vale 15 †; meno radice de 3 †;; agiognici 15, fa 30 †; meno radice de 3 ‡; tanto ave il secondo

Doi homini anno denari, il primo n'a una quantità e il secondo n'a doi tanti più la radice del primo, e tucti doi anno 14. Domando, quanti denari anno per uno?

Dì che il primo abbia 1 quadrato censo, e il secondo a quadrati censi e 1 cosa; agiongni insieme, fa 3 quadrati censi 1 cosa; e questo è equale a 14; reduci ad 1 quadrato arei 1 censo; di cosa e 4 \(\frac{2}{7}\) numero; dimezza le cose, sirà \(\frac{1}{7}\); multiplica in sè, fa \(\frac{1}{7}\); piduci il numero a 36, che è 4 \(\frac{2}{7}\); sirà \(\frac{1}{7}\); giognici \(\frac{1}{7}\), fa \(\frac{1}{7}\); piglia la radice, ch' è 13; et piglia la radice de 36; che è 6; parti 13 per 6, ne vene 2 \(\frac{1}{7}\); tranne il dimezzamento de le cose, che fu \(\frac{1}{7}\), resta 2: tanto vale la cosa, che fu la radice del primo; multiplica in sè, fa \(\frac{1}{7}\); tanto a il primo; il secondo.

Doi anno denari; il primo dici al secondo : damme ro de' tuoi, che n'arò doi tanti di te; dici il secondo al primo : damme ro dei tuoi, che n'arò doi tanti di te, più la radice di quello che te remane. Domando, quanti denari avia ciascheduno?

Ponamo che il primo abbia 1 quadrato e 10; il secondo è quadrato censo e 20. Se il secondo dà 10 al primo, li remane è quadrato e 10, il primo arà 1 quadrato e 20, che n'arà doi tanti del secondo. Se il primo dà 10 al secondo, li remane un quadrato, e il secondo arà + quadrato censo e 30; e perchè dici avere doi tanti del primo e più la radice de quello che li remane, però multiplica 2 via 1 quadrato censo fa 2 quadrati censi, e la radice de 1 quadrato è 1 cosa, gionto con 2 quadrati censi fa 2 quadrati e 1 equale ad ; quadrato censo e 3o numero; restora le parti, to'via da onni parte : quadrato censo, restarà 1 quadrato censo te i cosa equale a 30; reduci ad i quadrato, arai i quadrato censo 3 de cosa equale a 20; dimezza le cose, che sono 3 sirà 3; multiplica in sè, fa 4; giognilo col numero, ch' è 20, fa 20 1, e la radice de 20 1, meno t per numero, vale la cosa; e per lo censo multiplica radice de 20 1 meno 1 via radice de 20 1 meno 1 fa 20 et a meno radice de 7 16; tanto vale il censo: e noi metemmo il primo che avesse i quadrato e 10, adunqua avia 20 2 meno radice de 7 16 e più 10, che fa 30 meno radice de 7 14: tanto ave il primo. Il secondo metemmo che avesse 1 quadrato censo e 20; e mezzo censo vale 10 4 meno radice de 1 319 e 20 più per numero che dicemmo ch'avia, fa 30 : meno radice de 1 319 : anto ebbe il secondo.

Uno ch'abia 1 fiorino, e ebbene 26 grossi e 26 picioli, e tanti picioli vale il grosso quanti grossi vale il fiorino: domando, quanti grossi vale il fiorino, e quanti picioli vale il grosso?

Poni che il fiorino vaglia 1 a grossi, a picioli vale 1 quadrato; anne avuto 26 grossi e 26 picioli; agionti insieme de fare 1 fiorino. Noi metemo che il fiorino vaglia 1 a grossi e a picioli un quadrato: dunque 26 grossi sono 26, e 26 picioli 26 quadrati; e 1 via:

quadrato fa 1 cubo, 'ch'è equale 26 ct 26 quadrati; imezza i censi, sirano 13; multiplica in se, fa 169; giognilo al numero, fa 195; la sur radice vale la cosa più il dimezzamento de' censi, che fu 13: tanto vale il fiorino; ggiogni radice de 195 più 13.

Doi homini anno denari : dici il primo al secondo : damme la metà de' tuoi, che n'arò 6; dici il secondo al primo : damene ; de li tuoi, che n'arò 6 e più la radice del tuo remanente. Domando quello ch' avia ciascuno.

Mecti che il primo abia 6 meno 3 cose, il secondo arà 6 cose; se il secondo dà la : de' suoi al primo gli darà 3 : adunqua il primo arà 6 commo disse; ma se' l primo dà ; de'suoi al secondo li darà 2 meno 1 : adunqua il secondo arà 2 e 5 cose, che sono equali a 6, e radice de 4 meno 2 cose che sono remase al primo; tra' 2 de 6 resta 4 meno 5, che sono equali a radice de 4 meno 2 : reca 4 meno 5 cose a radice fa 16 meno 40 più 25 quadrati censi, che sono equale a 4 meno 2 cose; to' via da onni parte 4 e 2 cose, arai 25 quadrati censi equale a 38 e 12 numero; reduci ad 1 quadrato arai 1 quadrato equale a 38 e 12 numero; dimezza le cose sirano 19 ; multiplica in se fa 361 ; tranne 13 resta 41, e la radice de 41 vale la cosa più 19 per numero che fu il dimezzamento de le cose; e noi metemmo che il primo avesse 6 meno 3, e 3 vagliono 2 2 più radice de 442; cavalo de 6 resta 3 18 meno radice de 349 : tanto ebbe il primo. Il secondo dicemmo che avia 6 che avagliono 4 14 più radice de 3 321 : tanto ebbe il secondo.

Doi homini anno denari. Dici il primo al secondo:

se io multiplicasse li mici per loro medessimi, io n'aria tre tanti di te. Dici il secondo al primo, se io multiplicasse i mici per loro medessimi, io n'aria 4 cotanti di te. Domando quello che a per uno.

Poni che il primo abia I e il secondo ; quadrato di censo. Se il primo multiplica I via I fa I quadrato censo; che n' a 3 tanti del secondo. Se il secondo multiplica ; quadrato via ; quadrato di censo fa ; di censo, che equala a 4 tanti; multiplica 4 via I fa 4; parti 4 per ; di censo, ne vene radice cuba de 36, e tanto vale la cosa e il censo; multiplica 36 in sè fa 1296, e là radice cuba de 1296 vale il censo; piglia il terzo de radice cuba de 1296, cioè, reca 3 a radice cuba fa 27; parti 1296 per 27, ne vene radice cuba de 48, e tanto ebbe il secondo; e il primo ave radice cuba de 36.

Doi. homini anno denari. Dici il primo al secondo: Damme la metà de' tuoi, che n'arò 6. Dici il secondo al primo: Damme ; de' tuoi, che n' arò 6 e più radice di 6. Domando, quanti denari a ciascuno?

Poni che il primo abia numero quadrato, cioè 9 quadrati censi; il secondo convene avere 12 meno 18 quadrati censi; che se ne dà la metà al primo li darà 6 meno 9 quadrati, si che il primo arà 6. Ma se'l primo dà \(\frac{1}{2}\) de' suoi al secondo; il darà \(\frac{2}{2}\) quadrati, si che il secondo arà 12 meno 15 quadrati censi; e questo de' essere equale a 6 e radice de 9 quadrati ch' è 3. Tu ai 3. 6 e 12 meno 15 quadrati censi; equaglia le parti; toli da onni parte 6, restarà 15 quadrati censi, e 3, equale a 6; reduci ad 1 quadrato arai 1 quadrato \(\frac{1}{2}\); de cosa \(\frac{1}{2}\); humero; ismezza le cose, sirà \(\frac{1}{2}\); \(\frac{1}{2}\); fignilio con lo numero, \(\frac{1}{2}\); \(\frac{1}{2}\);

Famme de 10 do parti, che multiplicata una per radice di 7 faccia tanto quanto l'altra multiplicata per radice de 6.

Reca ro a radice fa 100, e da 6 a 7 e 1, che è tuo partitore; hora multiplica 6 via 100 fa 600, e 7 via 600 fa 3600, lora di 6 via 600 fa 3600; la prima parte è radice de 4200 meno radice de 3600; hora per l'altra multiplica 7 via 100 fa 700, e 7 via 700 fa 4900, e 6 via 700 fa 4200; e l'altra parte fa radice de 4900 meno radice de 4200; adunqua una parte fu radice de 4200 meno radice de 3600, e questa se multiplica per radice de 7; l'altra parte fu de 4900 meno radice de 4200 equesta multiplica per radice de 9400 meno radice de 4200 fa radice de 29400 meno radice de 200 fa radice de 29400 meno radice de 200 fa radice de 29400 meno radice de 200 fa radice de 29400 meno radice de 3600, fa radice de 29400 meno 25200 ch'è quello medesimo.

Doi homini anno denari ; il primo n'a una quantità , il secondo n'a doi tanti , la radice di ciò che anno tucti doi , e tucti doi anno 20.

Domando, quanti denari anno per uno?

Mecti che il primo abia 1 cosa, il secondo arà 2 cose e radice de 3 cose : adunqua anno tucti doi 3 cose e radice di 3 cose, che sono equale a 20; cava 3 de 20 resta 20 meno 3 cose, che sono equali a 3 cose; reca 20 meno 3 a radice, fa o quadrati e 400 numero meno 120; restora le parti, dà a onni parte 120, arai 123 cose equale a 9 quadrati censi e 400 numero; reduci ad 1 quadrato, sirà 1 quadrato e 444 numero, equale a 13%; ismezza le cose, siranno 6 %; multiplica in sè, fa 46 25; cavane il numero, che è 44 4, resta 2 3, abiamo che la cosa vale 6 4 meno radice de 2 7 che è 1 1. Il primo ebbe 6 4 meno 1 1; il secondo mectemmo che avesse 2 più radice de 3; e la cosa vale 5 1/3, 2 cose vagliono 10 2/3, gionti quelli del primo e quelli del secondo fanno 16: la sua radice è 4; giogniloa 10 3 fa 14 3: tanto ebbe il secondo; e noi dicemmo che tucti do avevano 20. Dimò così sono 2 compagni, il primo a 1, il secondo 2, anno guadagnato 20 meno radice de 20; il primo si mise 1, il secondo 2, che fa 3, ch' è tuo partitore. Hora multiplica 1 via 20 meno radice de 20 fa una meno radice de 20; parti per 3, ne vene 6 à meno radice de 2 à , perchè per partire radice recasti 3 a radice, che fa 9, che a partire radice de 20 ne vene 2 2, cioè radice de 92: tanto ebbe il primo, cioè 6 2 meno radice de 2 2. Hora per lo secondo multiplica 2 via 20 meno radice de 20 fa 40 meno radice de 80; parti per 3, ne vene 13 ; meno radice de 8 ajagiogni radice de 20, fa 13 i più radice de 2 :: tanto ebbe il secondo.

Doi homini anno danari: il primo n'a una quantità, il secondo n'a doi tanti e più la radice de ciò che anno tucti doi, e tucti doi anno radice de 20. Domando, quel ch'avevano per uno?

Fa' così : tra' radice de radice de 20, remane radice de 20 meno radice de radice de 20; poni che il primo abia 1,e l'altro 2; agiogni insiemi fa 3, ch'è tuo partitore; e anno guadagnato radice de 20 meno radice de radice de 20. Che toccarà al primo che mise uno? Multiplica 1 via radice de 20 meno radice de radice de 20, fa quello medessimo; parti per' 3, reca a radice fa 9; parti 20 per 9 ne vene radice de 2 %; reca 9 a radice fa 81; parti radice de radice de 20 per 81, ne vene 20, cioè radice de radice de ao: adunque il primo fu radice de 2 a meno radice de radice de 20. Hora per lo secondo reca 2 a radice fa 4; multiplica 4 via radice de 20 fa radice de 80; reca 4 a radice fa 16; multiplica 16 via radice de radice de 20 fa radice de 320; hora parti radice de 80 per radice de 9 ne vene radice de 8 : parti 320 per radice de radice de 81 ne vene radice de radice de 3 17. Tu ai per lo secondo radice de 8 * meno radice de radice de 3 **; giognici radice de radice de..... arai che il secondo fu radice de 8 *, più radice de radice de 20, e il primo fu radice de 20 meno radice de radice de 20.

Famme de 10 do parti, che l'una multiplicata per 3 facia tanto quanto l'altra multiplicata per radice de 8.

Poni che una parte sia 1 cosa, e l'altra 10 meno 1 cosa; reca a radice onni una; 1 cosa via 1 fa 1 quadrato censo; e 10 meno 1 cosa via 10 meno 1 fa 100 meno 20 cose più 1 quadrato censo; tu ai da un canto 1 quadrato, da l'altro 100 meno 20 più 1 quadrato; reca a radice fa 9; multiplica 9 via 1 quadrato fa 9 quadrati

censi; e multiplica 8 via 100 meno 20 più 1 quadrato, fa 800 meno 160 cose più 8 quadrati censi; restora le parti, da ad onni parte 160 cose; e togli da onni parte 8. quadrati, arai 1 quadrato e 160 equali ad 800 numero, i smezza le cose, siranno 80; multiplica in sè, fa 6400; agiognisi il numero fa 7200; la sua radice vale la cosa meno 80 che fu il dimezzamento de le cose: dunqua una parte fa radice de 7200 meno 80 per numero; e l'altra fu 90 meno radice de 7200.

Doi homini anno denari non so quanti, ma so che il primo dici al secondo: Damme la radice de'tuoi, che n'arò doi tanti di te; ei l secondo dici al primo: Damme tal parte de'tuoi quale tum'adimandi dei miei 10, n'arò tre tanti di te. Domando, quanti n'avevano per uno?

Mecti che il primo abia 2 quadrati censi meno 3 cose, e il secondo abia 1 quadrato censo. Se il secondo dà la radice dei suoi al primo li darà 1; adunqua li remane 1 quadrato censo meno 1; e il primo arà 2 quadrati censi meno 2 cose, si che n'a doi tanti : il secondo dici al primo : Damme tal parte de' tuoi che tu adimandi dei miei, che n'arò 3 tanti di te. Hora di' così : se r quadrato me dà 1 cosa che me darà 2 quadrati censi meno 3 cose? Multiplica I via 2 quadrati meno 3 fa 2 cubi meno 3 quadrati censi; parti per 1 quadrato ne de' venire tal numero che tracto de 2 quadrati meno 3, e posto sopra ad 1 quadrato, sia 3 cotanto che il remanente, il quale numero è 1 quadrato ; e 2 cose ;. perchè tracto 1 1/4 de 2 remane 3/4, e 1 1/4 gionto con 1 fa 2: sì che sono tre tanti; e tracto 2 1 de 3 meno remane 3 meno, sì ch'è tretanti meno; e noi avemo che a partire 2 cubi meno 3 quadrati per 1 quadrato censo

ne dei venire 1 quadrato 4 e 2 4 meno. Hora multiplica I quadrato via I quadrato i fa I quadrato di censo i meno 2 cubi , e 1 quadrato censo di censo è ; , che sono equali a 2 cubi meno 3 quadrati censi; giogni 2 cubi con 2 1 fa 4 cubi 1; e giogni 3 quadrati con r censo di censo e 1 fa r censo di censo e 1 e 3 quadrati di censo, che sono equali ad 4 cubi ; reduci ad 1 censo di censo arai 1 censo di censo e 2 quadrati censi - equali ad 3 cubi -; piglia la metà de' cubi , sono 1 7 ; multiplica in sè fa 2 49 ; tranne 2 4 , che sono i censi, resta 49 ; e la radice de 49 vale la cosa più 1 7 per numero; e la radice de 49 è 7, che gionto coruno e 7 fa 2 2: tanto vale la cosa, e il censo vale 5 19, e 2 censi vagliono 11 13; tranne 3, che vagliano 7 1, remane 4 1; tanto ebbe il primo; e il secondo metemmo che avesse I censo, e il censo vale 5 115, tanto ebbe il secondo.

Doi homini anno denari non so quanti, ma so che il primo dici al secondo: damme la metà de' tuoi che n'arò 6; e il secondo dici al primo: damme \(\frac{1}{2}\) dei tuoi, che n'arò 6 e più la radice de quanti n'abiamo tucti due. Domando, quanti n'anno per uno?

Poni che il primo abia 3 cose, e il secondo abia 12 meno 6 cose. Se lui ne dà i mezzi al primo, il primo n'arà 6; ma se il primo da ¿ de suoi al secondo, li darà 1: sì che il secondo arà 12 meno 5, e questo sirà equale a 6 e radice de 12 meno 5 cose; restora le parti, arai 6 meno 5, equale a radice de 12 meno 3 cose; reca 6 meno 5 a radice fa 25 quadrati meno 60 più 36 numero; e questo è equale a 12 meno 3; restora le parti, arai 1 quadrato e ¾ numero, equale a

² de cosa; ismeza le cose sirano ²/₁₅; multiplicale in se fa ²/₁₇₅₅; tranne il numero che è ²/₁₇₅; che in sè multiplicato fa ²/₁₇₅; che tracto de ²/₁₇₅; che noi dicermo che il primo ave 3; multiplica 3 via ²/₁₇₅; ca 3 a radice fa 9; e 9 via ²/₁₇₅; a radice de 3 ²/₁₇₅; reca 3 a radice fa 9; e 9 via ²/₁₇₅; a radice de 3 ²/₁₇₅; ll secondo dicemmo ch' avia 12 meno 6, e la cosa vale ²/₁₇₅; meno la radice de ²/₁₇₇; multiplica 6 via ²/₁₇₅; fa 6 ²/₁₇₅; multiplica 6 in sè fa 36; e 36 via ²/₁₇₅; fa radice de 13 ²/₁₇₅; tralio de 12 ch' ebbe il secondo, remnane 5 ²/₁₇₅; più radice de 13 ²/₁₇₅; Il primo ave 3 ²/₁₇₅; meno radice de 3 ²/₁₇₅; tralio de 12 ch' ebbe il secondo, remnane 5 ²/₁₇₅; più radice de 13 ²/₁₇₅; Il primo ave 3 ²/₁₇₅; meno radice de 3 ²/₁₇₅; tralio de 15 ²/₁₇₅; Il primo ave 3 ²/₁₇₅; meno radice de 3 ²/₁₇₅; tralio de 15 ²/₁₇₅; Il primo ave 3 ²/₁₇₅; meno radice de 3 ²/₁₇₅; tralio de 15 ²/₁₇₅; Il primo ave 3 ²/₁₇₅; meno radice de 3 ²/₁₇₅; tralio de 15 ²/₁₇₅; Il primo ave 3 ²/₁₇₅; meno radice de 3 ²/₁₇₅; tralio de 15 ²/₁₇₅; Il primo ave 3 ²/₁₇₅; meno radice de 3 ²/₁₇₅; tralio de 15 ²/₁₇₅; tralio de 15 ²/₁₇₅; tralio de 16 ²/₁₇₅; tralio de 16 ²/₁₇₅; tralio de 175; tralio de 175

Tre homini anno denari; il primo n'a una quantità, il secondo n'a doi tanti, e il terzo tre tanti del secondo più la radice de ciò che anno tucti 3, e tucti 3 anno 10 denari.

Domando, che a ciascuno?

Poni che il primo abia 1 cosa, il secondo 2, il terzo 6 cose più la radice de 10. Hora tra' radice de 10 de to, remane 10 meno radice de 10. Dimo così e' sono 3 che fanno compagnia; il primo meete 1, il secondo 2; il terzo 6: gionti insieme sono 9. Hora di' se 9 me dà 10 meno radice de 10, che me darà 1? Multiplica 1 via 10 meno radice de 10 fa 10 meno radice de 10; parti per 9, ne vene 1; meno radice ; it anto a il primo. Il secondo mise 2; multiplica 2 via 10 meno radice de 10 fa 20 meno radice de 40; parti per 9, ne vene 2; meno radice de 40; parti per 9, ne vene 2; meno radice de 4; tanto avia il secondo. Il terzo mise 6; multiplica 6 via 10 meno radice de 10,

fa 60 meno radice de 360; parti per 9, ne vene 6 $\frac{2}{3}$ meno radice de 4 $\frac{4}{7}$, gionici radice de 10 fa 6 $\frac{2}{3}$ e radice de 10 meno radice de 4 $\frac{4}{7}$, che tracta de radice de 10 remane radice de 1 $\frac{1}{7}$: adunqua il terzo ebbe 6 $\frac{2}{7}$ più radice de 1 $\frac{1}{7}$:

E se se dicesse, il primo n'a una quantità, il secondo n'a doi tanti, e il terzo tretanti del secondo più la radice de 10; e tucti 3 anno 100 denari. Mecti che il primo abia 1, il secondo 2, il terzo 6 e radice de 3; tu sai che 9 e radice de 3 sono equale ad 100; però cava 9 di 100, resta 100 meno o che sono equali a radice de 3; reca 100 meno 9 a radice fa 81 quadrato e 10000 numero meno 1800 cose; e questo è equale a 3; restora le parti; da' a onni parte 1800 arei 1803 cose, equale ad 81 quadrato e 10000 numero; reduci ad 1 censo arai 1 quadrato e 123 37, equale ad 22 11; ismezza le cose, sirano 11 112; multiplica in sè fa 123 22797 tranne il numero, che è 123 37, remane 10802, e la sua radice meno il dimezzamento de le cose, ch'è 11 7, vale la cosa, cioè 11 7 meno la radice de 10509 : tanto ebbe il primo. E il secondo mise a, che vagliono 22 14 meno radice de 1888 : tanto a il secondo. Il terzo mectemmo che avesse 6, e 6 cose vagliono 66 49 meno radice de 14 2412; tractone de 33 $\frac{43}{142}$ meno radice de radice de $3\frac{2+41}{2216}$, resta al terzo 66 $\frac{7}{2}$; e radice de 33 43 meno radice de radice 3 3061 gionta con radice de 14 3414, cioè, il terzo ebe 66 ; e radice de 33 43, meno radice de 3 4061, gionta con radice de 14 ****.

Doi homini anno denari, e ciò che anno tramendui è numero quadrato, e multiplicati i denari del primo per loro medessimi, e posto sopra ciò che anno tucti dui è numero quadrato; e multiplicati quelli del secondo per loro medessimi, e posti sopra tucta la somma è numero quadrato. Domando quello che avevano per uno.

Ponamo che il primo numero sia 4 cose, ch'è in sè quadrato; 4 via 4 fa 16 quadrati censi, che è quadrato; trova uno numero che multiplicato per sè medessimo, e posto sopra 16 quadrati, faccia numero quadrato e 3, perchè 3 via 3 fa 9 quadrati censi, che posto sopra 16 quadrati fa 25 quadrati, ch'è quadrato, e 5 è la sua radice; e perchè ponemmo uno 3 e l'altro 4, se de pigliare 3 de 5 ch'è radice de 25, che sono 3 3. Hora che parte è 3 di 3 3 e 4 mo dei pigliare 4 di 3, che sono 22; di' mo così: il primo ponemmo 2 ?, il secondo 3 cose; hora multiplica 2 ? in sè fa 5 quadrati censi 12 di censo; cavalo de 16 quadrati censi, che tu ai di sopra, resta 10 quadrati censi e 4 di censo, sì che sono quadrati, e gionti insieme sono quadrati. Noi ponemmo il primo 2 - e l'altro 3; giogni insiemi fa 5 cose 2; parti per li censi, che sono 10 quadrati 4, ne vene 134; tanto vale la cosa; e noi ponemmo il primo 2 2 che vagliono 1 41 : tanto ebbe il primo. Il secondo ponemmo 3, che vagliano 1 145, e tanto ebbe il secondo.

Per altra via tu ai 16 quadrati censi e ai 3 e 4 cose; tra' 3 de 4 resta 1, la quale multiplicata in sè fa 1 quadrato; trallo de 16 quadrati resta 15 quadrati censi equali a 4 cose; parti per li censi sirà 📇 : tanto vale la cosa che fu del primo. Il secondo a 3 che sono tra, che se ci poni su 4 fa 16, ch' è numero quadrato, e se multiplichi 4 in sè fa 145; giogni con 14 (\$\hat{1} \cdot \hat{3} \cdot \hat{1} \hat{2}; ch' è quadrato; e se multiplichi 15 in sè fa 144; pollo sopra a 255 fa 422; ch' è quadrato.

Doi homeni anno denari, e tal parte è quelli del primo a quelli del secondo commo è r di 3; e multiplicati quelli del primo in sè e posti sopra a quello ch' anno tucti doi è quadrato; e multiplicati quelli del secondo in sè e posti sopra tucta la somma è sumero quadrato. Domando quello ch'a ciascuno.

Poni quello numero 16 quadrati censi; hora trova uno numero che multiplicato in sè e posto sopra 16 sia quadrato, e 3; che 3 via 3 fa 9 quadrati; pollo sopra 16 quadrati fa 25 quadrati, ch' è quadrato. Il primo metemo 1; il secondo 3: hora di' 1 via 1 fa 1 quadrato censo; trallo de 16 quadrati; resta 15 quadrati; giogni 1 e 3 fa 4, que sono equali ad 15 quadrati, patti le cose, che sono 4, per 15 quadrati, ne vene :: tanto vale la coss.

Fame do 10 do parti, che multiplicata la magiore per la minore, e partita per la deferentia che dà l'una a l'altra, ne venga radice de 18.

Mecti una parte I cosa, l'altra 10 meno I cosa, multiplica I cosa via 10 meno I cosa fa 10 cose meno I quadrato censo; e questo partiper la deferenza che dà I a 10 meno I, ch' è 10 meno 2 cose, ne dei venier radice de 18; tu dei recare 10 meno 2 cose a radice, fa 100 meno 20 cose, più 4 quadrati censi; multiplica 18 via 100 meno 20 più 1 quadrato, fa 1800 meno 720 più 72 quadrati censi; la radice de questo è equuele a 10 meno 1 quadrato censo; recale

a radice fa 100 quadrati censi meno 20 cubi , più 1 censo di censo, che sono equale ad 1800 numero meno 720 cose più 72 quadrati censi; resterà le parti; toli da onni parte 72 quadrati, e da' 20 cubi, arai 1 censo di censo e 28 quadrati censi e 720 cose, equale a 20 cubi e 1800 numero: reduci 1 censo di censo. è quello medessimo; hora parti li cubi per 4, ne vene 5; multiplica in sè fa 25; parti le cose per 2, ne vene 360; partile per quello che erano prima i cubi , che erano 20, ne vene 18; pollo sopra 25 fa 43; e la radice de 43 più 5 che venne de' cubi partiti in 4 è meno la radice de quello che venne de le cose partite in 2, e poi partite per li cubi che fu 18, tanto vale la cosa; e noi dicemmo che una parte fu 1 adunqua fu radice de 43 più 5 meno radice de 18; e l'altra è 5 e radice de 18 meno radice de 43.

Uno presta ad un altro 20 $_{\mathcal{E}}$, non so a che ragione la $_{\mathcal{E}}$ il mese; in capo de l'anno gli dà 10 lire, e a quella medessima ragione in capo de doi anni li rende tra merito e capitale 6o $_{\mathcal{E}}$. Domando, a che ragione fu prestata la $_{\mathcal{E}}$ il mese?

Di' che la $\not \in$ fosse posta il mese a 1, vene l'anno 12, ch' è $\frac{1}{12}$ de f_3 ; $20 \not \in$ sono l'anno 13 e li rende 10 f_4 ; resta $20 \not \in$ 1 meno 10 f_4 . Il secondo anno sono $20 \not \in$ 2 meno $10 \not \in$ e $\frac{1}{2}$ cosa meno più $\frac{1}{12}$ de quadrato de censo, e tu voi 60; restora le parti arai 30 lire e 1 $\frac{1}{2}$ 1 $\frac{1}{12}$ de quadrato di censo; reduci ad 1 quadrato arai 1 quadrato 30 cose, equale a 1000 numero; ismezza le cose, sirano 15; multiplicale in se fi 225; giognie al numero fa 1225, e la radice de 1225 vale la cosa meno 15 per numero; e noi dicemmo che la

£ fu posta ad 1; adunqua fu posta il mese la £ a radice de 1225 meno 15 per numero.

Uno presta ad un altro denari non so quanti, a ragione de a denari la £il mese; e quante £li presto tanti anni li tenne a fare capo d'anno, e quello che li prestò, multiplicato per sè medessimo fa 1 denari che li rende. Domando quello che li prestò.

Dì che li prestasse 1 cosa, e 1 di tempo li tenne; che vale la lira a 2 denari il mese; vale l'anno 2 soldi, ch' è ; de lira; piglia ; de cosa, e ; de cosa fa ; di quadrato censo; tu ai 1 ; di quadrato de censo, e tu voi 1 quadrato, perchè e' li presta 1 e' dici che li rende multiplicata in sè che fa 1 quadrato di censo; restora le parti; to' via da onni parte ;; de quadrato di censo; restora le parti; to' via da onni parte ;; de quadrato di censo, parti le cose per li censi, ne vene 1 ;; tanto vale la cosa; e no' metemmo che li prestò 1, e 1 tempo li tenne: dunqua li presto 1 ;, e 1 anno e ; li tenne.

Uno presta ad un altro denari non so quanti a ragione de a denari la lira il mese, e tanto lire quante li prestò tanti anni li tenne a fare capo d'anno ; in capo del termine li rende i suoi denari multiplicati per sè medessimi. Domando, quante lire li prestò e il tempo che li tenne.

Poni che li prestasse i lira e i de lira, e i lira e i cosa de tempo li tenne; a 2 denari il mese varà l'anno 2 soldi, ch' è ;; de lira; piglia ;; de lira e i, che ;; de lira è i; de cosa; e ai i lira e ;; e ;; de cosa : hora vale la cosa l'anno 2; piglia el de ceimo de i lira ;; e annora de i ;; sirà ;; de cosa; tu ai i ;;; e il dermora de i ;; sirà ;; de cosa; tu ai i ;;; e il dermora de i ;; sirà ;; de cosa; tu ai i ;;; e il dermora de i ;; e

cimo de 1 - i si è - i ci di quadrato di censo; e ai 1 lira
- i e 1 - i ci è - i ci di quadrato di censo, equale ad 1 lira
e 1 multiplica in sè, fa 1 lira 2 cose e 1 quadrato censo; restora le parti; to' via da onni parte 1 lira, e da
onni parte 1 - i de cosa; restora - i de lira equale ad
- i de quadrato e - i de cosa; restora - i de lira equale ad
- i de quadrato e - i de cosa; reduci ad 1 quadrato
- arai 1 quadrato e - i de cosa, equale ad - i de lira; demezza le cose sirano - i multiplica in sè fa - i demezza le cose sirano - i multiplica in sè fa - i demezza le cose sirano - i multiplica in sè fa - i demezza le cose sirano - i multiplica in sè fa - i demumero; e noi dicemmo che li prestò 1 lira e 1 : adunqua li prestò 1 lira e radice de - i multiplica in
- i mero, e tanto tempo li tenne: 1 » nno è radice de
- i multiplica in - i de l' -

Uno presta ad un altro 100,000 £ per 5 anni a fare capo d'anno; in capo de' 5 anni quello gli rende tra merito e capitale 161,051. Domando, a che ragione fu prestata la lira il mese?

Mecti che la lira fusse prestata il mese ad 1 cosa de lira, che vene l'amo 12 de lira; per le 12 piglia = de lira, che è = de cosa : adunqua 100000 lire sirano lira, che è = de cosa : adunqua 100000 lire sirano de cosa che sono 5000; e ai il primo anno 5000; per lo secondo 100000 dà pure 5000; gionte insieme fa 10000 cose; e 5000 cose te dà il secondo anno 250 quadrati censi, ch' è il vintesimo de 5000; e ai il secondo anno 100000 lire te dà pure 5000; e 10,000 te dà 500 quadrati censi; el terzo anno 100000 lire te dà pure 5000; e 10,000 te dà 500 quadrati censi te dà 12 censi; chis; agiogni insiemi arai il terzo anno 100000 lire e 15000 cose, e 750 quadrati censi e 12 censi; cubi; per lo quarto anno 100000 lire te dà pure 5000; per lo quadrati censi ; cubi; per lo quarto anno 10000 lire te dà pure 5000; per lo quadrati censi e 12 censi ; cubi; per lo quarto anno 100000 lire te dà pure 5000; per le quadrati cano censi ; cubi; per lo quarto anno 10000 lire te dà pure 5000; per le da pure 5000; per le da

pure 5000, e 15000 te dà 750 quadrati censi, e 750 quadrati te dà 37 censi ; cubi ; e 12 censi ; cubi te dà 2.5 di quadrato di censo di censo : arai, giognendo insieme, il quarto anno 100000 lire e 20000 cose e 1500 quadrati censi, e 50 censi cubi e 5 di censo di censo: hora per lo quinto anno 100000 lire te dà 5,000, e 20000 cose te dà 1000 quadrati censi, e 1,500 quadrati te dà 75 censi cubi , e 50 censi cubi te dà a quadrati + censi di censi , e + di censo di censo te dà 25 di censo di cubi; e ai il quinto anno, gionto onni cosa iusieme, 100000 lire e 25000 cose 2500 quadrati censi e 125 censi cubi e 3 quadrati di censi di censo e s di censo di cubo, che sono equale ad 161051 lire : restora le parti, leva da onni parte 100000 lire, restarà 61051 lire equale a 25000 cose e a 2500 quadrati c 125 censi cubi e 3 quadrati i censo di censo, e 5 di censo di cubo; reduci ad 1 censo di cubo, arai 1 censo di cubo e 100 quadrati censo di censo e 4,000 censi cubi e 80000 quadrati censi e 800,000 cose, equale ad 1953632 numero. E la regola dici che se parta i censi, che sono 80,000 quadrati, per li censi di censi, e quello che ne veneno multiplicare per li cubi, e partendo i censi per li censi di censi, ne vene 800; multiplica con li cubi, cioè 800 via 4000 fa 3200000; giogni collo numero fa 5153632 : hora se vole partire le cose, che sono 800000, per li censi, e quello che ne vene se vole serbare. Adunqua partendo le cose, che sono 800000, per li censi di censi, che sono 100, ne vene 8000 : adunqua diremo che la lira fu prestata il mese a radice relata de 5153632 meno radice cuba de 8000 che è 20; e radice relata de 5153632 è 22; tranne 20, resta 2, e a 2 denari la lira fu prestata il mese.

Famme de 10 2 parti, che multiplicata la magiore per la minore, e partita per la deferentia, ch'è da una parte a l'altra, ne venga radice de 18.

Poni che una parte sia 1 cosa, e l'altra 10 meno una cosa; multiplica 1 via 10 meno una cosa, fa 10 cose meno i quadrato censo, il quale parti per la deferentia ch'è da 1 cosa a 10 meno 1, che è 10 meno a cose; reca 10 meno a cose a radice fa 100 meno 40 cose più 40 quadrati censi; multiplica con 18 fa 1800 meno 720 cose più 72 quadrati censi, la radice de questo è equale a 10 e meno 1 quadrato; recalo a radice fa 100 quadrati censi meno 20 cubi più 1 quadrato censo di censo; tu ai 100 quadrati e 1 quadrato censo di censo meno 20 cubi equale ad 72 quadrati censi e 1800 numero meno 720 cose; restora le parti, arai che 28 quadrati censi e 720 cose e 1 censo di censo sono equali ad 1800 e 20 cubi; fa' commo dici l'algebra, parti per li censi di censi, ne vene quello medessimo: hora parti li cubi in 4, ne vene 5; multiplica per sè medessimo fa 25; hora parti le cose in 2 ne vene 360; poi le parti per quello che erano prima li cubi, ch' erano 20, ne vene 18; poni sopra 25, fa 43; e la radice de 43, più quello che venne partiti i cubi in 4, che fu 5 e meno la radice di quello che venne : partite le cose do e poi partite in quello che erano prima li cubi, che ne venne 18, tanto vale la cosa; e tu t'aponesti che una parte fusse 1 cosa, adunqua fu radice de 43 più 5 e meno la radice de 18; e l'altra parte fu il remanente perfine a 10 ch'è 5 e radice de 18 meno radice de 43; se voi sapere l'altro eguagliamente parti i censi, che sono 26, in 4 ne vene 7; multiplicato in sè fa 49; pollo sopra al numero, che farà 1849, e la sua radice è 43 più il partimento de' cubi in 4, ch'è 5, e meno la radice de quello che venne partite le cose in 2; e poi ne' cubi, che ne venne 18, ai una parte radice 43 più 5 meno radice de 18, l'altra 5 e radice 18 meno radice de 43.

Egli è uno triangulo che è quadrato 100 bracci, e i lati suoi sono in proportione sexquintertia. Domando la quantità de' suoi lati.

Trova uno triangulo, che i suoi lati sieno in proportione sexquialtera, il quale sia A B C, e sia A B 9 e A C 12, e B C 16, che sono in proportione sexquialtera; hora lo quadra, e per quadrarlo trova il catecto cadente sopra B C, che sirà radice de 44 437, il quale multiplica con la metà de B C, ch' è 8; reco 8 a radice fa radice de 64, multiplica 64 via 44 433 fa radice de 2855 15 : hora reca 100 a radice fa 10000; e reca a radice uno lato del triangulo A B C, cioè A B a radice de radice, ch'è 9 farà 6561. Adunqua tu ai che radice de 2855 15 te dà radice de radice 6561 : che te darà radice de 10000 ? Multiplica 6561 via 10,000 fa 6,5610,000, il quale parti per 2855 15 ne vene 22973 45675; e la radice de 22973 1743 è A B, Hora per la basa B C, ch'è 16, reca a radice de radice fa 65536, il quale multiplica con 10000 fa 655,360,000, il quale parti per 2855 14 ne vene radice de radice de 229538 e 4218: tanto è B C. Hora per A C, ch'è 12, reca 12 a radice de radice, fa 20736; multiplica con 10000, fa 207,360,000, il quale parti

per 2855 15 ne vene radice de radice de 72606 3754 tanto è A C.

Posse fare par l'algebra, cioè, mecti un lato 9, l'altro 12, e l'altro 16; trovamo il catecto, che trovarai ch' egli è 44 censi e 419 de censo : tanto è il catecto, cioè, radice de 44 quadrati 437; il quale multiplica con la metà de la basa ch'è 8 cose; reca a radice fa 64 quadrati censi; e 64 quadrati via 44 quadrati censi 639 fa 2855 censi de censi 14 de censi, che sono equali ad 100 numero; reca a radice, fa 10000; reduci a 16, le parti, arai 160000 numero equale ad 45695 censi de censi; parti il numero per li censi di censi, ne vene 3 andice de la radice vale la cosa; e noi dicemmo che A B era o cose; reca a radice de radice fa 6561; multiplica con 3 **** fa 22773 ****; e la radice de la radice de 22973 3763 è A B; e A C mectemmo 12; reca a radice de radice, fa 20736, il quale multiplica per 3 32915 fa 72606 e 3766; e la radice de la radice de 72606 3764 è A C; e B C metemmo 16; reca a radice de radice fa 65536, e questo multiplica per 3 45423 fa 229538 4218, e la radice de la radice de 229538 4218 è B C, ch' è il proposto.

Egli è uno triangulo che la basa sua è 12, e il catecto è 10, gli altri due lati gionti insieme sono 24. Domando de ciascuno.

Tu ai il triangulo A B C, che la basa B C de ta, e il catecto A F è 10, e A B e A C insiemi sono 24. Hora di'che A B sia 24 meno 1 cosa, e A C 1 cosa; multiplica 24 meno 1 cosa via 24 meno 1 cosa fa 576 meno 48 cose più 1 quadrato censo; multiplica 1 cosa via 1 cosa via 1 cosa sia 1 quadrato censo; cavane la posanza de la

basa, ch'é 144, resta 432 e 1 quadrato censo meno 48 cose; le quali cava de la posanza de Λ C, ch' è 1 quadrato censo, resta 48 cose meno 432 numero, e questo parti per 24, ne vene 2 cose meno 18 numero; il quale multiplica in sè fa 4 quadrati censi e 324 numero meno 72 cose, che sono equali a 72; giogni la posanza del cateto, ch' è 100, fa 424; reduci ad 1 quadrato censo, sirà 1 quadrato censo e 141 $\frac{1}{2}$, cquale ad 24 cose; demezza le cose, sirano 12; multiplica in sè fa 144; tranne il numero, ch' è 141 $\frac{1}{3}$, resta 2 $\frac{2}{3}$; e la radice de 2 $\frac{3}{2}$ più del dimezzamento de li cose, che fu 12, vale la cosa : e noi mectemmo Λ C 1 cosa, dunqua fu 12 più radice de 2 $\frac{2}{3}$; e Λ B fu 12 meno radice de 2 $\frac{3}{4}$, ch' è il proposto.

Qui (1) appresso saranno scripti certi capitoli la dequazione dequali sono regolati solamente alle loro ragioni: e di quelle proprietà delle quali elle sono ordinate benche per alcuni accidenti elle possano le ditte regole occorrere in alcune ragioni. Et impero noi laniamo misse da parte dalli capitoli ditti dinarzi li quali sono regolati perfettamente alle suoe dequazioni dogni ragione per le dette dequazioni potessivo venire.

Quando (2) le c. elli c, elli cubi sono eguali al nu-

⁽¹⁾ Ce second extrait est tiré d'un manuscrit dont j'ai déjà parlé dans le second volume, à la page 519.

⁽²⁾ Dans le langage de l'auteur, e veut dire Cosa ou Cose; e, Censi; R, Radice; L. Lira ou Lire.

mero tu dei partire tutta la dequazione per la quantita de cubi: e poi partire le c. per li c, e quello che ne viene riduce a R. cuba; e quella multiplicatione giunge sopra al numero, ella R. cuba di quella somma meno lo partimente tivenne partendo le c. per li c, e tanto vale la c.

Uno presto ad un altro lire 100, ed in capo di 3 anni elli riceve lire 270, tra capitale e merito a fare capo d'anno: Adimando a quanto fu prestata la lira lo mese; farai così: Pone che la lira sia prestata lo mese a 1º c. di d. che viene l'anno 12. c. di d. e per le 12 c. di d. piglia di d. perchè 12 d. sono di £ dunqua fu prestata la lira al mese a 1 di c. di lira elle lire 100. verrebbero l'anno 100 di c. di lira che sono 5. c. di lira. Adunque le lire 100 saranno lo 1º anno lire 100. e 5 c. di lira e per lo second anno piglia anchora + di lire 100. e 5 c. di £ chenneviene. 5 c. e 3 di c, che e 4 di c,. Adunque per 2. anni tu avrai lire 100 e 10. c. e + di c. o vuoi fare per la regola del 3. dicendo se 100 viene 100. et 5 c. lo 1º anno adimando 100 e 5 c. quanto verrà lo 2º anno, che ne viene 100 numeri e 10 c, e 1 di c,. Chonsequente piglia lo 3º anno così lo 10 di c. di 100 numeri e 10. c. 1 di c, e avrai 5 c. e 1. c, e 1 di cubo. Adunque tu avrai in nella fine del 3º anno. 100. numeri e 15. c. e 3 di c, e t di cubo : e questa quantità sarà eguale a 150 cioè a quello che gli riceve nella fine di 3. anni intral capitale elmerito: Ora procede secondo la regola data disopra consiacosachè imprima le levare la minore quantità de numeri di ciascuna delle parte. e resteratti 15 c. 3 de c, e 1 di cubo eguale a 50. Ora parte tutta la dequazione per li cubi cioè per ;; chenneviene 4000 num. eguale a 1200 c, 60 c. e 1º cubo. Ora parte le c. cioè 1200 per li cioè per 60 chenneviene 20. e questo 20 reducelo a R. cuba e avrai 8000 giungelo sopral numero cioè sopra a 4000 e avrai 12000 ella R. cuba di 12000 meno lo partimento chetivenne partendo le c. per li c, cioè meno 20. e tanto vale la c. eatanti d. fu prestata la lira al mese.

Quando le c. elli c, elli cubi elli c, di c, sono eguali al numero tu dei partire tutta la dequazione perli c. di c, e poi partire le c. per li cubi : et quello chenneviene partito per li eubi riduce a R. e quella multipli catione giunge sopra alnumero, ella R. della R. di quella somma meuo la R. del partimento chetti venne partendo le c. per li cubi. e tanto viene a valere. la c.

Uno presta annaltro lire 100 ed in capo di 4. anni costui ricevette tra capitale e merito lire 160 a fare chapo d'anno. Adimando a che ragione fu prestata la lira lo mese. Farai cosi: pone chella lira sia prestata il mese 1º. j. c. di d. che viene lanno a 12 c. di d. e perle 12. c. di d. piglia 1 di c. perche 12. 1 di lira. Adunque la lira e prestata l'anno a 1 di c. di £ elle 100. £ sono prestate l'anno a 100 di c. di £ chemene 5. c. di £. Adunqua £ 100 in capo d'uno anno saranno £ 100 e 5. c. di £ e pe lo secondo anno piglia i di £ 100 et 5 c. chenneviene 5. c. e å di c, che e å di c,. Adunqua per 2 anni tu avrai £ 100 e 10 c. e + di c, di £. Ovuoi fare per la regola del 3, dicendo se 100 £ lo 1º, anno faranno 100. e. 5. c. quanto sarà lo secondo anno cheveniene 100. num 10. c. e 1 di c' e avrai 5. c. 1 c' e 1

di cubo e così arai che alla fine del 3°. anno tiverrà. 100. per numero piu 15. c. 3 di c, e 1 di cubo. Ora piglia per lo 4º. anno 1 di c. di tutta quella somma cioè. 100. per nûo 15. c. 3 di c, e - di cubo : e avrai 5. c. 3 di num. 3 di cubo e 1 di c, di c, O vuoi tu intendere per la regola del 3. come e dito sopra everratti quello medesimo la quale quantità sarà eguale a 160 £ cioè aquello chelprestatore riceve in nella fine del 4º. anno intra capitale e merito. Ora procede secondo la regola data disopra che tu parti tutta le dequazione per li c' di c' cioè per 1500 chenneviene traendo la minore quantità del num, di ciascuna parte 96000 num. eguale a 32000 c. e 2400 c. e 80 cubi e 1°. c, di c,. Ora parte le c. cioè 32000 per li cubi cioè per 80 chenneviene 400 lo quale 400 riduce a R. e avrai 160000 e questa multiplicatione cioè 160000 giungila sopra al num. chettivenne in nella dequazione cioè sopra a 96000. e avrai 256000 ella R. della R. di 256000 meno la R. del partimento chetivenne partendo le c. per li cubi cioè meno R. di 400. e tanto vale la c. ea tanti fu prestata la lira lodmese ede fatta :

Quando le c. elli c' di c, sono equali al num e a cubi tu dei partire tutta la dequazione per li c, di c, e poi partire li ci. per 4 equello chenneviene multiplicare inse medesimo e quella multiplicatione guinge sopra al num. ella R. della R. di quella somma giungi al partimento chetivenne partendo li cubi ancora per 4, e di questa somma trai la R. delpartimento chetivenne partendo le c. per lo doppio de cubi etanta varra la c.

Fammi di. 10 tale 2 parte che multiplicata luna per-

laltra e quella multiplicatione partita per la differenza che e dell' una parte all'altra, quello chenneviene delpartimento sia R. di 18. Adimando quanto sarà ciscuna parte farai così : pone chelluna parte sia 1º. c. ellaltra parte viene a essere 10 meno 1. c. Ora multiplica luna parte per l'altra cioè 1º. c. via 10, meno 1º. c. che fa 10. c. meno. 1º. c, e serba da parte poi piglia la differenza che è dell'una parte all'altra cioè da 1º. c. infino a 10. meno 1º. c. la qual differenza mene a essere 2 c. meno 10 e parte lamultiplicatione che tu serbasti. cioè 10 c. meno 1°. c, per 2 c. meno 10. edenne venire R. di 18. Adunqua multiplica a lo partitore cioè 2. c. men. 10. va R. di 18. el suo multiplicamento sarà equale alla multiplicatione delle parte luna perlaltra cioè a 10 c. meno 1°. c,. Adunqua multiplicando R. di 10. per 2. c. meno 10. tu dei recare 2. c. meno 10. a R. e avrai R. di 100 numeri e 4. c, meno 40 c. equale multiplica per R. di 10 che fa R. di 1800 numeri e 72. c, meno 720 c. la quale somma c, equale a 10. c. meno 1º. c,. Ora arecha queste 10. c. meno 1°. c, a R. e avrai R. di 1°. c, di c, e 100 c, meno 20 cubi e sarà R. d'una delle parte equale a R. dell' altra : la quale de quazione schizzando per R. sarà ono così equale come se da alcuna parte non fosse nominato R. Adunqua aremo che 1°. c' di c, meno 20 cubi sono equali a 1800 num. e 72 c, meno 720 c. Ora darai quello che manca alla parte aciascuna parte e trai la minore quantita de c, di ciascuna parte in questo modo da 20 cubi e 720. c. a ciascuna parte : e trai 72. c, di ciascuna parte: e arai che dall'una parte sarà 1° c, di c, e 28 c, e 720 c. eguale a 1800 num. e 20 cubi. m.

Ora procede secondo la regola data disopra che tu parti tutta la dequazione per li c, di c, cioè per 1º. chenneviene quello medesimo. Poi parte li c, cioè 28. in 4 chenneviene 7, lo quale 7. multiplica in se medesimo che fa 49 loquale 49 giungilo sopra al numero cioè sopra a 1800, e avrai 1849 ella R. della R. di 1849 la quale e R. di 43 giunge sopra al partimento chettivenne partendo li cubi cioè 20 per 4 chenneviene, 5 et avrai 5 e R. di 43. tranne la R. del partimento che ti venne partendo le c. cioè 720 per lo doppio de cubi cioè per 40 chenneviene 18. e R. di 18; trai di 5 piue R. di 43 che resta 5 e R. di 43 meno R. di 18. e tanto vale la c. e tu ponesti 1º. delle parte fusse 1º. c. Adunqua fu l'una parte 5. giunto con R. di 43. meno R. di 10 ellaltra parte sarà lo resto infine a 10 cioè 5. e R. di 18. meno R. di 43. ella differentia viene daessere quello chelluna parte e più chellaltra, cioè R. di 172. meno R. di 72. e defatta:

E nota che in questa ragione e in ciascuna altra chella c. venisse la maggiore parte del numero del quale tu partisti in 2 parte volendo pigliare la differenza che e delluna parte allaltra facendo luna delle parte essere 1°. c. e ti converrà pigliare la differenza come tu ai tolto in questa ragione conciossicosche in al-chune altre ragioni mettendo 1° delle parte essere 1° c. venendo la c. essere meno chella metà del numoro del quale tu volesti fare 2. parte ti coverrebbe pigliare la differenza per altro modo che perlo sopraditto la quale differenza verrebbe essere 10. meno 2. c. perché pigliando la differenza 2. c. meno 10 nito la c. conviene essere più chella metà del numero: E pigliando per la

differenza lo numero meno. 2. c. la c. conviene essere meno chella metà del numero : e altramenti non si potrebbe trarre lo numoro di 2. volte la c. ne eziando 2 volte la c. del numero essendo differenza infralle parte come e ditto disopra.

Anchora nota che simile ragione di questa produce la dequazione diversa da questa, la quale dequazione si regge secondo la dequazione sopradetta secondo come tu vedrai per esemplo in una simile ragione di quella la quale è dimostrata alla quale noi metteremo capto per se, perchè la sua dequazione è variata da questa.

Quando le c. elli c, di c, sono eguali alnuo ea c' e a cubi, tu dei partire come è detto dinanzi la dequazione per li c, di c, e poi partire li c, per 4 e quello chenneviene multiplicare in se medesimo e quella multiplicatione giungere sopra al numero ella R. della R. di quella somma giungere al partimento che viene partendo li cubi in 4. e di quell' ultima somma trai la R. « del partimento che viene partendo le c. in 2. volte la quantità de cubi c tanto vale la c.

Fammi di 10 tale 2 parte che multiplicata l'una per l' altra e quella multiplicatione partita per la differenza che e dall' una parte all'altra e quello che ne viene del partimento sia R. di 20. Adimando quanto sarà ciascuna parte farai così : pone chelluna parte sia a' c. ell' altra sarà 10 meno. 1° c. Ora multiplica ca 1° c. via 10. meno 1° c. che fa 10 c. meno 1° c, le quali 10 c. meno 1° c, parte per la differenza che è delluna parte, all'altra cioè 2 c. unen 0. per numero. E deve venire R di 28. E però tu dei multiplicare 2. c. meno 10

per R. di 20 che monta R. di 2800 num. e 112 c, meno 1120 c. le quale sono eguale a 10 c. meno 1° c, cioè a R. di 1° di c, e 100 c, meno 20 cubi la quale dequazione dando el mancamento a ciascuna parte el traendo la minore quantità de c, di ciascuna parte che viene a essere 2800, num. e 12 c, e 20 cubi equale a 1° c, di c, e 1120 c. Ora procede secondo la regola data disopra e troverai essere la c. R. di R. di 2809 e 5 più meno R. di 28 e tanto sarà la maggior parte ellaltra viene a essere lo resto infino a 10. cioè 5 e R di 28 meno R. di R. di 2809 e tanto sara la maggior parte.

NOTE XXXII.

(PAGE 156.)

On ne lira pas sans intérêt le récit que fait Tartaglia de ses malheurs. (1)

P. Ditemi un poco, ve aricordati havermi conosciuto, quando che io stantiava à Bressa. N. Mene aricordo, si, quantunque à quel tempo io fusse molto piccolo, et per tal signale, vostra signoria stantiava in quella contrata, che è fra li Carmini et santo Christofolo, over santa Chiara nuova. P. Voi diceti la verita. Ditemi anchora, come se chiama vostro padre. N. Mio padre hebbe nome Michele. Et perche la natura non gli fu manco avara in dare à sua persona grandezza conveniente, di quello, che fu la fortuna in farlo partecipe di suoi beni, fu chiamato Micheletto. P. Certamente se la natura fu alquanto avara, in dare alla persona di vostro padre grandezza conveniente, nanche con voi è stata molto liberale. N. Io me ne allegro, perche l'esser di persona cosi piccolo, mi fa testimonianza che veramente fui suo figlio. perche ancor che il non mi lasciasse al mondo, a me con un altro mio fratello, et due sorelle, quasi

⁽¹⁾ Tartaglia, quesiti, f. 69-70.

salvo che l'esser per buona memoria di lui, mi basta aver sentito a dire da molti che il conosceva et praticava, che egli era huomo da bene, della qual cosa molto più me ne contento, et allegro di quello haveria fatto se mi havesse lasciato di molta facolta con un tristo nome. P. Che essercitio faceva vostro padre. N. Mio padre teneva un cavallo, et con quello correva alla posta ad istantia di cavallari da Bressa, cioè portando lettere della illustrissima signoria, da Bressa, a Bergamo, a Crema, a Verona, et altri luochi simili.P. Di che casata se chiamava. N. Per Dio, che io non so, ne me ne aricorda de altra sua casata, ne cognome, salvo che sempre il sentei da piccolino chiamar semplicemente Micheletto cavallaro, petria esser che avesse havuto qualche altra casata, over cognome, ma non che io sappia, la causa è, che il detto mio padre mi morse essendo io di età de anni sei, vel circa, et così restai io, e un' altro mio fratello (poco maggior di me) et una mia sorella (menora di me) insieme con nostra madre vedova, et liquida di beni della fortuna, con la quale, non poco dapoi fussemo dalla fortuna conquassati, che à volerlo raccontar saria cosa longa, la qual cosa mi dete da pensare in altro, che de inquerire di che casata se chiamasse mio padre. P. Non sapendo di che casata si chiamasse vostro padre, perche ve chiamati cosi Nicolo Tartaglia. N. Io ve diro, quando che li Francesi saccheggiorno Bressa nelqual sacco fu preso la buona memoria del Magnifico messer Andrea Gritti (a quel tempo Proveditore) et fu menato in Franza oltra che ne fu sualisata la casa (anchor che poco vi fusse) ma

piu, che essendo io fuggito nel domo di Bressa insieme con mia madre, et mia sorella, et molti altri huomini, et donne della nostra contrata, credendone in tal luoco esser salsi almen della persona, ma tal pensier ne ando falito, perche in tal chiesa, alla presentia di mia madre mi fur date cinque ferite mortale, cioe tre su la testa (che in cadauna la panna del cervello si vedeva) et due su la fazza, che se la barba non me le occultasse, io pareria un mostro, e fra le quale una ve ne haveva a traversa la bocca, e denti, la qual della massella, et palato superiore me ne fece due parti, et el medesimo della inferiore : per la qual ferita, non solamente io non poteva parlare (salvo, che in gorga, come fanno le gazzole) ma nauche poteva manzare, perche io non poteva movere la bocca, nelle masselle in conto alcuno, per esser quelle (come detto) insieme con li denti tutte fracassate, talmente, che bisognava cibarme solamente con cibi liquidi, et con grande industria. Ma piu forte che à mia madre, per non haver così il modo da comprar li unguenti (non che da tuor medico) fu astretta a medicarme sempre di sua propria mano; et non con unguenti, ma solamente con el tenermi nettate le ferite spesso, et tolse tal essempio dalli cani, che quando quelli si trovano feriti, si sanano solamente con el tenersi netta la ferita con la lingua. Con laqual cautella, in termine di pochi mesi me redusse a bon porto, hor per tornare al nostro proposito, essendo io quasi guarrito di talle, et tai ferite, stetti un tempo, che io non poteva ben proferire parole, ma. sempre balbutava nel parlare, per causa di quella ferita à traverso della bocca, et

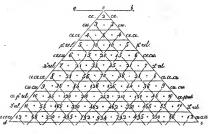
denti (non anchor ben consolidata) per il che li putti della mia eta con chi conversava, me imposero per sopra nome Tartaglia. El perche tal cognome me duro molto tempo, per buona memoria di tal mia disgratia, me apparso de volermi chiamare per Nicolo Tartaglia. P. Di che eta erate voi à quel tempo. N. de anni: 12. vel circa. P. Certamente la fu cosa molto crudele à ferire un putto di quella eta, avisandovi, che mi maravigliava di tal vostro stranio cognome, perche a me mi pareva di non haver mai alduto ne sentito a nominar una tal casata in Bressa. N. La cosa sta precisamente come ho narrato a vostra Reverentia P. Che fu vostro precettore. N. Avanti, che mio padre morisse, fui mandato alquanti mesi a scola di leggere, ma perche a quel tempo io era molto piccolo, cioe di eta di anni cinque in sei , non me aricordo el nome di tal maestro, vero è, che essendo poi di eta di anni. 14 vel circa. Andei volontariamente circa giorni 15. a scola de scrivere da uno chiamato maestro Francesco, nel qual tempo imparai a fare la A. b. c. per fiu al k. de lettera mercantesca. P. Perche cosi fina al k. et non piu oltra. N. Perche li termini del pagamento (con el detto maestro) erano di darvi el terzo avanti tratto, e un altro terzo quando che sapeva fare la detta. A. b. c. perfina al k. et el resto quando, che sapeva fare tutta la detta A. b. c. et perche al detto termine non mi trovava così li danari de far el debito mio (et desidoroso de imparare) cercai di havere alcuni de suoi Alphabeti compiti, et essempi de lettera scritti di sua mano, et piu non vi tornai, perchè sopra de quelli imparai da mia posta, et eosi da quel

giorno in qua, mai piu fui, ne andai da alcun' altro precettore, ma solamente iu compagnia di una figlia di poverta chiamata industria. Sopra le opere degli huomini defonti continuamente mi son travagliato. Quantunque della eta d'anni vinti in qua sempre sia stato da non poca cura famigliare straniamente impedito. Et finalmente poi la crudel morte mi ha fatto restare novamente poco men che solo. P. Non haveti fatto poco, havendo havuto cura famigliare a frequentar el studio.

NOTE XXXIII.

(PAGE 158.)

Voici la figure qui se trouve dans le General trattato (part. II, f. 71, lib. II. c. 21) pour exprimer successivement les coefficiens des diverses puissances du binôme.



La règle que donne Tartaglia dans ce chapitre, pour former un coefficient quelconque par la somme des deux coefficiens qui lui correspondent dans la rangée supérieure, est très générale. En effet, on a toujours $n(n-1)(n-2)\dots(n-m+1)+n(n-1)\dots(n-m+1)$

$$= \frac{n(n-1) \dots (n-m+2)}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots (m-1)m} \left\{ m + n - m + 1 \right\}$$

$$= \underbrace{(n+1) n(n-1) \dots (n-m+2)}_{3 \cdot 3 \cdot \dots (n-m+2)}$$

NOTE XXXIV.

(PAGE 183.)

Je vais donner différens extraits de Bombelli qui renferment des faits intéressans pour l'histoire des sciences. La Dédicace et l'Avertissement nous révèlent des particularités fort curieuses de la vie de Bombelli; le chapitre où sent résolues les équations du quatrième degré nous fait connaître la méthode de l'inventeur Ferrari, que Bombelli dit reproduire dans son ouvrage.

AL. REVER.** MONS. IL SIG.

ALESSANDRO RUFINI, VESCOVO DIGNISSIMO

DI MELFI SIGNORE

P PADRON SUO SEMPRE OSSERVANDISS.

RAFAEL BOMBELLI DA BOLOGNA.

Così veggio hoggi di introdutto questo uso da tutti gli scrittori de nostri tempi, di dare al mondo l'opere loro sotto el nome di qualche, ò suo amorevolissimo Padrone, overo honorato signore (accioche con la defesa del nome suo restino da laceratori sicuri, et acquistino alquanto più di reputatione e grandezza) che, chi altrimente facesse sarebbe tenuto ò per huomo troppo ambitioso, ò totalmente contrario à gli altri giudicato: perciò volendo io di presente mandar in luce questa mia opera della parte maggiore dell' Aimetica (Algebra detta) non ha voluto restare, Reverendiss. Monseg. Signor, e Padron mio sempre osservandissimo, secondo el comun uso, di darla sotto il nome suo, non perche ella bisogno habbia di difesa, che tal 'è la natura delle discipline Matematiche, che per se sono elle probabili, ne si possono (come l'altre) diversamente intendere, da che una sola veritade hanno; anzi per la certezza de' quella attengono tra tutte l'altre discipline el primato : mà bensì perchè a me parea, che lecito fosse (si come l'opera trattava di materia perfetta, e d'eccellente) che parimente à persona di lei assai ben degna se ne dovesse far dono, e se una tale trovar ne volea, ove un' altra più di lei meritevole immaginar me ne potia? Poichè chiaramente si sà, quanta sia mai sempre stata la grandezza dell' animo suo : quale la integrita : la prudentia : e che desiderio tenghi di giovare à tutti : el che essendo stato benissimo già conosciuto dal prudentissimo, e giuditiosissimo Paulo Terzo (di felice memoria) mertò (mentre ch'ei visse) di essere tra suoi più cari, et affettionate, à lui carissimo, et affettionatissimo; da quello attenendo, e quanto volse, e seppe desiderare, nè senza causa; perche se resguardiamo alla grandezza dell' animo di V. S. Reverendiss. non si vede in lei chiaramente una viva effigie di quello virtuoso sangue de suoi antichi Romani? Et ad immitatione di quelli hà ella tante gran cose fatte, degne della grandezza Romana, e particolarmente (con l'opera mia) essicando la palude Chiana in Toscana con tante salute, e felicitade de popoli circonvicini, che ben tutti per una voce confessano questa opera esser stata gloriosa, ed immortale; e son certo, che se le forze correspondessero al generoso animo suo, che à Claudio. il quale da scrittori cotanto vien celebrato, per haver à tempi suoi essicato le Paludi Pontine, le quali pocia per la grandissime ruine d'Italia patite da Barbari, e per le mala oura havutone, sono ritornate nel primiero stato; in questo esso non punto cederebbe (ancorchè fusse si potente Imperadore); col essicarle novamente, levando ogni difficultà de interessati (come più volte discorrendo con esso meco intorno à ciò. me ne ha fatto à pieno capace) tanta è la prudentia, e destrezza sua. Qual sia poi il desiderio di giovare al mondo, e particolarmente à virtuosi : a mille occasioni essa ne ha dato honorato saggio; e benissimo lo mostrò, quando (che à tempi di esso Paolo Terzo suo signore) essendosi per essicare le Paludi di Foligno da Messer Pier Francesco Clementi da Corinaldo mio Precettore, ne potendosi trovar modo di accommodar questo negotio, e mandare ad effetto tale impresa : e-sa (ancorche altra cognitione non havesse di detto mio Precettore), non dimeno per essere huomo vertuoso, e perche vedea V. S. Reverendiss. questa impresa resultare a publico beneficio, come che se suo intrinsichissimo, e famigliarissimo stato fosse, talmente lo favorè, che il negotio per opera sua hebbe il compiuto fine. Ecco dunque che per eccelentia di huomo l'opera mia mertevolmente à lei si dovea : Ne meno poi mi parea, che lecito fusse (se à vitio di animo ingratissimo non volea, che ascritto mi fusse,

non che poco amorevole, ed affettionato verso de suoi signori e Padroni) che il frutto, il qual dalla pianta già posta, e cresciuta nel suo terreno, e dall' amorevolezza sua così ben coltivata, che pur gionta è a tale, che frutto hà potuto produrre : altro che quella havuto ne lo havesse perchè spinto io solo dalle amorevolissime essortationi, le quali mi facea V. S. Reverendiss. e dalla commodità, et agio, ch'ella mi diede all' amenissima sua villa della Rufina (all' hora che quasi era abbandonata l'impresa della essicatione della palude chiana, per colpa di cui lo potea fare), qui libero da ogni passione d'animo ritiratomi col nostro compatriotta Messer Francesco Maria Salando, scrittore (com' ella sa) de nostri tempi rarissimo, e persona giudiciosa, e con Hercole mio fratello, anco egli di questa professione e così ben versato nelle Matematiche, che se malvagia morte avanti tempo nol toglieva, egli à sommo grado in quelle sarebbe gionto, composi la presente opera; sapendo de gli dui fini, i quali all' hora nell' animo mi proposi, che furno: l'uno di giovar al mondo (com' è debito naturale di tutti i viventi) e l'altro di obedire a V. Seg. Reverendiss. quale me lo commandava, almeuo l'uno conseguito ne haverei. Ecco dunque, Sig. e Padron mio osservandissimo, che l'Algebra frutto suo, e mia fatica a lei sola si dovea, e per questi rispetti e per gli oblighi infiniti, che tengo alla liberalità sua (e particolarmente intorno al farla stampare; la quale così largamente usata mi hà) cosi con ogni sincerità di animo devotissimo hora gliela dono e presento; la quale (come parto uscito dalla cortesia e bontà sua) sò, che

carissima le sarà, però non la pregarò ad accettarla amorevolmente, bensì la supplicarò con quel maggior affetto, che da animo di affettionatissimo servitore, "uscir puote, che quella si degni conservarni nella sua buona gratia; alla quale tutto mi dono, riverente bacciandole la mano, e pregandole da Nostro Signore Dio ogni felicitade, e contentezza. In Bologna, il di XXII, di Giugno del MDLXXII.

A GLI LETTORI.

Io sò, che il mio sarebbe un gettar il tempo, se di presente volessi forzarmi con finite parole, di far conoscere quanta infinita sia l'eccellentia delle discipline matematiche; poiche da tanti rari intelletti, e commendati autori sono elle celebrate. Però debole sarebbe il testimonio mio, ne meno parmi necessario sia, che mi forzi di far conoscere, che la parte maggiore dell' aritmetica (hoggi dal vulgo Algebra detta) tenghi ella sola tra queste il primato; perche di lei tutte l'altre bisogna, che si prevagliano, ne già potriano così l'arimetico, come il geometra senza quella sciogliere i problemi suoi, e provare le sue demostrationi; ne l'astrologo misurare i cieli, e gradi, e col cosmografo, ritrovare la intersicatione de circoli, le linee rette da se senza havere a fidarsi delle tavole da gli altri fatte; le quali per esser state stampate più, e più volte, e da gente, che poca cognitione hanno di dette discipline, sono assai corrotte, e l'operante (colpa di quelle) commette infiniti errori: trovare ogni paralello, linea retta, circoli e gradi. Il musico senza questa poca, ò nulla cognitione haver puote della sua quantità discreta, e giongere al fine di trovare la sua proportione musicale. Ma che diremo dell'architettura? ella solo ci dà l'uso, et il modo (per la forza delle linee) di fondar le fortezza, le machine da guerra, e ogni misura, corpo, e proportione così di prospettive, come di ogni altra

sua parte, ne meno gli fà conoscere gli errori che in quella occorrer possino. Lassando dunque tutte queste cose (come per se assai ben note) da parte : sol questo dirò, che ò sia per la difficultà della materia, ò per il confuso scrivere de scrittori, i quali fino ad hora ne hanno trattato, quanto piu l'algebra è perfetta tanto meno à quella veggio darsi opera, al che havendo havuto io piu volte consideratione, ne sapendomi immaginare da che ciò procedesse (benche dalla diffidenza, la quale hanno gli huomini di non poterla apprendere per la poca cognitione, che di quella si hà, ct uso suo, dicessero che restavano) mà per dirla come la intendo penso più tosto, che molti si vogliono coprire con questo, e se la verità volessero dire; accusarebbono la debolezza del suo ingegno e rozzezza: perche versando tutte le matematiche intorno alle speculationi; invano si affatica, chi speculativo non è à volerle apprendere; non niego gia, che di grandissimo travaglio, et impedimento non sia à professori di quelle la confusion de scrittori, et il poco ordine, che si hà di questa disciplina : per levare finalmente ogni impedimento alli speculativi, e vaghi di questa scientia, e togliere ogni scusa à vili, et inetti : mi son posto nell'animo di volere, à perfetto ordine ridurla, e dirne quanto da gli altri è stato taciuto in questa mia presente opera, la quale, si perche questa bella scientia resti conosciuta, come per giovar à tutti mi son dato à comporre, e accioche piu facilmente lo potessi fare : ho voluto prima vedere la maggior parte de gli Autori, i quali di quella sino ad' hora ne hanno scritto, accioche in quello, ch'essi hanno mancato io potessi

supplire, che molti, e molti sono, tra quali certo Maumetto di Mosè Arabo è creduto il primo, e di lui una operetta si vede, mà di picciol valore, e da quì credo, che venuto sia questa voce Algebra, perche gli anni à dietro essendosi posto à scrivere Frate Luca del Borgo San Sepolcro dell' ordine de Minori in lingua così latina come volgare di questa scientia : disse, che questa voce Algebra Araba era, quale in lingua nostra positione dir vuole, e che da Arabi la scientia è venuta; il che parimente poi hanno creduto, e detto quanti doppo lui lianno scritto ma questi anni passati, essendosi ritrovato una opera greca di questa disciplina nella libreria di Nostro Signore in Vaticano, composta da un certo Diofante Alessandrino autor greco, il quale fù à tempo di Antonin Pio, et havendomela fatta vedere Messer Antonio Maria Pazzi Reggiano publico lettore delle matematiche in Roma, e giudicatalo con lui Autore assai intelligente de numeri (ancorche non tratti de numeri irrationali ; ma solo in lui si vede un perfetto ordine di operare) egli, et io, per arrichire il mondo di così fatta opera, ci dessimo à tradurlo, e cinque libri (delli sette, che sono) tradutti ne habbiamo; lo restante non havendo potuto finire per gli travagli avenuti all'uno e all'altro; e in detta opera habbiamo ritrovato, ch'egli assai volte cita gli autori indiani, col che mi hà fatto conoscere, che questa disciplina appo gl'Indiani prima fù, che à gli Arabi, scrisse poi doppo questo (ma ci fù grande intervallo di tempo) Leonardo Pisano in idioma latino, ne doppo lui alcuno ci è stato, che cosa buona habbia detto sino à Frate Luca suddetto, il quale in vero (sc

ben fù scrittore trascurato, e perciò commisse qualche errore) non dimeno egli il primo fù che luce diede a questa scientia, ancorche alcuni siano, che se ne facciano cavaglieri, e à se attribuiscano tutto l'honore, malvagiamente accusando i pochi errori, del Frate, e tacendo l'opere sue buone : Hanno poi, e Barbari, e Italiani, à nostri tempi scritto, come furno Oroncio, Scribelio, et il Boglione Francesi, Giovan Stifelio Todesco, e un certo Spaguuolo, el quale nell' idioma suo assai ne scrisse, ma in vero alcuno non è stato che nel secreto della cosa sia penetrato, oltre che il Cardano Melanese nella sua arte magna, ove di questa scientia assai disse, ma nel dire fù oscura. ne trattò parimenti in certi suoi cartelli, i quali con Lodovico Ferrarij nostro Bolognese scrisse contro à Nicolo Tartaglia Bresciano, ne i quali bellissimi, et ingegnosi problemi si veggiono di questa scientia, ma con tanta poca modestia del Tartaglia (come quello il quale di sua natura era così assue fatto à dir male, che all' hora egli pensava di haver dato honorato saggio di se, quando che di alcuno havesse sparlato), che offese quasi tutti i nobili intelletti, veggiendo com'egli, e del Cardano, e del Ferrario strupendi ingegni à questi nostri tempi piu tosto divini, che humani, altri ancora sono, che scritto ne hanno, i quali se tutti volessi nominare assai haverei che fare; ma perche di poco giovamento sono stato cle opere loro, taceroli, e solo (come prima), dico; che havendo visto dunque quanto da detti Autori n'è stato trattato. Hò poi anco io con ordine continuato ridutto insieme la presente opera à beneficio commune, dividendola in tre libri : nel primo inserendovi tutta la pratica del decimo di Euclide, l'operar delle Radici cube com' esso decimo opera nelle quadrate, il che serve ove intravenghino cubi over corpi. Nel secondo bo trattato di tutti gli Algorismi dell' Algebra, dove intravenghino le quantitadi incognite con l'ordine delle loro agguagliationi, e dimostrationi geometriche. Nel terzo poi hò posto (come per pruova della scientia) circa trecento Problemi, accioche veggia lo studioso di questa disciplina (leggendo quelli) quanto soave sia il frutto della scientia. Accetti dunque il lettore con animo libero da ogni passione l'opera mia, e cerchi farsene intendente, che vedrà di quanto giovamento gli sarà, avisandolo però, chè se egli capace non sarà della parte minore della Arimetica, non si ponghi à questa impresa di volere apprendere l'Algebra, perche getterebbe il tempo; ne ancor mi tassi se qualche errore, ò scorrettione ritrovasse nell' opera, che non è proceduto da me, mà dallo stampatore, ancor che si sia usata, e fatta usare quella diligentia, che si è potuta ma in impossibil 'è che non ne avenghino in simil opere, e parimente se nella tessitura delle parole vedesse alcune sconvenevolezza, ò poco leggiadro stile, non consideri questa come cosa assai ben lontana dalla profession mia, ma solo alla essentia della cosa, che la politezza del dire in tal materia poco rilieva, ne io hò havuto questo fine. mà solo (come prima dissi)di insegnar la disciplina, ed' uso della parte minore dell Arimetica (ò Algebra che vogliano dire) il che piaccia à Dio che sia à laude sua, e à beneficio de viventi.

CAPITOLO (I) DI POTENZA DI POTENZA, E TANTI EGUALE A NUMERO.

Doppo ch'io viddi l'opera di Diofante, sempre son stato di opinione, che tutto il suo intento sino a quei giorni fusse di venire à questa agguagliatione, perchè si vede, che camina a una strada di trovare sempre numeri quadrati, e c'ehe aggiontoli qualche mumero siano quadrati, e credo che li sei libri, che mancano, fissero di questo agguagliamento; nel fine è ben vero, che me ne fa stare alquanto in dubbio que giamai opera R. q. ne sò che me ne dire, se non che voi restiamo privi per la malvagità del tempo distrugitor del tutto (il quale ha fatto perdere sudetti sei libri di una bella, e maggior parte di questa disciplina); ma Lodovico Ferrari nostro Cittadino ancoegli

⁽¹⁾ Bombelli, algobro, p. 153.— Dans cet estruit, j'ài conservé autant que possible les notations de Bombelli. On est trouvers ici un certain nombre, avec la traduction en langue algebrique ordinaire : elles faciliterosa la lecture de ce chapitre, anquel je ne crois pas devoir ajouter de commentaire, puisque Lagrange a déjà exposé la méthode de Fectrari, que Bombelli rapporte lei pour la résolution des équations du quatrième degré. (Mémoire de l'Académie de Berlin, pour l'année 1770, p. 173 et siu', "Voil, au reste, con totations:

x = x, $y = x^2$, $y = x^3$, $y = x^4$, Tanto, ou Quantità y = x; potenza $y = x^2$,

caminò per questa via, et trovò l'uso d'agguagliare simili Capitoli, quale fù inventione bellissima, però mi forzarò di chiarirla al meglio che si potrà in beneficio del Lettore. Dato che si havese 1 4 p. 20 t eguale à 21. Levisi li Tanti a ciascuna delle parte, e si haverà 1 4 eguale à 21. m. 20 t, e gia siamo chiari che 1 4 ha lato, et se 21 m. 20 t, bavesse lato l'agguagliatione saria facile, ma non ha lato, ne lo può havere, perche dove intervengono Tanti, e nu. non può havere lato, ma bisogna siano accompagnat con le potenze. Però se a 1 4 se li aggiongesse 2 2 p. 1 faria 1 4 p. 2 t p. 1. e saria quadrato, et ag-

```
potenza di potenza = x4, tanti = x, p := pin, m = meno, m = meno,
```

gionto all' altra parte faria 2 2 m. 20 1 p. 22, che volendo vedere, se è quadrato, moltiplichisi 2. numero delle potenze via 22 (se fa 100, quadrato della . metà delli Tanti), sarà quadrato, ma non fa se non 44 pero 2 2 p. 1. non basta ma se si giongerà 4 2 p. 4 à ciascuna delle parti, si haverà 1,4 p. 4,2 p. 4, e 4 2 p. 20 1 p. 25, che l'uno e l'altro è quadrato, che li loro lati sono 1 2 p. 2 e 5. m. 2 t e l'uno è eguale all'altro che agguagliato il Tanto vale 1. Ma perche queste potenze, e nu. si sono cercate a tentoni, però portò la regola di trovarli. Si vede, che il nu. delle potenze, che si aggiongono alla potenza di potenza sono il doppio del lato del nu. come, quando se li aggionge 2,2 p. 1, il numero delle potenze è il doppio d'1. lato del nu. e quando si aggionse 4 2 p. 4 il nu. delle potenze è il doppio di 2. lato del 4 numero; però volendo à 1 4, et à 21 m. 20 1 aggiongere tante potenze e nu. che ciascuna parte sia quadrata, e che le potenze siano il doppio del lato del numero; bisogna formare un quesito, che dica trovisi un num. quadrato che gionto a 21 e moltiplicato via il doppio del suo lato faccia 100 (quadrato della metà delli Tanti). Poughisi che il nu quadrato ha 1 2 e si aggionga a 21. fa 21. p. 1 2 e questo si dite moltiplicare via 2 . doppio del lato d'1 2 fa 2 3 p. 42 , e questo deve essere eguale a 100, che agguagliato, il Tanto vale 2, e perchè fu posto che il num. fusse 1 2 sara 4, e questo sara il nu. da giongere, e le potenze saranno 4, cioè il doppio del lato del 4, però aggionto à ciascuna delle parti 4 2 p. 4. si haverà 1 4 p. 4 2 p. 4 e 4 2 m. 20 1 p. 25, che l'uno e

l'altro è quadrato, et essendo eguali, ancora li lati saranno eguali, che sono z D. 2. et 5. m. 2 J., che agguagliato, il Tanto vale z. Ma perche hò detto, che il lato di 4 Z. m. 20 J. p. 25. è 5. m. 2 J. e ancora potria essere 2 J. m. 5, che levato il meno, si haveria 1 Z. p. 7, eguale a 2 J., che non si potria agguagliare. Però volendosi le regole di questo agguagliamento per brevità faccisi così.

Agguagliai r 4 p. 20 th a 1. Faccisi del nu. Tanti, charanno 21 th Poi si pigli l' ottava parte del quadrato del nu. delli 20 th, ch'è 50, e questo sarà eguale a r 3 p. 21 th, che agguagliato il Tanto valerà 2 il qual 2, si quadra, fa 4, che aggionto al numero di prima, ch'era 21, fa 25, e ne piglia il lato ch'è 5, del quale se ne cava 2. cioè la valuta del Tanto detta di sopra resta 3, e questo è eguale à r 3 p. 2 the queste 2 th nascono dal lato della valuta di 2 tocò da 4, che agguagliato; il Tanto valerà 3.

Agguaglisi 1 , p. 16; à 12. Piglisi l'ottavo del quadrato delli Tanti, ch'è 33, e questo sarà eguale a 1 3, p. 12., che agguagliato il Tanto, valerà 2, che il suo quadrato è 4, che agguagliato il Tanto, valerà a, che il suo lato è 4, del quale cavatone 2, valuta del Tanto, resta 2 e questo è eguale a 1; 2 p. 2; c là 2; si trovano col moltiplicare la valuta del Tanto sopradetta per 2. per regola, e del produtto pigliaroe il lato, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 3. m. t.

Agguaglisi 1 3 p. 16; à 48. Piglisi l'ottava parte del quadrato dellì Tanti, ch'è 3a, e questo sarà eguale a 1; 3 p. 48; che agguagliato, il Tanto valerà R. c.
L. R. q. 4352 p. 16; j. m. R. c. l. R. q. 4352. m. 16; j. n. R. c. l. R. q. 4352. m. 16; j. n. R. c. l. R. q. 4352. m. 16; j. n. R. c. l. R. q. 4352. m. 16; j. n. R. c. l. R. q. 4352. m. 16; j. n. R. c. l. R. q. 4352. m. 16; j. n. R. c. l. R. q. 4352. m. 16; j. n.

che il suo quadrato, sarà R. c. L 4608. p. R. q. 4456448 J. p. R. c. L. 4608, p. R. q. 4456448 J m. 32, che aggionto al 48. fa R. c. L 4608. p. R. q. 4456448 J. p. R. c. L 4608. m. R. q. 4456448 J p. 16; che pigliatone il lato, sarà R. q. L, R. c. L 4608. p. R. q. 4456448 J p. R. c. L 4608. m. R. q. 4456448 p. 16 p. e di questo si cava la valuta del Tanto, resta R. q. L R. c. L 4608. p. R. q. 4456448 J. p. R. c. L 4608. m. R. q. 4456448 J p. 6-J m. R. c. L R. q. 4352. p. 19 J. p. R. c. L R. q. 4352. m. 16 J, e tutto questo è eguale a 1 2 più R. q. LR. c. L R. q. 278528. p. 128 J. m. R. c. L 278528. p. 128 J.J., che pigliato la metà delli Tanti, ne viene R. q. L R. c. L R. q. 68. p. 2 J. m. R. c. L R. q. 68. m. 2. I.J. che il suo quadrato sarà R. c. L R. q. 68. p. 2 J. m. R. c. L R. q. 68. m. 2 J, e questo si aggionge al un fa R. q. L.R. c. L 4608. p. R. q. 4456448 J. p. R. c. L 4608. m. R. q. 4456448 J. p. 16 J. p. R. c. L. R. q. 68, m. 2 J. m. R. c. L R. q. 68, p. 2 J e R. q. legata di tutto questo composto meno la metà delli Tanti, cioè meno R. q. L R. c. L R. q. 68. p. 2 J. m. R. c. L R. q. 68. m. 2 J.J., sarà la valuta del tanto, e tale agguagliamento pare quasi impossibile et è verissimo perche pigliato la R. q. L di R. q. L R. c. L 4608. p. R. q. 4456448 J, p. R. c. L 4608. m. R. q. 4456448 J p. 16 J m. R. c. L R. q. 68. p. 2 J p. R. c. L R. q. 68 m. 2 J J, che serà 2. p. R. q. LR. c. LR. q. 68. p. 2. J m. R. c. LR. q. 68. m. 2. II, che cavatone la metà delli Tanti resta 2, ch'è la valuta del Tanto, e benche tal lato non paia vero, nondimeno è cosi, e facendone la prova (come ho mostrato nel fine del primo, di conoscere qual sia maggiore di due quantità) trovarà tanto essere detto lato, quanto è detta R. q. legata, benchè tengo che il Binomio, et il Trinomio habbia lato, perchè il Tanto habbia da valere 2. Ma tal lato per ancora non ho potuto ritrovare, e perchè sarebbe uno andare per l'infinito a volere porre qui tutti li modi, ne quali possono venire così il presente Capitolo, come gli altri di Potenza potenza simili, ne ponero solo, per ogni qualitade, e specie uno, o due essempij con la loro breve regola, e a dove nasca la trasmutatione.

Trasmutatione di potenza potenza, e Tanti eguali a Numero in potenza potenza, eguale a Cubo, è numero.

Volendo trasmutare 1 & p. 20 t eguale a 21. Faccisi questa domanda. Trovami due numeri, che moltiplicato l' uno via l'altro, faccia 21, e che pigliato qual si voglia di essi due numeri, et al suo quadro quadrato aggionta la moltiplicatione di esso numero per 20 faccia 21. Ponghisi l'uno di detti due numeri esser 1 t l'altro di necessita sarà 21. esimo d'i t t, e, se si pigliarà di detti due numeri 1 t il suo quadro quadrato sarà 1 t, et à moltiplicare 1 t via 20, fa 20 t e aggionte insieme fanno 1 t p. 20 t e questo è eguale à 21, e tanto si haverà prima, però bisogna pigliare l'altro numero ch'è 21. esimo d'i t the il suo quadro quadrato sarà 19481 e simo d'i t, che il suo quadro quadrato sarà 19482 e simo d'i t, che il suo quadro quadrato sarà 19482 e simo d'i t, che il suo quadro quadrato sarà 19482 e sono li suoi 20 t farà 19481. p. 420 de simi d'i t e

questo è eguale à 21, che levato, il rotto, si haverà 194481. p. 420 3, eguale à 20 4, che ridutto à 1 4 si haverà 1 4 eguale à 2061. p. 20 3, e questa è la sua trasmutatione, e trovata, che sia la valuta del Tanto partasi 21 per essa valuta, e si haverà la valuta del Tanto di prima. Ma per non havere à fare la positione, piglisi il numero, e cubisi, et al produtto si aggionghino li Tanti, ma dicano Cubi, e questo sarà eguale à 1 4, e ancor che paia che queste trasmutationi in questi Capitoli non siano necessarie, nè di utilità, pur si vedrà che giovaranno ne gli agguagliamenti di questi Capitoli.

Capitolo di potenza potenza equale à Tanti, e numero.

Questo Capitolo nel suo agguagliare non patisce eccettione alcuna, e sempre si può agguagliare senza il p. di m. Petò (senza dire altro verrò a glia essempi). Agguaglisi 1 4 à 72 ¹ p. 17. Piglisi l'ottavo del quadrato delli Tanti, ch'è 648, et questo sarà eguale à 1 ³ p. 17 ¹, che agguagliato il Tanto valerà 8, e questo per regola si dupla fa 16, che pigliatone il lato sarà 4, e saranno tante, li quali si salvano, poi quadrisi 8. valuta del tanto di prima, fa 64, e si aggionge al num. cioè à 17, fa 81 del qual se ne piglia il lato, ch'è 9; del quale se ne cava 8. valuta del sopradetto Tanto, resta 1, e questo si aggionge a li 4 ² serbati, farà 4 ² p. 1, ch'è eguale à 1 ² che agguagliato il Tanto valera R. q. 5. p. 2.

Agguaglisi I 4 à 4 I p. 6. Piglisi l'ottavo del quadrato delli Tanti, ch'è 2, e sarà eguale à I 3

p. 6 1, che agguagliato il Tanto valerà R. c. 4 m. R. c. 2, che duplato farà R. c. 32. m. R. c. 16. che pigliatone il lato, si haverà R. q. L R. c. 32 m. R. c. 16 7, e questi saranno tanti, poi si quadra R. c. 4. m. R. c. 2. valuta del Tanto, fa R. c. 16. p. R. c. 4. m. 4, che aggionto col numero, cioè con 6, fa R. c. 16. p. R. c. 4. p. 2, e di questo se ne piglia il lato, ch'è R. q. L R. c. 16, p. R. c. 4. p. 2 J , che aggionto alli Tanti fa R. q. L R. c. 32 t m. R. c. 16 t J e questo sarà eguale à 1 2 p. R. c. 4. m. R. c. 2, che levato il minor numero, si haverà 1 2 eguale à R. q. L R. c. 32. t m. R. c. 16 t J p. R. q. L R. c. 16. p. R. c. 4. p. 2 J p. R. c. 2. m. R. c. 4, che agguagliato, il Tanto valerà R. c. L. R. L c. 16. p. R. c. 4. p. 2 J. p. R. c. + m. R. c. + J. p. R. q. L. R. c. + m. R. c. + J. La regola di questa aggualiatione detta di sopra nasce dal medesimo detto nel Capitolo di 🐠 et 🐧 eguale à numero, come sarebbe 1 4 eguale à 72 1 p. 17; bisogna aggiongere à ciascuna parte delle potenze e numero, si che divenga l'una e l'altra quadrata, e ne viene formato il medessimo quesito (come il passato) di trovare un numero quadrato, che aggionto à 17, e la somma moltiplicata per il doppio del lato di esso numero quadrato, faccia 1296, quadrato di 36. metà delli Tanti, che posto che tal nu sia 1 2 aggionto con 17. fa 17. p. 1 2 e moltiplicato via 2 5 doppio d'ı . lato della potenza fa 2 3 p. 34 5, e questo è eguale à 1296, che redutto à 1 3 sarà 1 3 p. 17 1 eguale à 648, che agguagliato il Tanto valerà 8, e la positione fà 1 2 ch'è 64, e tanto sarà il numero da aggiongere, e le potenze saranno 16, cioè il doppio del lato di 64, che gionti à ciascuna delle parti si haverà 1 4 p. 16 2 p. 64, e 16 2 p. 72 1 p. 8 sı, che ciascuno è quadrato, e li lati sono 1 2 p. 8 eguale à 4 p. 9, che redutto a brevità, resta 1 2 eguale à 4 p. p. 1, che agguagliato, il tanto valerà R. q. 5. p. 2 (come fu detto nel primo essempio).

Capitolo di potenza potenza, e numero eguale a Tanti.

Questo capitolo non si può agguagliare, quando la sesta decima parte del quadrato delli tanti à quadrarla non sia maggiore del cubato del terzo del numero, e questò non è difetto del capitolo, ma è difetto della domanda, che verrà à questo agguagliamento, laqual domanda sarà impossibile à solvere se non fintamente, e dell'uno, e l'altro modo porrò l'essempio.

Agguaglisi 1 4 p. 6. à R. q. 32 _. Piglisi l'ottavaparte del quadrato delli Tanti ch'è 4 , e. aggiongaseli
il numero (ma dica Tanti, che farà 6 _. p. 4 che
saranno eguali a 1 3, che agguagliato il Tauto valerà
R. q. 3 p. 1, e questa valuta per regola si quadra, fa
4 p. R. q. 12. del che se ne cava il numero, cioè 6,
resta R. q. 12. m. 2 del quale se ne piglia il lato,
ch'è R q. LR. q. 12. m. 2 j e se ne cava la valuta di
mezzo Tanto, cioè R. q. ½ p. ½ che (per essere maggiore non si può cavare, onde tale agguagliamento
non si può finire, per essere la domanda insciolubile.

Agguaglisi 1 dp. 6. à R. q. 320 t. Piglisi l'ottavo del quadrato delle Tanti, ch' è 40, et accompagnisi col numero, e dica Tanti, che farà 6 t. p. 40. che saranno eguali à 1 3, che agguagliato; il Tanto valerà 4; di cui il quadrato è 16, del quale se ne cava il numero, cioè 6 resta 10, che pigliatone il lato sarà, R. q. 10, del quale si cava 2. metà di 4. valuta del Tanto, resta R. q. 10. m. 2, e di questo si piglia il lato, ch' è R. q. LR. q. 10 m. 2 1, e questo si aggionge a R. q. 2. lato della valuta della metà de 1, overo si cava. che farà R. q. 2. p. R. q. LR. q. 10, m. 2 1, overo R. q. 2 m. R. q. LR. q. 10. m. 2 1, che l'uno e l'altro è la valuta del Tanto. Della qual regola questo è il suo nascimento.

Agguaglisi 1 4 p. 6. à R. q. 320 t. Levasi il numero da ogni parte, e si haverà 1 4 eguale à R. q. 320 😃 m, 6, e come nelli altri cerchisi un numero, che del suo quadrato cavatone 6, e lo restante moltiplicato per il doppio del lato del quadrato faccia 80. quarta parte del quadrato delli Tanti. Ponghisi , che il numero quadrato, che si cerca sia 1 2, che cavatone 6, resta 1 2 m. 6, e questosi multiplica per 2 t doppio del lato d'i 2 fa 2 3 m. 12 1, e questo è eguale à 80, che levato il meno a ridutto a 1 3, si haverà 1 3 eguale a 6 r.p. 40, che agguagliato il Tanto vale 4, e la potenza vale 16, e questo è il numero quadrato, che cavatone 6 resta 10, e moltiplicato via 8, doppio di 4 lato del 16 fa 80. quarta parte del quadrato delli ; Tanti ma perchè si intenda meglio, dico, che si pigli il lato d' 1 4 ch'è 1 2 et aggiongaseli 4 valuta del Tanto trovato, fa 1 2 p. 4, e quadrisi fa 1 4 p. 8 2 p. 16, che cavatone 1 4 resta 8 2 p. 16, e questo è il numero da giongere à ciascuna delle parti, acciochè siano quadrati, che aggionte à 1 4 e a R. q. 320 1 m. 6, fa 1 4 p. 8 1 p. 16 e 8 2 p. R. q. 320 1 p. 10, che

tolto il lato dell'uno, e l'altro si haverà 1 2 p. 4, eguale à R. q. 8 t. p. R. q. 10. Levinsii R. q. 10. da ogni parte, e si haverà 1 2 p. 4, m. R. q. 10 eguale à R. q. 8 t.; che tolto la metà di R. q. 8, e quadrato fa 2, e cavatone 4 m. R. q. 10, resta R. q. 10. m. 2. g. di questo pigliato la R. q. fa R. q. LR. q. 10. m. 2 J. e questo si gionge, e si cava di R. q. 2. metà delli Tanti, fa R. q. 2. p. R. q. LR. q. 10 m. 2 J., e R. q. 2. m. R. q. LR. q. 10 m. 2 J., che l'uno e l'altro può essere la valuta del Tanto.

Capitolo di potenza potenza, e cubi eguale a numero.

Questo capitolo sempre si può agguagliare come il capitolo di 4 e z eguale à numero senza il p. di m. (come si vedrà nelli essempii che si proporanno). Agguaglisi 1, 4 p. 4, 3 à 1. Bisogna pigliare il lato d'1, 4 ch'è 1 2 et aggiongerli 2 1, cioè la metà di 4 3, ma dichino Tanti, che farà 1 2 p. 2 1, e questo quadrarlo fa 1 4 p. 4 3 p. 4 2, del quale si cavi 1 4 p. 43 resta 42, però si potrà dire che se a 14 p. 43 si giongerà 42 si haverà una quantità quadrata, cioè 1 4 p. 4 3 p. 4 2, et aggionte à 1. fa 4.2 p. 1, e se questo fusse quadrato si haverebbe l'intento, però bisogna trovare altra quantità da giongere, però se à 1 2 p. 2 5 lato di 1 4 p. 4 3 p. 4 2 si aggiongesse 3. farebbe 1 2 p. 2 1 p. 3, che il suo quadrato sarebbe 1 4 p. 4 3 p. 10 2 p. 12 1 p. 9, che levatone 1 4 p. 43 p. 42, resta 62 p. 12 14 p. 9, e se à 1 4 p. 4 3 p. 4 2 si aggiongerà 6 2 p. 12 5 p. 9, tarà 1 4 p. 4 3 p. 10 3 p. 12 5

p. 9, che parimente è quadrato, ma aggionto all'altra parte, fa 10 2 p. 12 t p. 10, che non è quadrato, ma à moltiplicare 10 3 via 10 fa 100 2, e non doverebbe fare più che 36. quadrato di 6. metà di 12 1, però non è buono il giongere un numero à 1 2 p. 2 1 lato d'1 4 p. 43 p. 42, ma bisogna cavarlo, però se si cavarà d'esso 1 resta 1 2 p. 2 1 m. 1, che il suo quadrato è 1 4, p. 4 3 p. 2 2 m. 14 1 p. 9, del quale cavatone 1 4 p. 4 3, resta 2 2 m. 4 1 p. 1, e questo aggionto a ciascuna delle parti, si haverà 14 p. 43 p. 22 m. 4 1 p. 1, e 22 m. 41 p. 2, che l'uno, e l'altro hà lato, et il lato dell'uno è 1 2 p. 2 1 m. 1, et il lato dell'altro è R. q. 3. m. R. q. 2 t, le quali sono eguali l'uno a l'altro, che levato il meno si haverà 1 2 p. 2 1 p. R. q. 2 1 eguale à R. q. 2, p. 1, che tolto la metà delli Tanti, ch'è 1. p. R. q, ; e quadrata fa 1 ; p. R. q. 2 e gionto a R. q. 2 p. 1, fa R. q. 8, p. 2; e la R. q. legata di questo binomo cavato d'1 p. R. q. 1 metà delli Tanti sarà la valuta del Tanto, cioè 1 p. R. q. ; m. R. q. LR. q. 8 p. 2 1 J. Ma perchè se bene hò posto che la quantità che si deve giongere sia 2 2 m. 4 t. p. 1 nondimeno non hò dato il modo di trovarla. Però hora lo porrò, il qual'è questo: Ponghisi, che il lato del numero quadrato d'i 4 p. 43 sia 12 p. 21 m. 1. quantità, il suo quadrato sarà 1 4 p. 4 3 p. 4 2 m. 2 2 quantità p. 2 1 quantità p. 1. quadrato quantità, e di que sto composto se ne cava 1 4 p. 4 3 resta 4.2 p. 2.2 quantità m. 2.1 quantità p. 1. quadrato quantità e questo è quello che si deve giongere à cias cuna delle parti, acciochè siano quadrati, che aggionte à 1 4 p. 4 3, il suo lato sarà 1 2 p. 2 1 p. 1. quantità, e aggionte all'altra parte, fa 42 p. 23 quantità m. 4 t quantità p. 1. p. 1. quantità , resta che 1. p. 1. quadrato quantità moltiplicato per 4. m. 2. quantita numero delle potenze, faccia 4. quadrati di quantità ; quarta parte del quadrato di 4 . quantità, che moltiplicato fa 4. p. 4. quadrati di quantità m. 2. quantità m. r. cubo di quantità, il ch'è eguale a 4. quadrati di quantità quadrato della metà delli Tanti, che levato simili da simili resta 2 cubi di quantità p. 2. quantità eguale à 4, ch'è quanto 2 3 p. 2 1 eguale à 4, che agguagliato la quantità vale 1, e questo è il numero che si deve cavare d'1 2 p. 2 1, acciochè si trovi la quantità da aggiongere che cavato d'1 2 p. 2 1 resta 1 2 p. 2 1 m. 1, e si procede (come si è fatto di sopra).

Ma volendo per regola fare questo agguagliamento, faccisi così, dato, che si volesse agguagliare 1 4 p. 6. 3. con 18, faccisi del numero Tanti per regola, e si gionghino à 1 3 fa 13 p. 18 1, e questo si agguaglia a 81 produtto della metà di 18. in 9. quadrato della metà delli 6 3, che agguagliato, il Tanto valerà R. c. L R. q. 1856 1 p. 40 1 J. m. R. c. L R. q. 1856 1 m. 40 1 I che queste R. c. hanno lato, che sono R. q. 8 + p. 1 1, e R. q. 8 1 m. 1 1, che cavato l'uno dell'altro resta 3 e 3. è la valuta della quantità, però se di 1 2 p. 3 1 si caverà 3, si haverà 1 2 p. 3 1 m. 3; il suo quadrato sarà 1 2 p. 6 3 p. 3 2 m. 18 1 p. 9, del quale se ne cava 1 4 p. 6 3 resta 3 3 m. 18 1 p. 9, e questo restante è la quantità, che si dove giongere à ciascuna delle parte, accioche l'una, e l'altra m. 25

sia quadrata, che aggionta à 1 \(\frac{1}{2} \) p. 6 \(\frac{3}{2} \) p. 3 \(\frac{1}{2} \) m. 18 \(\frac{1}{2} \) p. 28 \(\frac{1}{2} \) p. 28 \(\frac{1}{2} \) p. 28 \(\frac{1}{2} \) cho to loi il lato di ciascuna, si haverà 1 \(\frac{1}{2} \) p. 3 \(\frac{1}{2} \) m. 3 eguale \(\frac{1}{2} \) R. R. R. Q. 3 \(\frac{3}{2} \) eguale \(\frac{1}{2} \) R. Q. 18 \(\frac{1}{2} \) p. R. Q. 3 \(\frac{3}{2} \) eguale \(\frac{1}{2} \) R. Q. 18 \(\frac{1}{2} \) p. R. Q. 3 \(\frac{3}{2} \) eguale \(\frac{1}{2} \) R. Q. \(\frac{2}{2} \) e quadrato \(\frac{1}{2} \) 3. p. R. Q. 6 \(\frac{2}{2} \) e gionto con R. Q. 18 \(\frac{3}{2} \) 3. fa 6. p. R. Q. 18 \(\frac{1}{2} \) R. Q. 6 \(\frac{2}{2} \) e la R. Q. legata di questo Trinomio meno la metà delli Tanti vale il Tanto, cioè R. Q. L. 6. p. R. Q. 18 \(\frac{1}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) m. R. Q. \(\frac{2}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) m. R. Q. \(\frac{2}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) m. R. Q. \(\frac{2}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) m. R. Q. \(\frac{2}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) m. R. Q. \(\frac{2}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) m. R. Q. \(\frac{2}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) m. R. Q. \(\frac{2}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) m. R. Q. \(\frac{2}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) m. R. Q. \(\frac{2}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) m. R. Q. \(\frac{2}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) m. R. Q. \(\frac{2}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) m. R. Q. \(\frac{2}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) m. R. Q. \(\frac{2}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) m. R. Q. \(\frac{2}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) m. R. Q. \(\frac{2}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) m. The Q. \(\frac{1}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) m. The Q. \(\frac{1}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) m. The Q. \(\frac{1}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) m. The Q. \(\frac{1}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) T. m. 1 \(\frac{1}{2} \) T. The Q. T

Capitolo di potenza di potenza eguale a Cubi, e numero.

Questo capitolo sempre si può agguagliare senza il p. di m. e dè come il Capitolo di 🐧 equale à 🖰, e numero, e si può agguagliare almeno in tre modi, de quali porrò gli essempij.

Agguaglisi r 4 à 16 3 p. 1728. Piglisi il lato cubico di 1728 e ch' è 22, e san'è aguale à r 5 p. 16 _, perche de Cubi si fanno Tanti, e si accompagnano con la potenza di potenza, e trovata la valuta del Tanto, si parte il 12 lato cubico del numero, e l'avenimento sarà la valuta del Tanto.

Agguagliai 1 4 à 4 3 p. 10. Cubisi il numero, fa 100 quadrisi, fa 100, e si moltiplica via 4, numero di cubi, fa 400 e dica 1, li quali per regula si aggiongono à 1 4 farà 1 4 p. 400 1 eguale à 1000, obe trovata la valuta del Tanto, si partirà 10 per detta valuta, e l'avenimento sarà la valuta del Tanto.

Agguaglisi 1 & a R. q. 192 3 p. 12. Piglisi il mezo de cubi, ch'è R. q. 48, e quadrisi, fa 48, e si moltiplica via la metà del numero, cioè 6, fa 288, et è eguale à 1 3 p. 12 t, perchè del numero si fa t, che agguagliato, il Tanto valerà 6, che il suo quadrato è 36, e si aggionge al numero, fa 48, e se ne piglia il lato, che sarà. R. q. 48, al quale si aggionghi 6. valuta del Tanto, fa R. q. 48, p. 6, e si salva, poi piglisi la quarta parte del quadrato de Cubi, ch' è 48, e se ne cava 12. duplo della valuta del Tanto, resta 36, del quale se ne piglia il lato, ch' è 6, e si aggionge alla metà de Cubi, fa R. q. 48. p. 6, e questi sono 1 e si aggiongono con R. q. 48. p. 6, salvato di sopra, che fanno R. q. 48 . p. 6 . , p. R. q. 48. p. 6, e questo per regola è eguale à 1 2, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 2352, p. 33. p. R. q. 12. p. 3, et questi sono li tre sopradetti modi, de quali porrò i loro nascimenti.

Il primo è t 4 eguale à 16 3 p. 1728. La regola sua è il rovescio di 4 e , eguale à numero, perchè se si haverà 1 4 p. 16 . eguale à 12, à trasmutarla (come è stato dimostrato in detto Capitolo, ne verrà 1 4 eguale à 16 3 p. 1728, e così si vede l'uno essere il rovescio dell' altro, onde per dichiaratione di questo non dirò altro.

Il secondo, ch'è un 4 eguale à 4 3 p. 10. La sua regola nasce da questa domanda: Trovami due numeri, che moltip. l'uno via l'altro faccino 10, et che li quattro cubati di uno d'essi numeri aggionto con 10, faccia quanto è il quadroquadrato di esso num. Ponghisi l'uno di detti due numeri essere r , l'altro

sarà ro. esimo d'1 _ che li suoi quattro cubati saranno 4000. esimo d'1 _ 3, che giontoli 10, fa 4000. p. 10 _ 3 esimo d'1 _ 3 e questo è eguale à 10000, esimo d'1 _ 4 quadroquadrato di 10. esimo d'1 _ 1, che levati i rotti, e ridutto à 1 _ 5 is haverà 1 _ 6 p. 400 _ 1 eguale à 1000, che agguagliato , e trovato la valuta del Tanto, si partirà 10, per detta valuta, perche il numero era 10. esimi d'1 _ 5 e l'avenimento sarà la valuta del Tanto avanti la trasmutatione.

Il terzo chè 1 & equale à R. q. 192 3 p. 12, nasce da questa regola. Levinsi i Cubi da ogni parte, si haverà 1 4 m. R. q. 192 3 eguale à 12. Piglisi la metà de Cubi, ch'è R. q. 48 e dichi Tanti, e si cava d'1 .2 lato d'i & resta i 2 m. R. q. 48 f et per questo per regola se ne cava 1 1 di numero, resta 1 2 m. R. q. 48 Tm. 1 di numero, che il suo quadrato è 1 4 m. R. q. 192 3 p. 48 2 m. 2. 1 di 2 p. R.q. 192 1 di 1 p. 1 2 de numero, e questa è la quantità, che si dove giongere à ciascuna delle parti, acciò che habbino lato, che aggionta à 12 fa 12. p. 1 2 di numero p. R. q. 192 t di t p. 48 2 m. 2 t di 2. Hora bisogna vedere, se il lato delle potenze, ch'è R. q. L 48. m. 2 1 J, moltiplicato via il lato del numero, ch'è R. q. L 12. p. 1 2 J fa R. q. 48 meta delli Tanti, che moltiplicati detti lati l'uno via l'altro , fanno R. q. L 576. p. 48 2 m. 24 2 m. 2 5 I, ch'è eguale à R. q. 48 I, che levate le R. q. et il meno, si haverà 576 p. 48 2 eguale à 48 t p. 2 3 p. 24 t che redutto à 1 3 e levate le 2, si haverà 1 3 p. 12 1 eguale à 288, che agguagliato il Tanto valerà 6, e questo è la valuta del meno 1 .1

di numero, che cavata d'1 ② m. R. q. 48 ˚ restarà r ③ m. R. q. 48 ˚ m. 6, che il suo quadrato è 1 ﴿ b. m. R. q. 192. ③ p. 36 ⑤ p. R. q. 6912 ⑤ p. 8 d. 6912 ˚ p. 36 ce cavatone r ﴿ m. R. q. 193 ⑤ resta 36 ⑤ p. R. q. 6912 ˚ p. 36, e questa è la quantità, che si deve giongere à ciascuna delle parti, accioche l'una , e l'altra habbia lato, che aggionta à 1 ﴿ m. R. q. 392 ⑥ il suo lato sarà r ⑤ m. R. q. 48 ˚ m. 6, et aggionta à 12. farà 36 ⑤ p. R. q. 48 ˚ m. 6, et aggionta à 12. farà 36 ⑤ p. R. q. 48 ˚ m. 6, che levato il meno, si haverà r ⑥ gualle à R. q. 48 ⑤ p. 6, che agguaglisto, il Tanto valerà R. q. R. q. 48 p. 6, che agguaglisto, il Tanto valerà R. q. L. R. q. 235. 2 p. 33 ʃ p. R. q. 12. p. 3

Capitolo di Potenza potenza, e numero eguale à Cubo.

Questo capitolo si può agguagliare (come i passati), et è generale, e quando verrà in modo che non si possa agguagliare con li modi, che si davanno; all'hora la domanda sarà impossibile (cem'è) quando si hà 2 e numero eguale à 1 e che il quadrato della metà delli Tanti sia minore del numero, la domanda pur è impossibile, e solo si può agguagliari sofisticamente, e lo somigliante accade in questo, onde verrò alle sue regole.

Agguaglisi I. 4. p. 12. à R. q. 96. 3. Piglisi il mezzo delli Cubi, ch'è R. q. 24, e quadrosi sa 24, e questo si moltiplica via 6. metà del numero, fa 144, al quale si aggionge il 12. numero (ma dica Tanti) che farà 12. 1. p. 144 è per regola è cguale à 1. 3., che agguagliato, il Tanto valerà 6, il quale si quadra; fa 36, e se ne casa

il numero (cioè il 12) resta 24, e se ne piglia il lato, ch'è R. q. 24 e se li aggionge la valuta del Tanto, fa 6, p. R. q. 24, e si salva, poi piglisi il quadrato della metà di Cubi, ch'è 24 e se li aggionge 12. doppio di 6. valuta del Tanto fa 36, che il suo lato è 6, e si aggionge con la metà de Cubi, cioè con R. q. 24, fa 6, p. R. q. 24 e questi sono Tanti, che sono eguali alla quantità serbata di sopra si che si haverà 1 2 p. 6. p. R. q. 24 eguale à 6 1 p. R. q. 24 2 che agguagliato, il Tanto valerà 3, p. R. q. 6 m. R. q. LR. q. 96, p. 9. p. Overo 3, p. R. q. 6 p. R. q. LR. q. 96, p. 9. p. 10 vero 3. p. R. q. 6 p. R. q. LR. q. 96, p. 9. p. 10 the l'una e l'altra è la vera valuta del Tanto, e questa sarà la dimostratione del nascimento di detta regola.

Havendosi 1 4 p. 12 eguale à R. q. 96 3, il suo agguagliare nasce da questa regola. Levansi i Cubi da ogni parte, e cosi il numero, e si haverà 1 ,4 m. R. q. 96 3 eguale à m. 12. Piglisi la metà di Cubi, ch'è R. q. 24, e (dica t e si cava d'1 2 lato d'1 4 resta 1 3 m. R. q. 24 1 et aquesto si aggionge 1 1 dinumero, fa 1 2 m. R. q. 24 1 p. 1 di numero che il suo quadrato sarà 1 4 m. R. q. 96 3 p. 24 2 p. 2 1 di 3 m. R. q. 96 1 di 1 p. 1 2 di numero, che cavatone r 4 m. R. q. 96 3 restano 24 2 p. 2 I di 2 m. R. q. 96 I di I p. 1 2 di numero, e questa è la quantità da aggiongere à ciascuna delle parti, accioche l'una, et l'altra habbia lato, che aggionta à 1 4 m. R. q. 96 3, il suo lato sarà 1 2 m. R. q. 24 . p. 1 . di un e aggionta à m. 12, fa 24 . p. 2 . di 2 m. R. q. 96 & di & p. 1 & di nu. m. 12. Hora bisogna videre, se il lato delle potenze, ch'è R. q. L 24. p. 2 2 1, moltiplicato via il lato del numero, ch'è

R. q. L 1 2 m. 12 J fa R. q. 24 2 metà delli t che moltiplicate dette due R. q. fanno R. q. L 2 3 p. 24 2 m. 24 I m. 288 J, e questo è eguale à R. p. 24 t che levate le R. q. si haveranno 2 3 p. 24 3 m. 24 Tm. 288, eguale à 24.2, che levate le potenze, et il meno, e redutto à 1 3, si haverà 1 3 eguale à 12 t p. 144, che agguagliato, il Tanto valerà 6, e questo è quel z di numero, che fù accompagnato con 1 2 m. R. q. 24 1, si che hora si dirà 1 2 m. R. q. 24 ; p. 6, che il suo quadrato sarà 1 4 m. R. q. 96 3 p. 36 2 m. R. q. 34 6 1 p. 36, che cavatone z 4 m. R. q. 96 3 resta 36 2 m. R. q. 3456 1 p. 36, e questa è la quantità che si deve giongere à ciascuna delle parti acciochè habbiano lato, che aggionta à 1 & m. R. q. 96 3 il suo lato sarà 1 2 m. R. q. 24 1 p. 6 et aggionta à m. 12. fa 36 2 m. R. q. 3456 1 p. 24, che il suo lato sarà 6 . m. R. q. 24, e questo è eguale al lato detto di sopra, ch'è 1 2 m. R. q. 24 1 p. 6, che agguagliato, il Tanto valerà 3. p. R. q. 6. p. R. q. L R. q. 96. p. 9. J. overo 3. p. R. q. 6. m. R. q. L R. q. 96. p. 9. 1, che l'una e l'altra è vera valuta.

Capitolo di potenza potenza eguale à potenze, Tanti e num.

Questo Capitolo può venire in più modi, et alcuna volta patisce le difficultà del Capitolo di Cubo eguale à Tanti, e numero, del quale ne porrò solo tre essempij, perche chivolesse porre tutti li modi, ne quali può venire questo, e gli altri, che seguitano, si andrebbe in infinito, et chi intenderà bene questi potrà da se trovar gli altri. Ne meno porrò le trasmutationi, per non essere necessarii.

Agguaglisi 1 4 à 9 2 p. 24 t. p. 16. Perche à moltiplicare il lato delle 2 via il lato del numero fa 12 metà delli t., però 9 2 p. 24 t. p. 16 hà lato ch'è 3 t. p. 4 ch'è eguale à 1 2 lato d'1 4, che agguagliato, il Tanto valerà 4.

Agguaglisi 1 4 à 7 2 p. 24 1 p. 15. Prima bisogna moltiplicare il numero delle potenze via il numero, che fa 195, e questo cavare di 144. quadrato della metà delli Tanti, resta 39, del quale per regola se ne piglia la metà ch'è 19 1, ch'è eguale à 1 3 p. 15 1 p. 3 1 2, che li 15 1 sono il numero al quale si fa mutar natura, e dire t e le 3 t 2 sono la metà delle 7 2, che a'gguagliato il Tanto valerà 1, il suo quadrato è 1, il quale si gionge à 15 numero, fa 16, che il suo lato è 4, del quale si cava i valuta del Tanto, resta 3, e questo si salva, poi si piglia il numero delle potenze ch'è 7, e se li aggionge 2. doppio della valuta del Tanto, fa q che il suo lato è 3, e sono i che aggionti co'l 3. serbato di soprà, fa 3 1 p. 3, e questo per regola è eguale à 1 2, che agguagliato, il tanto valerà R. q. 5 1 p. 1. 1. Ma per sapere dove nasca tal regola, lo mostrarò.

Piglisi r 3 lato della potenza di potenza, e se gli aggionge r 1 di numero, fa 1 3 p. 1 di numero, che il suo quadrato è 1 4 p. 2 di 3 p. 1 di numero, che cavatone 1 4, resta 2 di 3 p. 1 di numero, che cavatone 1 4, resta 2 di 3 p. 1 di numero, e questa è la quantità d'aggiongersi à ciascuna delle parti, acciochè habbino lato, che aggionta à r 1 il suo lato sarà 1 2 p. 1 di numero, et ag-

gionta à 7 2 p. 24 t p. 15, fa 7 3 p. 2 t di 2 p. 24 t, p. 15. p. 1 2 di numero. Hora bisogna vedere, se à moltiplicare il lato delle potenze, ch'è R. q. L 7. . p. 2 1. J. vià il lato del numero, ch'è R. q. L 15. p. 1 2 J, fa 12. metà delli 1 che moltiplicati detti lati l'uno via l'altro, fanno R. q. L 2 3 p. 7 2 p. 3 t p. 105 J, ch'è eguale à 12. metà delli Tanti, che levata la R. q. e ridutto à 1 3 si haverà 1 3 p. 3 2 p. 15 t eguale a 19 ;, che agguagliato il Tanto valerà 1, et questa è la valuta d'1 t di numero, che fu accompagnata con 1 2. Si che aggionto à 1 2 farà 1,2 p. 1, che il suo quadrato è 1 4 p. 2 2 p. 1, che cavatone 1 4 restano 2 2 p. 1 ch'è la quantità, che si deve aggiongere à ciascuna delle parti, acciochè l'una e l'altra habbia lato, che aggionta à 1 4 et à 7 2 p. 24 t p. 15 farà 1 4 p. 2 2 p. 1. eguale à 9 2 p. 24 1 p. 16, che pigliato il lato di ciascuna, si haverà 1 2 p. 1 eguale à 3 t p. 4, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 5 + p. 1 - (come fù detto di sopra). Ma se à moltiplicare il numero delle potenze via il numero, il produtto superane il quadrato della metà delli Tanti, bisogna tenere la strada, che si mostrarà nel seguente essempio.

Agguaglisi 1 & à 11 2 p. 24 t p. 15. Moltiplichisi il numero delle potenze via il numero fa 165, del quale se ne cava 14d quadrato della metà della Tanti, resta 21, che aggionto con le potenze fa 21. p. 11. 2, e questo per regola si parte per 2. ne viene 10 t p. 5 t 2, ch'è eguale a 1 3 p. 15 t perche del 15 si fa 15 t, che agguagliato, il Tanto valerà 1, che il suo quadrato sarà parimente 1, che aggionto col numero, cioè con 15, fa 16, che il suo lato è 4, alquale si aggionge 1 (valuta del l'anto), fa 5, e si salva, e d'ell' 11. numero delle potenze se ne cava 2, valuta di 2 1, resta 9, che il sua lato è 3, e sono Tanti, cioè 3 1, che aggionti col 5. serbato di sopra fa 3 1, p. 5, e questo per regola è eguale à 1 2, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 7 ½ p. 1 2, e la vairetà di questo agguagliamento da quello di sopra, procede, che 1 2, di numero in quello di sopra si aggionge à 1 2, et in questo si cava. Sì che chi intenderà quello di sopra intenderà parimente questo.

Capitolo di potenza potenza, e Tanti, eguale à potenza, e numero.

Questo Capitolo può venire in assai modi, ma solo ne porrò per brevità quattro essempij più necessarij, e detto Capitolo patisce l'eccettioni, che patiscono li Capitoli di 3 equale à 1, e numero, e 3 e numero eguale a 1.

Agguaglisi 1 4. p. 24 ... à 8.2 p. 18. Levinsi li Tanti da ogni parte, e si haverà 1 4. eguale à 8.2 m. 24.5 p. 18, e perchè à moltiplicare il numero delle potenze via il numero, fa 144, che il suo lato è 12, ch'è pari à 12. metà delli Tanti. Però 8.2 m. 24.5 p. 18. hà lato il qual' è R. q. 8.5 m. R. q. 18 over R. q. 18. m. R. q. 8.5, che l'uno, e l'altro non si può negare. Mal a vera si è R. q. 18 m. 8.5 e questo è equale a 1.2 lato d'1.5, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 1 R. q. 18. p. 2 J. m. R. q. 2, e perchè hò

detto che R. q. 18 m. R. q. 8 <u>.</u> è la vera nel Capitolo seguente chiarirò questo dubbio.

Agguaglisi 1 4 p. 24 1 à 18 2 p. 8. Levinsi li Tanti (com' è detto di sopra) si haverà 1 4 eguale à 18 2 m. 24 1 p. 8, la qual quantità hà lato per il rispetto detto di sopra, che esso lato sarà R. q. 18 1 m. R. q. 8 overo R. q. 8. m. R. q. 18 1 che l'uno e l'altro è buono e per consocrer quando l'uno e l'altro è buono. Piglisi il quarto delle potenze, ch'è 4 ½ che essendo maggiore, ò parì al lato del numero ambidui e lati sono buoni.

Ma se il lato del numero è maggiore del quarto delle potenze, all' hora non è buono se non quello, che dice numero men . r .. Si che in questo essempio si possono pigliare ambidui li lati. Hora piglisi R. q. p. 18 1 m. R. q. 8, che sarà eguale à 1 🎅 lato d'1 🔩, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 4 1 m. R. q. L 4 1 m. R. q. 8 J, overo R. q. 4 1 p. R. q. L 4 1 m. R. q. 8 J, ma perche detta R. q. legata hà lato, ch'è 2. m. R. q. che aggionto è cavato à R. q. 4 1 fa. 2. p. R. q. 2, e R. q. 8. m. 2, che l'una e l'altra è vera valuta del Tanto. Ma se si fusse pigliato per il lato R. q. 8 m. R. q. 18 t il Tanto sarebbe valuto R. q. L 4 7 p. R. q. 8. J m. R. q. 4 1, e perche R. q. L 4 1 p. R. q. 8 L hà lato ch'è 2. p. R. q. 1, che cavatone R. q. 4 resta 2 m. R. q. 2, e questa anco è pur vera valuta del Tanto, si che questo essempio, che ha queste parti di moltiplicare le 2 via il numero, et il produtto esser pari al quadrato della metà delli t, e il quarto delle potenze esser maggiore del lato del numero, haverà sempre tre valute vere.

Agguaglisi i & p. 40 t a 10 2 p. 16. Moltiplichisi il numero delle 2 via il numero fa 160, che cavato di 400. quadrato della metà delli 1, resta 240, di che si piglia il mezzo, ch'è 120, e questo è eguale à 1 3, p. 5 2 p. 16 1, che le 5 2 sono la metà delle 10 2 e li 16 1 sono il numero, che doventa 1 che agguagliato il Tanto vale 3, che il suo quadrato è 9, che aggionto col numero, cioè con 16, fa 25, che il suo lato è 5 del quale se ne cava 3. valuta del Tanto, resta 2, il quale si salva, poi si piglia doppio di 3. valuta del Tanto, ch'è 6, e si aggionge al numero delle potenze, fa 16 2, che il suo lato è 4 1, al quale per regola si aggionge 1,2, fa 1,2 p. 4 1 e questo è eguale al 2 serbato di sopra, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 6. m. 2, e per sapere dove nasca tal regola. Levinsi li , da ogni parte, e si havera 1 4 eguale à 12 2 m. 40 1 p. 16. Hora piglisi il lato d'1 4, ch'è 1 2 al quale se si aggionga 1 di numero, fa 1 2 p. 1 di numero, che il suo quadrato è 1 4 p. 2 1 di 2 p. 1 2 di nu. che cavatone i 4 resta 2 1 di 2 p. 1 2 di nu. e questa è la quantità che si deve aggiongere à ciascuna delle parti, acciochè habbiano lato, che aggionta à 1 4 il suo lato sarà 1 2 p. 1 1 di nu. e aggionta à 10 3 m. 40 T p. 16, fa 10 2 p. 2 Udi 2 m. 40 I p. 16. p. 1 2 di numero. Hora bisogna vedere, se il lato delle 2, ch'è R. q. L 10. p. 2 1 J moltiplicato via il lato del numero, ch'è R. q. L 16. p. 1 2 J, fa 20. metà delli _t, che à moltiplicare detti late l'uno via l'altro, faranno R. q. L 2 3 p. 10 2 p. 32 1 p. 160 д, е questo è eguale à 20, che levata la R. q. legata si ha-

verà 2 3 p. 10 2 p. 32 1 p. 160. eguale à 400, che ridutto à 1 3, e levato il minor numero, si haverà 1 3, p. 5 2 p. 16 t eguale à 120, che agguagliato, il Tanto valerà 3, ch'è il Tanto di numero, che fù posto con la potenza, onde pongasi detto 3, con 1 2, fa 1 2 p. 3, che il suo quadrato è 1 4 p. 6 2 p. 9, che cavatone 1 4 resta 6 2 p. 9, ch'è la quantità, che va aggionta à ciascuna delle parti, che aggionta à 1 4 et à 10 2 m. 40 1 p. 16, farà 1 4 p. 6 2 p. 9. eguale à 16 2 m. 40 1 p. 25, che tolto il lato dell'uno, e dell' altro, si haverà 1 2 p. 3. eguale à 5. m. 4 . , che agguagliato, il tanto valerà R. q. 6. m. 2. come fu detto di sopra ella se il produtto delle 2 via il numero che fu detto nel principio dell' essempio sarà maggiore del quadrato della metà delli all' hora bisognarà procedere nel modo, che si dirà nel seguente essempio.

Agguaglisi 1 4 p. 18 ½ à 11 2 p. 8. Moltiplichisi i unuero delle potenze via il numero, fa 88, che eavatone 81 quadrato della metà delli Tanti, resta 7. e questo si accompagna con le 2 fa 11 2 p. 7, che per regola se ne piglia la metà ch'è 3 ½ p. 5 ½ 3, il quale è eguale a 1 3 p. 8 ½, che agguagliato, il Tanto valerà 1, e questo si cava d'l 2 resta 1 2 m. 1, che i suo quadrato è 1 4 nu. 2 2 p. 1, che cavatone 1 4 resta m. 2 2 p. 1 ch'è la quantità da aggiongere a ciascuna delle parti, accioche labbino lato, che aggionta à 1 4 e à 11 2 p. 8. m. 18 ½, farà 1 4 m. 2 2 p. 1. eguale à 9 2 m. 18 ½ p. 9, che pigliato il lato dell' una e dell' altra parte, si haverà 1 2 m. 1. eguale à 3 ½ p. 3. overo à 3 m. 3 ½, che l'uno e

l'altro modo è buono, e aguagliato, il Tanto valerà

Capitolo di potenza potenza, e numero eguale à potenze e Tanti.

Questo Capitolo patisce l'eccettioni del sopradetto. Ma nel resto vien sempre ad un modo, però di esso non porrò più d'uno essempio.

Agguaglisi 1 4 p. 12 à 8 2 p. 16 1. Moltiplichisi il numero delle 2 via il numero, fa 96, e si aggionge col quadrato della metà delli , fa 160, che per regola se ne piglia la metà, ch'è 80, e se li aggionga il numero, ma dichi , che farà 12 p. 80, e sarà eguale à 1 3, più il mezzo delli 2 cioè 4 2, che agguagliato, il Tanto valerà 4, e questo 4. si aggionge con 1 2 lato d'1 4, fa 1 2 p. 4, che il suo quadrato è 1 4 p. 8 2 p. 16, del quale se ne cava 1 2 p. 12, resta 8 2 p. 4, e si aggionge à 8 2 p. 16 1, fa 16 2 p. 16 1 p. 4, che il suo lato è 4 1 p. 2, et è eguale à 1,2 p. 4. detto di sopra, che agguagliato, il Tanto valerà 2 p. R. q. 2, overo 2. m. R. q. 2, e intorno questo Capitolo non dirò altro, perche chi intenderà le regole de passati, intenderà parimente dove nasca la regola di questo.

Capitolo di potenza potenza, e potenze, eguale à Tanti e numero.

Il presente Capitolo è simile al passato, eccetto che questo non hà più di una valuta, e l'altro ne ha due, però ne porrò un solo essempio. Agguaglisi 1 & p. 12 & à 40 £ p. 36. Moltiplichisi il umero delle e via il numero, fi 430, al quale si aggionge 400. quadrato della metà delli £ fa 832, et à questo si aggiongono le 12 & et si parte il tutto per 2. ne viene 416. p. 6 &, ch'è eguale à 1 & p. 38 £ perche del numero si fanno ½ che agguagliato, il Tanto valerà 8, il quale 8, si aggionge à 1 &, fa 1 & p. 8, che il suo quadrato è 1 & p. 16 2 p. 64, che cavatone 1 & p. 12 2 resta 4 3 p. 64, e questa è la quantità che si deve aggiongere à ciascuna delle parti, accioche sia quadrata, che aggionta à 1 & p. 12 2 et à 40 £ p. 36, fa 1 & p. 16 2 p. 64 e 4 2 p. 40 £ p. 100, che li loro lati sono 1 & p. 8, e 2 £ p. 10, che agguagliato il Tanto valerà R. q. 3. p. 1.

Capitolo di potenza potenza, Cubi e Tanti eguale à numero.

Questo Capitolo è generale, e sempre si può agguagliare (com'è il Capitolo di Cubo, e Tanti eguale e numero) e perche ha assai parti, però ne porrò tre essempij per maggiore sua intelligenza.

Agguglisi 1. § p. 4. § p. 104 § à 64. Piglisi il quadrato della metà de Cubi, ch' è 4, e moltiplichisi via il numero, fa 256. e questo si cava del quadrato della metà delli Tanti, ch'è 2704, resta 2448; del quale se ne piglia la metà, ch'è 1224, e si salva; poi si moltiplica la metà de Cubi, ch'è 2. via 52. metà delli Tanti fa 104, e si aggionge al numero, cioè à 64; fa 168, e tutti sono Tanti, alli quali per regola si aggionge i 3 fa 1. § p. 168 §, e questo è equale à 1224. Serbato di sopra, che agguagliato, il Tanto valerà 6,

che si aggionge con 1 2 lato d'1 4 fa 1 2 p. 6, al quale si aggionge la metà de 3, ma dica 1 cioè 2 1 farà 1 2 p. 2 1 p. 6, che il suo quadrato sarà 1 4 p. 4 3 p. 16 2 p. 24 1 p. 36. che cavatone 1 4 p. 4 3 p. 104 1 restanno 16 2 m. 80 1 p. 36, e tutto questo si aggionge al numero, cioè à 64. fa 6 2 m. 80 1 p. 100, che il suo lato è 10 m. 4 1, e questo è eguale à 1 2 p. 2 1 p. 6. detto di sopra, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 13. m. 3, e tale agguagliamento nasce da questa regola. Piglisi il lato d'1 .4,, ch'è 1 1, et accompagnisi con tanti 1 quanti sono la metà de 3 fa 1 2 p. 2 1, et à questo si aggionge 1 i di numero, che il suo quadrato sarà 1 4 p. 4 3 p. 4 2 p. 2 1 di 2 p. 4 1 di 1 p. 1 2 di numero, che cavatone 1 4 p. 4 3 p. 104 1 restanno 4 2 p. 2 Idi 2 p. 4 1 di I m. 104 1 p. 1 2 di numero, chè la quantità da aggiongere à ciascuna delle parti, perche habbino lato, che aggionta à 1 4 p. 4 3 p. 104 1 il suo lato sarà 1 2 p. 2 1 p. 1 1 di numero, et aggionta à 64, farà 4 2 p. 2 1 di 2 p. 4 1 di 1 m. 104 1 p. 64. p. 1 2 di numero. Hora bisogna vedere, se à moltiplicare il lato delli r, ch'è. R. q. L 4. p. 2 I via il lato del numero, ch'è R. q. L 64. p. 1 2 I fa 2 I m. 52. mctà delli I, che à moltiplicare detti due R. q. legate l'una via l'altra fanno R. q. L 2 3 p. 4 2 p. 128 1 p. 256 I e questo è eguale à 2 1 m. 52, che levata la R. q: legata si haveranno 2 3 p. 4 2 p. 128 1 p. 256. eguale à 2704. m. 208 1 p. 4 .2 ..che ridutto à brevità si haverà 1 3 p. 168 t eguale à 1224, che agguagliato, il Tanto valer? 6, ch'è la valuta del 1 di numero la quale accompagnata con t

2. p. 2. ½ faràt 2. p. 2. ½ p. 6, che il suo quadrato sarà 1. ½ p. 4. ¾ p. 16 ½ p. 24. ½ p. 36, che cavatone 1 4. p. 4. 3. p. 104 ½ restanno 16 2. m. 80 ½ p. 36, che questa è la quantità, che si deve aggiongere à ciascuna delle parti, che aggionta à 1. ½ p. 4. ½ p. 104 ½ et à 64, faràt 2. p. 4. ½ p. 10, 2. ½ et à 64, faràt 2. p. 34 ½ p. 10, 36, eguale à 16 2. m. 80 ½ p. 100, che tolto il lato di ciascuna delle parti, si haverà 1. 2. p. 2. ½ p. 6. eguale à 10 m. 4 ℃, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 13. m. 3. Ma se nell' agguagliare di questo Capitolo, la moltiplicatione del quadrato della metà delli Cubi via il numero sarà maggiore del quadrato della metà delli 5. ¡ all' hora si terrà la strada di questo essempio.

Agguaglisi 1 4 p. 8 3 p. 20 5 à 23. Moltiplichisi il numero via il quadrato della metà de cubi ch' è 16 fa 368, e questo si cava di 100 quadrato della metà delli :1, resta m. 268, che partito per 2 ne viene m. 134, poi moltiplichisi la metà de cubi via la metà delli fa 40; e aggiongaseli il numero, fa 63, e sono t, che si devono accompagnare con 1 3, che farà 1 3 p. 63 r e questo è eguale al m. 134. detto, di sopra, che agguagliato il z valerà m. 2. e si aggionge con 1 2 p. 4 1, fa 1 2 p. 4 1 m. 2. Li 4 1 nascono della metà de cubi (come fù detto nell'essempio passato) che il suo quadrato sarà 1 4 p. 8 3 p. 12 2 m. 16 1 p. 4, che cavatone 1 4 p. 8 3 p. 20 1 resta 12 2 m. 36 1 p. 4. e questo si aggionge al numero, cioè à 23, fa 12 2 m. 36 t p. 27, che il suo lato è R. q. 27. m. R. q. 12 te, questo è eguale a 1 2 p. 4 1 m. 2 detto di sopra , che levato il meno, si haverà 1 2 p. 4 1 p. R. q. 12 1 eguale à R. q. 27. 26 III.

p. 2, che agguagliato il Tanto valerà R. q. L.R. q. 147. p. 9 Lm. 2. R. q. 3.

Capitolo di potenza potenza, e potenze e Tanti eguale à nam.

Questo capitolo può venire in diversi modi, e patisce le eccettioni del capitolo di 3 eguale à 5, e numero, e del capitolo di 3 e numero eguale à 1, che ci può intervenire il p. di m., del quale ne porrò solo un essempjo.

Agguaglisi 1 4 p. 12 t p. 96 t à 48. Moltiplichisi le 2 via il numero fanno 576, e se gli aggionge il quadrato della metà delli 🐧, fa 2880, e se ne piglia la metà ch'è 1440, e se li aggiongi la metà delle potenze, cioè 6 2, fa 1440, p. 6 2, e questo è eguale à 1 3 p. 48 1, che agguagliato, il Tanto vale 12; il quale si aggionge con 1 2 fa 1 2 p. 12, che il suo quadrato è 1 4 p. 24 2 p. 144, che cavatone 1 4 p. 12 2 p. 96 1 resta 12 2 men. 96 1 p. 144, e questo si aggionge à 48, cioè al nu. fa 12 2 m, 96 1 p. 192, ché pigliatone il lato sarà R. q. 192. m. R. q. 12 1, che sarà eguale à 1 2 p. 12. detto di sopra, che agguagliato, il Tanto valera R. q. LR. q. 192. m. 9. J. m. R. q. 3, e per dimostrare dove nasca tal regola, aggiungasi à 1 4 lato d'1 4, 1 1 di numero, fa 1 2 p. 1 1 di numero , che il suo quadrato è 1 4 p. 2 4 di 2 p. 1 2 di numero , che cavatone 1 4 p. 12 3 p. 96 1, resta 2 1 di 2 m. 12 2 m. 96 1 p. 12 di numero, e questa è la quantità, che si deve giongere à ciascuna delle parti acciochè habbino lato. che aggionta à 1 4 p. 12 2 p. 96 1, il suo lato sarà 1 2 p. 1 t di numero, e aggionta à 48, fa 2 t di 2 m. 12 2 m. 96 1 p. 48. p. 1 2 di numero. Hora bisogna vedere, se il lato delle 2, ch'è R. q. L 2 ! m. 12 J, moltiplicato via il lato del numero, ch'è R. q. L. 48. p. 1 2 J, fa 48 metà delli , che à moltiplicare detti lati l'uno via l'altro, fanno R. q. L 2 3, p. 96 1 m. 12 2 m. 576 J, ch'è eguale à 48. metà delli , che levata la R. q. legata, si haverà a 3 p. 96 1 m. 12 2 m. 576. eguale à 2304, che levato il meno, e ridutto à 1 3 si haverà 1 3 p. 48 1 eguale à 1440 p. 6 2 che agguagliato, il Tanto valerà 12, ch'è la valuta d'i t di numero, che fù posto con la potenza, si che aggionto 12. à 1 2, fa 1 2 p. 12, che si quadra, fa 1 4 p. 24 2 p. 144, del quale se ne cava 1 4 p. 12 2 p. 96 1 restano 12 2 m. 96 1 p. 144, e questa è la quantità, che deve giongersi ad ambedue le parti, che aggionta à 1 4 p. 12 2 p. 96 1 et à 48, fa 1 4 p. 24 2 p. 144 eguale à 12 2 m. 96 1 p. 192, che pigliato il lato di ciascuna parte, si haverà 1 2 p. 12 eguale à R q. 192 m. R. q. 12 1, che agguagliato, il tanto valerà R. q. L R. q. 192. m. q. J m. R. q. 3 (come fù detto di sopra).

Capitolo di potenza potenza, Tanti e num. eguale à potenze.

Questo Capitolo assaissime volte patisce la difficultà del Capitolo di Cubo, eguale à Tanti, e numero, e del Capitolo di 2, e numero eguale à 1 e può venire in infiniti modi. Ma solo ne portò due essempij.

Agguaglisi 1 4 p. 19 à 4 2. Moltiplichisi la metà

delle 2 via il numero, fa 38, e si aggionge all'ottavo del quadrato delli Tanti, ch'è 450, fa 488, et à questo si aggionge il numero, ma dica & fa 448. p. 19 4 et è eguale à 1,3 più la metà delle,2 cioè 2,2, che agguagliato il Tante valerà 8, che (per regola) si aggionge à 1 2 fa 1 2 p. 8, che il suo quadrato è 1 4 p. 16 2 p. 64, de quale se ne cava 1 4 p. 60 1 p. 19. resta 16 2 m. 60 r. p. 45, e questo si aggionge à 4 2 fa 20 2 m. 60 t p. 45, che pigliatone il suo lato, si haverà R. q. 45 m. R. q. 20 1 ovvero R. q. 20 1 m. R. q. 45, che ò l'uno, ò l'altro saranno eguali à 1 2 p. 8. che nell' uno e nell'altro si può agguagliare, perche pigliando . m. R. q. 20 1 e agguagliatala con 1 2, p. 8, e levato il meno, et il minor numero, si havera 1 2 p. R. q. 20 1 p. 8, m. R. q. 45. eguale à o. e se si pigliarà R. q. 20 1 m. R. q. 45. e levato il meno, si haverà 1 2 p. 8. p. R. q. 45. eguale à R. q. 20 1, che questo non meno se può agguagliare, se non fintamente, e questo non è defetto della regola, ma è della domanda, che farà venire tale agguagliamento, la quale risolutione sarà impossibile.

Agguaglisi I 4 p. 120 1 p. 64 à 80 2. Moltiplichisi la metà delle potenze, ch'è 40 via il numero, fa 2560, et à questo si aggionge l'ottava parte del quadrato delli Tanti, ch'è 1800, fa 4360, e se gli aggionga il numero ma dica 1, fa 4360. p. 64 1, e questo è equale à 1 3 p. la metà delle 2 cioè 40 2, che il Tanto valerà 10, la qual valuta aggionta à 1 2 per regola fa 1 2 p. 10, che il suo quadrato è 1 4 p. 20 2 p. 100, che cavatone I 4 p. 120 1 p. 64, restanno 20 2 m. 120 1 p. 36, e questa è la quantità, che và

aggionta à ciascuna delle parti accioche sia quadrata, che aggionta à 80 ° fa 100 ° p. 36. m. 120 ° t, che ilsuo lato è 10 ° m. 6, e questo è eguale à 1 ° p. 10, che agguagliato, il Tanto valerà 2. overo 8. et perche la regola di questo agguagliamento nasce dallo accompaguare 1 ° di numero con 1 ° overo cavarlo (come si è mostrato ne Capitoli passati) però 'havendosi à procedere in questo Capitolo nel medesimo modo, non ne dirò altro.

Capitolo di potenza potenza, e potenze, e numero eguale à Tanti.

Questo Capitolo patisce anco egli le difficultà del passato, ma non tanto, e se à moltiplicare la metà delle potenze via il numero, il produtto sia maggiore dell'ottavo del quadrato delli Tanti, all'hora riesce più difficile, e se bene può venire in diversi modi, non dimeno (come hò fatto) e farò di molti altri, non ne porrò se non uno essempio.

Agguaglisi 1. 4. p. 4. 2. p. 4 à 32. ... Moltiplichisi la metà delle 2 via il numero, ch'è 4, fa 8, e questo si cavi di 1.28. ottava parte del quadrato delli Tanti, resta 120, al quale si aggionge il numero, ma dica Tanti, che faranno 4. 2., et il mezzo delle potenze, cioè 2. 2., che farà in tutto 120 p. 4. 2. p. 2. 2. e questo per regola è eguale à 7. 3., che agguagliato, il Tanto valerà 6, e si aggionge à 1. 2. fa 7. 2. p. 6, che il suo quadrato è 1. 4. p. 12. 2. p. 36, che cavatone 1. 4. p. 4. 2. p. 4. restano 8. 2. p. 32., che aggionti 32. 2. fanno 8. 2. p. 32. p. 63. che li suo lato è R.

q. 8 t. p. R. q. 32, e questó è eguale à 1 t. p. 6, che agguagliato, il Tanto valerà 2. p. R. q. L. R. q. 50 m. 6. J. overo 2. m. R. q. L. R. q. 50 m. 6 J.

Capitolo di potenza potenza, Cupo e numero eguale à Tanti.

Agguaglisi 1 4 p. 8 3 p. 11 à 68 t. Piglisi la metà de 3, e quadrisi sa 16, e moltiplichisi via il numero fa 176, e piglisene la metà ch'è 88, et aggionghis icon l'ottavo del quadrato delli Tanti, fa 666, al quale per regola si aggionga 1 3 fa 1 3 p. 666, e si salva. Poi moltiplichisi la metà de Cubi, via la metà delli 1, fa 136, al quale si aggionghi il numero, cioè 11, fa 147, e sono 1 che sono eguali à 1 3 p. 666. serbato di sopra, che agguagliato, il Tanto valerà 6, poi si piglia il lato d'1 4, ch'è 1 2, e se li 'aggiongono 4 1 metà de 3, fa 1 2 p. 4. 1, e se ne cava 6. valuta del Tanto detto di sopra, resta 1 2 p. 4 J m. 6, e si quadra fa 1 4 p. 8 3 p. 4 2 m. 48 t p. 36, del qual produtto se ne cava 1 & p. 8 3 p. 11, resta 4 2 m. 48 1 p. 25, e si aggionge à 68 1 fa 4 2 p. 20 & p. 25, che il suo lato sarà 2 & p. 5, e questo è eguale à 1 2 p. 4 1 m. 6, detto di sopra, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 12. m. 1.

Capitolo di potenza potenza, Tanti, e numero eguale à Cubi.

Questo Capitolo rare volte anch'egli si può agguagliare senza il p. di m. (come il sopradetto), perchè il suo agguagliamento viene quasi sempre à 3 e numero eguale à x che rari sono, che si possino agguagliare.

Agguaglisi 1 4 p. 36 1 p. 19. à 12 3. Moltiplichisi l'ottavo del quadrato delli 3 via il numero, fa 342, al quale si aggionge l'ottavo del quadrato delli Tanti, ch'è 162, fa 504, e per regola, se li aggionge 1 3 fa 1 3 p. 504, e si salva, poi si moltiplica la metà de Cubi via la metà delli Tanti, fa 108, che aggiontoli il numero, cioè il 19. fa 127, e sono Tanti, che sono eguali à 13 p. 504. Serbato di sopra, che agguagliato, il Tanto valerà 8. Hora piglisi 1 🙎 lato d'i 4, e se ne leva la metà de Cubi (ma dica Tanti) e 8. valuta del Tanto, restarà 1 2 m. 6 1 m. 8, che il suo quadrato è 1 4 m. 12 3 p. 20 2 p. 96 1 p. 64, che cavatone 1 4, p. 36 1 p. 19, restano 20 2 p. 60 r p. 45. m. 12 3, e si aggiongono à 12 3 fanno 20 2 p. 60 1 p. 45, ch'è il suo lato è R. q. 20 1 p. R. q. 45, che agguagliato il tanto valerà R. q. L 22. p. R. q. 409 J R. q. 5.

Capitolo di potenza potenza, eguale à Cubi, Tanti e numero.

Il presente Capitolo è generale, perchè l'agguagliamento viene sempre à 3, e 1 eguale à nunero, overo à 3 1 e nu. eguale à o. che in quel caso si muta il numero, e si ha 3 e 1 eguale à m. numero, che il Tanto vale meno, che tanto serve.

Agguaglisi 1 4 à 8 3 p. 132 t. p. 27. Piglisi l'ottavo del quadrato delli Tanti ch'è 2178, resta 1962, che si salvo, poi moltiplichisi la metà de Cubi via la

metà delli Tanti, fa 264, al quale si aggionge il numero, cioè 27, fa 291, e sono 🕹, che per regola si aggiongno à 1.3 fa 1.3 p. 291. 2 guale à 1962. serbato di sopra, che agguagliato, il Tanto vale 6, e questo si aggionge à 1.2 fa 1.2 p. 6, del quale se ne cava la metà de 3; ma dica 2 cioè 4 €, resta 1.2 m. 4 € p. 6, che il suo quadrato è 1.4 m. 8 3 p. 28 2 m. 48 €, p. 36. m. 8 3, che aggionto à 8 3 p. 132 ½ p. 27, fa 28 3 p. 54 ½ p. 63; che il suo lato è R. q. 48 ½ p. 8. 4 p. 63; che il suo lato è R. q. 48 ½ p. 8. 4 p. 63; che il suo lato è R. q. 48 ½ p. 5, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. L. R. q. 343 p. 5 J. p. 8, q. 7, p. 2.

Capitolo di potenza potenza, e Cubi, eguale à Tanti e numero.

Questo Capitolo patisce le eccettioni delli Capitoli di 3 eguale à 1, e numero, e di 3, e numero eguale à 1, del quale ne porrò due essempij.

Agguaglisi I. 4. p. 12. 3. à 132. L. p. 47. Moltiplichisi l'ottavo del quadrato de cubi via il numero, fa 846, e questo si cava dell'ottavo del quadrato delli Tanti, resta 1332, al quale si aggionge I. 3. fa I. 3. p. 1332, che si salva; poi moltiplichisi il mezzo de Cubi via la metà de Tanti, fa 396, del quale se ne cava il numero, cioè 47, resta 349, e questi sono Tanti, che sono eguale à I. 3. p. 1332. serbato di sopra, che agguagliato, il Tanto vale 4, il quale si cava d' I. 2. p. 62. resta I. 2. p. 62. m. 4e li 61. nascono dalla metà de Cubi, che quadrata detta quantità, fa I. 4. p. 12. 2. p. 28. 3. m. 48

_ p. 16, che cavatone'1 4 p. 12 3 restano 28 2 m. 48 _ p. 16, e questa è la quantità da giongere à ciascuna delle parti, accioche sia quadrata che se si aggiongono à 132 1 p. 47 fano 28 2 p. 84 1 p. 63, che il suo lato sarà R. q. 28 1 p. R. q. 63, ch' è eguale à 1 2 p. 6 . r. m. 4. detto di sopra , che agguagliato , il Tanto valerà R. q. L 20. m. R. q. 63. J p. R. q. 7. m. 3, e perche questo Capitolo può venire in più modi, e in due si può fare la positione, però porrò il nascimento della sua regola, ch'è questa : Piglisi la metà de ¿ ch'è 6, e dica I, e aggionghisi à 1 2, lato d' 1 4, fa 1 2 p. 6 t del quale se ne cava un t di numero, resta 1 2 p. 6 1 m. 1 1 di numero, che il suo quadrato è 1 & p. 12 3 p. 36 2 m. 2 J di 2 m. 12 J di J p. 1 2 di numero, che cavatone 1 4 p. 12 3 restano 36 2 m. 2 J di 2 m. 12 J di J p. 1 2 di numero, e questa è la quantità da aggiongere a ciascuna delle parti, che aggionta à 1 4 p. 12 3, il suo lato sarà 12 p. 6 t m. 1 t di numero, e aggionta à 132 t p. 47. farà 36 2 m. 2 t di 2 p. 132 t m. r2 t di t p. 47. p. 1 🉎 di numero. Hora bisogna vedere, se à moltiplicare il lato delle 2, ch'è R. q. L 36. m. 2 T. J. col lato del numero, ch'è R.q. L 47. p. 1 2 J faccia 66 m. 6 1 metà delli , che à moltiplicare dette due R. q. legate fanno R. q. L 1892. p. 36 2 m. 2 3 m. 94 1 J e questo è eguale à 66 m. 6 1, che levata la R. q. legata, si haverà 1892. p.36 2 m.2 3 m. 94 1 eguale à 4356. p. 36 2 m. 792 1, che levati i meni, e ridutti à brevità, si haverà 1 3 p. 1332, eguale à 396 1, che il Tanto valerà 4, ch'è la valuta del Tanto di numero, e perche fù posto meno 1 t, si cavarà 4 d'1 t p. 6

... resta i ... p. 6 ... m. 4, che il suo quadrato sarà i ... p. 12 ... m. 48 ... p. 28 ... p. 16, che cavatone i ... p. 12 ... resta 28 ... m. 48 ... p. 16, e questa è la quantità da aggiongersi à ciascuna delle parti, che aggionta à 1 ... p. 13 ... j. il suo lato è 1 ... p. 6 ... m. 4, et aggionta à 1 ... p. 14, fa 28 ... p. 84 ... p. 16 ... m. 4, et aggionta à 1 ... p. 12 ... p. R. q. 63, e questo è eguale à 1 ... p. 6 ... m. 4, detto di sopra; che agguagliato, il tanto valerà R. q. 12 q. m. R. q. 63 ... p. R. q. 7. m. 3. avertendosi, che si poteva fare la positione ancora d'i ... d'in unmero più, e non meno (come si è fatto in questo essempio) e non sarebbe venuto un'altra valuta di Tanto, perchè questo Capitolo hà due valute, però ne porrò un'altro essempio che il Tanto di numero sia più.

Agguaglisi 1 4 p. 2 3 à 12 p. 6. Piglisi la metà de 3, ch'è 1 e dica t e si aggionghi à 1 2, fa 1 2 p. 1 1, et à questo si aggionghi 1 1 di numero, fa 1 2 p. 1 1 p. 1. 1 di me. che il suo quadrato è 1.4. p. 2 3 p. 1 2 p. 2 1 di 2 p. 1 2 di numero, che cavatone 1 4 p. 2 3, resta 1 2 p. 2 1 di 2 p. 1 2 di numero, e questa è la quantità di aggiongere à ciascuna delle parti, acciochè habbiano lato, che aggionta à 1 4 p. 2 3, il suo lato sarà 1 2 p. 1 1 p. ı _1 di numero, et aggionta à 12 _1 p. 6. farà 1 _2 p. 2 t di 2 p. 12 t p. 2 t di t p. 6. p. 1 t di numero. Hora bisogna vedere, se il lato delle 2, ch'è R. q. L 1 p. 2 1 I moltiplicato via il lato del numero, ch'è R. q. L 6. p. 1 2 J fa 6 p. 1 1 metà delli 1, che à moltiplicare detti lati uno via l'altro fanno R. q. L 2 3 p. 1 2 p. 12 1 p. 6 J. eguale à 6. p. i 1, che levata la R. q. ligata, si haverà 2 3 p. 1 2 p. 12 1 p. 6. egualé à 36. p. 12 1 p. 1 2, che ridutto à brevità, si haverà 1 3 eguale à 15, che il Tanto valerà R. c. 15, e questa è la valuta del Tanto di numero, che aggionto à 1,2 p. 1,1, fa 1,2 p. 1,1 p. R. c. 15 che il suo quadrato sarà 1 4 p. 2 3 p. 1 2 p. R. c. 120 2 p. R. c. 120 1 p. R. c. 225, che cavatone 1 4 p. 2 3, resta 1 2 p. R. c. 120 2 p. R. c. 120 1 p. R. c. 225; e questa è la quantità da aggiongere à ciascuna delle parti, che aggionte à 1 4 p. 2 3, e à 12 1 p. 6, fa 1 4 p. 1 2 p. 2 3 p. R. c. 120 2 p. R. c. 120 1 p. R. c. 225 eguale à R. c. 120 2 p. 1 2 p. 12 1 p. R. c. 120 1 p. 6. p. R. c. 225, che tolto il lato d'ell' una , e dell' altra parte , si haverà 1 2 p. 1 1 p. R. c. 15. eguale à R. q. L R. c. 120 p. 1 1 p. R. q. L R. c. 225, che tolto il lato dell' una, e dell' altra parte, si haverà 1 2 p. 1 1 p. R. c. 15. eguale à R. q. L.R. c. 120. p. 1 1 J p. R. q. L.R. c. 225. p. 6. J, che agguagliato, il Tanto valerà tutto questo composto R. q. L R. q. L 16. p. R. c. 225 J p. 2 m. R. c. 1 2 m. R. q. L R. c. 12 p. 14 J p. 13.

Capitolo di potenza potenza, e Tanti eguale à Cubi, e numero.

Il presente Capitolo patisce le eccettioni del passato, cioè de Capitoli di 3 eguale à 1 numero, e 3 et numero eguale à 1, e si può fare la positione in due modi (come del passato). Ma di questo porrò solo uno essempio.

Agguaglisi r & p. 20 2 à 4 3 p. 11. Moltipli-

chisi l'ottavo del quadrato de 3. ch'è 2. via il numero fa 22. e si cava dell' ottavo del quadrato delli t. ch'è 50, resta 28, e si salva, poi si moltiplica la metà de 3 via la metà delle I fa 20, e se ne cava il numero cioè 11, resta 9 e sono 1 che aggionti co I numero serbata fanno 28. p. g.z., e questo è eguale à 1 3 che agguagliato, il Tanto vale 4, che aggionto con 1 2 m. 2 t fa 1 2 m. t p. 4 et li m. 2 t nascono dalla metà de 3 e sono m., perche gli 3 sono dalla parte contraria del 4, che il suo quadrato è 1 4 m. 43 p. 12 2 m. 16 t p. 16, che cavatone 1 4 p. 20 t restanno 12 2 m. 4 3 m. 36 r p. 16, e tutto questo si deve giongere à 4 3 p. 11 fa 12 2 m. 36 1 p. 27, che il suo lato è R. q. 27. m. R. q. 12 1, ch'è eguale à 1 2 m. 2 t p. 4 detto di sopra, che agguagliato, il tanto valerà R.R. q. 3. p. t. m. R. q. 3.

Capitolo di potenza potenza, e numero eguale à Cubi, e Tanti.

Questo Capitolo è sempre generale, perche rarissime volte viene ad altro agguagliamento, che à 3 e 5 eguale à numero, e di esso sempre si fa una sola positione, cioè p. 1 5 di numero. Benche anco si potrebbe fare m. 1 5 di numero. Ma non è necessario, del quale ponerò solo un essempio.

Agguaglisi 1 $\stackrel{4}{\cdot}$ p. 15. à 6 $\stackrel{3}{\cdot}$ p. 78 $\stackrel{1}{\cdot}$. Moltiplichisi l'Ottavo del quadrato de $\stackrel{3}{\cdot}$ ch's $\stackrel{4}{\cdot}$ via il numero, fa 67 $\stackrel{1}{\cdot}$, che si aggionge con l'Ottavo del quadrato delli $\stackrel{7}{\cdot}$, fa 888, che si salva. Poi si moltiplica la metà delli $\stackrel{7}{\cdot}$ via la metà de $\stackrel{3}{\cdot}$, fa 117, del quale se ne cava

Capitolo di potenza potenza, Cubi, e Tanti eguale à numero.

Il presente Capit. patisce le eccettioni delli Capitoli di 3 eguale à 1, e numero, e di 3, e numero eguale à 1, e massime, quando il numero delle potenze è grande raspetto il numero, et hà solo una positione, cioè p. 1 1 di numero, e di esso ancora non porrò più d'uno essempio.

Agguaglisi 1 4 p. 4 3 p. 13 a à 75. Piglisi la metà de Cubi, e quadrisi, fa 4, e cavisi del numero delle 2, resta 9, il quale si moltiplica via la metà del numero, fa 337 ½, al quale si aggionge la metà delle a fa 6 ½ 2 p. 337 ½, che si salva, poi faccia del numero i, che saranno 75 , e per regola, se li aggionga 1 3, fa 1 3 p. 75 ½ eguale à 6 ½ 2 p. 337 ½, che agguagliato il Tanto valerà 5, il quale si aggion-

ghi à 1 _ p. 2, _ fa 1 _ p. 2 _ p. 5, e li 2 _ sono la metà de 3, che il suo quadrato sarà 1 _ p. 4 _ 3 p. 4 _ p. p. 25, e li 2 _ p. 4 _ p. 1 _ 25, e questo si aggionge à 75, fa 100. p. 20 _ p. 1 _ 3, che il suo lato è 10. p. 1 _ 1, ch'è eguale à 1 _ 2 p. 2 _ p. 5, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 5 _ p. m. †.

Capitolo di potenza potenza, Cubi e numero eguale à potenze.

Questo Capitolo patisce le difficultà del passato, e si può fare la positione in due modi, ch'è la cagione, che la fa patire ancor più del sopradetto, ma solo ne porrò un essempio.

Agguaglisi 1 & p. 12 & p. 7 à 20 & Piglisi il quarto del quadrato de 3, ch'è 36, e aggionghisi alle 3, fa 56, e moltiplichisi via la metà del numero f fa 196, al quale per regola si aggionghi il numero, ma dica 1 farà 196, p. 7, £ e salvisi. Poi si piglia la metà delle 3 ch'è 10 & p. e per regola se li aggionghi i 3, fa i 3 p. 10 & ch'è 10 & p. 196. serbato di sopra, che agguagliato, il Tanto valerà 4, il quale si aggionge à 1 & p. 6, £ fa 1 & p. 6, £ p. 4, e li 6 £ nascono dalla metà de 3, che il suo quadrato sarà 1 & p. 12 & p. 7 resta 44 & p. 14 & p. 18 & p. 7 resta 44 & p. 14 & p. 9, che che sou lato è 8 & p. 9, ch'e guale à 1 & p. 16, £ p. 9, che che sou lato è 8 & p. 9, ch'e guale à 1 & p. 6, £ p. 4, che agguagliato, il Tānto valerà 1.

Capitolo di potenza potenza, e potenza e numero eguale à Cubi.

Questo Capitolo rarissime volte si può agguagliare, senza il più di meno, e così per seguire l'ordine solito ne porrò un essempio, del quale se ne può far solo una positione di p. 1. 2 di numero.

Agguaglisi 1 4 p. 1 2 p. 9 à 8 3. Quadrisi la metà de Cubi, fa 16, e cavasene 1. numero delle 2 resta 15, che si moltiplica via 4 metà del numero, fa 67 1, al quale si aggionge il numero, e dica , che saranno 9 t, e ancora se li aggionghi la metà delle 2 ch'è : 2 fanno in tutto 1 2 p. 9 1 p. 67 1 eguale à 1 3, che agguagliato, il Tanto valerà 5, quale si aggionge à 1 2 m. 4 1 fa 1 2 m. 4 1 p. 5. e li m. 4 1 nascono dalla metà de 3, e sono meno per essere li 3 dalla parte contraria delle 2, che il suo quadrato è 1 4, m. 8 3 p. 26 2 m. 40 1 p. 25, che cavatone 1 4 p. 1 2 p. 9, resta m. 8 3 p. 25 2 m. 40 1 p. 16, e si aggionge à 8 3 fa 25 2 ma. 40 1 p. 16, che il suo latoè 5 m. 4, e questo è eguale à 1 🚉 m. 4 🗓 p. 5, detto di sopra, che agguagliato il Tanto valerà 4 - p. R. q. 11 4, overo 4 m. R. q. 11 4. Avertendosi che se le 2 saranno maggiori del quadrato della metà de cubi all' hora il numero trovato (come si è detto di sopra) si accompagnarà col Cubo, e sarà eguale à potenze, e Tanti.

Capitolo di potenza potenza, e Cubi eguale à potenze c numero.

Questo Capitolo patisce l'eccettioni di Capitoli di 3

eguale à 1 e numero, e di 3 e numero eguale à 1. e solo si può fare la positione di m. 1 d di numero. Si potrebbe anco potere p. 1 di numero, ma il Tanto valerebbe meno.

Agguaglisi I & p. 12 & à 4 2 p. 32. Piglisi il quadrato della metà de 2, chè 36, e aggionghisi alle 2 fa 6,0 e moltiplichisi via 16. metà dell numero, fa 640, e se li aggionge la metà delle 2 fa 640. p. 2 . 7, e questo è eguale à r 3 p. 32 ½, che lì nascono da 32, che agguagliato, il Tanto valerà 8, il quale si cava d'r 2 p. 6 % resta r 2 p. 6 % m. 8, che il suo quadrato è r & p. 12 % restano 20 % m. 96 ½ p. 64, che cavatone r & p. 12 % restano 20 % m. 96 % p. 64, che cavatone r & p. 12 % restano 20 % m. 96 % p. 64, che cavatone r & p. 12 % restano 20 % m. 96 % p. 64, che si aggionge à 4 % p. 96 % m. R. q. 24 % m. 96 % p. 96, che il suo lato è R. q. 96 m. R. q. 24 % e questo è eguale à r % p. 6 % m. 8, che agguagliato il Tanto valerà R. q. LR. q. 600 p. 23 % m. 3 m. R. q. 6.

Capitolo di potenza potenza e potenze eguale à Cubi, e numero.

Il presente Capitolo patisce l'eccettioni del passato, e sempre si fa la positione di p. 1 _ di numero, benchè si possa anco fare di meno simile al Capitolo passato, il che viene quando il quarto del quadrato di Cubi è maggiore delle potenze.

Agguaglisi x 4 p. 10 2 à 4 3 p. 16. Quadrisi il mezzo de Cubi, fa 4, e si cava delle potenze, resta 6, e si moltiplica via 8 metà del nu. fa 48; al quale si aggionge la metà delle 3 cioè 5 3, fa 48, p. 5 3 e

questo è eguale à 1 3 p. 16 1 (e li 16 1 nascono dal numero il quale si fa doventar 1) che agguagliato, il Tanto valerà 4, il quale si somma con 1 2 m. 2 1 (e li 2 r nascono dalla metà de 6 e sono meno per essere i Cubi dalla parte contraria della 4 fa 1 2 m. 2 _ p. 4, che il suo quadrato è 1 _4 m. 4 _3 p. 12 _2 m. 16 1 p. 16, che cavatone 1 4 p. 12 2 resta m. 4 3 p. 2 2 m. 16 1 p. 16 quantità che si deve giongere à ciascuna delle parti accioche sia quadrato, che aggionta a 1 4 p. 10 2, fa 1 4 m. 4 3 p. 12 2 m. 16 . p. 16, che il suo lato è 1 2 m. 2 1 p. 4, et aggionta a 4 3 p. 16, fa 2 2 m. 16 1 p. 32, che il suo lato è R. q. 32 m. R. q. 2 _ e questo è eguale à 1 2 m. 2 1 p. 4, che levato il meno, si haverà 1 2 eguale'à 2 1 m. R. q. 2 1 p. R. q. 32 m. 4, che agguagliato il Tanto valerà R. q. L R. q. 18 m. 2 1 J. p. 1 m. R. q. 1. Avertendosi, che se il quadrato della metà de 3 sarà maggiore delle potenze, all'hora si pone le metà delle 2 dalla banda del 3, et si haverà 3, 2, e t eguale a numero, come sarebbe 1 4 p. 10 2 eguale a 8 3 p. 16 che fatto (come si è detto di sopra) si haverà 1 3 p. 16 1 p. 5 2 eguale à 48.

Capitolo di potenza potenza, e numero eguale à Cubi, e potenze.

Questo Capitolo patisce, l'eccettione de passati, e si possono fare due positioni, cioè ponere più r _ _ di numero, e l'agguagliamento verrà à _ 3 _ e _ eguale a _ 1 e numero, e se si porrà meno r _ di numero, l'agguagliamento verrà _ 3, e nu. eguale a _ 2 e _ t, del _ 1111.

quale ne porrò un essempio, che sarà quello di p. 1 ____.
di numero.

Agguaglisi I 4. p. 15 a 7. p. 2. 3. Piglisi il mezzo de 3., e quadrisi, fa 1., e si aggionge al numero delle 2., fa 8., e si moltiplica via la metà del numero, ch' è 7.; fa 60, e se li aggionge il numero, madica I farà 60 p. 15 J. e questo è eguale à 1 3. più la metà delle 2. cioè a 1 3. p. 3 ; 2., che agguagliato, il Tanto valerà 4, che si aggionge à 1 2. m. 1 I. (il quale 1 I.) nasce dalla meta de 3.) fa 1 2. m. 1 I. p. 4 che il suo quadrato è 1 4. m. 2 3. p. 9 2. m. 8 I. p. 16, che cavatone 1 4. p. 15. restantom m. a 3. p. 9 2. m. 8 I. p. 16, che il suo lato è 4. Im. 1. ch'è eguale à 1. 2. m. 1 I. che il suo lato è 4. Im. 1. ch'è eguale à 1. 2. m. 1 I. p. 4, che agguagliato, il tanto valerà 2 ½ p. R. q. 1 i coreo 2 im. R. q. 1 i;

Capitolo di potenza potenza eguale à Cubi, potenze, e numero.

In questo Capitolo aviene come ne gli altri passati, che assai volte ci occorre il p. di m. e la sua positione è m. r. di numero, che il suo agguagliamento viene a 3, e r. eguale à 2, e numero (come si vedrà nel seguente essempio).

Agguaglisi I. 4 à 8 3 p. 5 2 p. 28. Piglisi il quarto del quadrato de 3, ch' è 16, e si, aggionge alle 2 fa 21, e si moltiplica via la metà del numero, fa 294, e se lis aggionge la metà delle 2 cioè 2 ½ 2, fa 294 p. 2 ½ 3, e questo è eguale à I. 3 p. 28 2 che li 2 sono il numero, che agguagliato, il Tanto valerà 6, il quale

si cava d' 1 2 m. 4 1 resta 1 2 m. 4 1 m. 6 (et li m. 4 1 sono la metà de 3) che il suo quadrato è 1 4 m. 8 3 p. 4 2 p. 48 1 p. 36, che cavatone 1 4 resta m. 8 3 p. 4 2 p. 48 1 p. 36, e sì aggiongono a 8 3 p. 5 2 p. 28. fanno 9 2 p. 48 1 p. 64 che il suo lato è 3 1 p. 8, e questo è eguale à 1 2 m. 4 1 m. 6, che agguagliato il Tanto valerà R. q. 26 1 p. 3 1.

Capitolo di potenza potenza, Cubi, potenze, e Tantì eguale à numero.

Di questo Capitolo per essere molto laborioso, porrò l'agguagliamento con brevità, et parimente la positione col mostrare dove nasca tal regola.

Agguaglisi 1 4 p. 4 3 p. 15 2 p. 4 1 à 64. Piglisi il quarto del quadrato de 3 ch'è 4, e cavisi del numero delle 2 resta 11, che moltiplicato via 32. metà del numero, fa 352, et à questo si aggionge l'ottavo del quadrato delle 1, che'è 2. fa 354, e se li aggionge la metà delle 2, ch'è 7 1 2, fa 354 p. 7 1 2, e si salva, poi si moltiplica la metà de 👶 via la metà delli t, fa 4, che aggionto col numero cioè con 64, fa 68, e questi sono 1, che per regola si aggiongono à 1 3, fa 1 3 p. 68 1 eguale à 354 p. 7 1 2, serbato di sopra, che agguagliato, il Tanto valerà 6, e si aggionge à 1 2 p. 2 1 fa 1 2 p. 2 t p. 6, che il suo quadrato è 1 4 p. 4 3 p. 16 2 p. 24 1 p. 36, che cavatone 1 4 p. 4 3 p. 15 2 p. 4 1 resta 1 2 p. 20 1 p. 36, che aggionto à 64. fa 1 2 p. 20 5 p. 100, che il suo lato è 10. p. 1 5 eguale à 1 2 p. 2 5 p. 6. detto di

sopra, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 4 4 m. 4. E per dimostrare di dove nasca tal regola, fa di bisogno pigliare 1 2 lato d'1 4 ct aggiongerli 2 1 metà de Cubi fa 1 2 p. 2 1 e se gli aggionge 1 1 di nu. fa 1 2 p. 2 1 p. 1 1 di nu. che il suo quadrato è 1 & p. 4 3 p. 4 1 p. 21 1 di 2 p. 4 1 di 1 p. 1 2 di nu., e se ne cava 1 4 p. 4 3 p. 15 2 p. 4 1, resta 2 t di 2 m. 11 2 p. 4 t m. 4 t di t p. 1 2 di numero, e questa è la quantità, che si deve giongere a ciascuna delle parti, accioche habbino lato, che aggionta à 1 4 p. 4 3 p. 15 2 p. 4 1, il suo lato sarà 1 2 p. 2 1 p. 1 1 di numero, et aggionta à 64. fa 2 t di 2 m. 11 2 p. 4 t di t m. 4 t p. 64. p. 1 2 di numero. Hora bisogna vedere, se à moltiplicare il lato delle 2 ch'è R. q. L 2 1 m. 11 J con il lato del numero, ch'è R. q. L 64 p. 13 J il produtto fa la metà delli 🛂, ch'è 2 🛂 m. 2, e moltiplicati delti lati l'uno via l'altro fanno R. q. L 2 3 p. 128 . m. 11 2 m. 704 J. eguale à 2 1 m. 2, che levata la R. q. legata, si haverà 2 3 p. 128 1 m. 11 2 m. 704. eguale à 4 2 m. 8 1 p. 4, che levato il m. e ridutto à 1 3, si haverà 1 3 p. 68 1 eguale a 3 1 2 p. 354, che agguagliato, il Tanto valerà 6, e questa è la valuta del 1 di nu. che aggionto à 1 2 p. 2 1 fa 1 2 p. 2 1 p. 6, che il suo quadrato è 1 6 p. 4 3 p. 15 2 p. 4 1 resta 1 2 p. 20 1 p. 36, e questa à la quantità da aggiongere à ciascuna delle parti, che aggionta à 1 4 p. 4 1 p. 15 2 p. 4 1 et à 64 fa 1 4 p. 4 3 p. 16 2 p. 24 1 p. 36 eguale a 1 2 p. 20 1 p. 100, che pigliato il lato di ciascuna parte si haverà 1 2 p. 2 1 p. 6 eguale à 1 ,1 p. 10 che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 4

; m. ;. Averlindosi, che quando il quadrato della metà
de 3 sarà maggiore del numero delle 3 all'hora si
potrà fare la positione, che dira m. 1 ± di numero,
dove in questo essempio dice p. 1 ± di numero.

Capitolo di potenza potenza, Cubi, potenze e numero eguale à Tanti.

Questo Capitolo patisce l'eccettioni di passati, e ogni volta, che à sommare tutti i numeri delle dignità cioè de Cubi, potenze, et potenze potenze saranno maggiori del numero delli l'anti, e che il nu. sarà pari, ò maggiore del numero di essi Tanti è impossibile fare tale agguagliamento (come si vedrà nel primo essempio) volendo per questo rispetto ponere due essempio) del presente Capitolo.

Agguaglisi 1 4. p. 8. 3. p. 8. 2. p. 10 a 8. 2. Piglisi il quarto del quadrato de Culai, ch' è 16, e se ne. cavi il nu. delle 2,, ch' è 8, resta 8, il quale si moltiplica via 5. metà del numero, fa 40, alquale si aggionge l'oltavo del quadrato delli z ch'è 8; poi si moltiplica la metà delli Tanti via la metà de Cubi , fa 16, e se li aggionge il nu. cioè 10 fa 26, e sono Tanti, alli quali si aggionge la metà delle 3. fa 26 y. p. 4 2. che si aggiongono al 40, et 8. detti di sopra fanno 26 7. p. 4 3. p. 48, e questo per regola è eguale à 1 3., che agguagliato, il Tanto valerà 8, che aggionto à 1 2. p. 4 7, fa 1 2. p. 4 7, g. p. 48, 2. p. 28, che il suo quadrato è 1 4 p. 8 3. p. 8 2. p. 64 7. p. 64, che cavatone 1 4 p. 8 3. p. 8 2. p. 10, ro, resta 24 2. p. 64 7. p. 54, che aggiontà 8 7. fanno 24 2. p. 72 7. p. 54, che il suo lato è R. q. 54.

p. R. q. 24 ..., ch'è eguale à r. 2. p. 4 ... p. 8 detto di sopra, che ridutto alla equatione, si haverà r. 2. p. 8. m. R. q. 54 eguale à R. q. 24 m. 4 che non si può agguagliare, perche non si può cavare il numero della metà quadrata delli Tanti; il che aviene perche, patisce le dificultà delte di sopra, che sommati i numeri delle dignità fanno 17, ch'è maggiore di 8 numero delli Tanti, e 10, ch'è il numero e maggiore del detto 8. numero delli Tanti : però la domanda che farà venire tal aggnagliamento è insciolubile.

Agguaglisi 1 4 p. 8 3 p. 4 2 p. 2 à 24 1. Piglisi il quarto del quadrato de Cubi, ch'è 16, e cavisene il numero delli 2 resta 12, il quale si moltiplica via 1. metà del numero, fa 12, e questo si aggionge à 72. ottavo del quadrato delti Tanti, fa 84, e se li aggionge la metà delle 2 et 1 3 per regola, fa 84 p. 2 2 p. 1 3, che si salva, Poi si moltiplica la metà de Cubi via la metà delli Tanti fa 48, che aggiontali il numero cioè 2, fa 50, che sono Tanti, e sono eguali à 84, p. 2 3 p. 1 👶 serbato di sopra, che agguagliato, il Tanto valerà 2. e detto 2. si cava d'1 2 p. 4 1 (e li 4 1 nascono dalla metà di Cubi) resta 1 2 p. 4 1 m. 2. che il suo quadrato è 1 4 p. 8 3, p. 12 2 m. 16 r p. 4, che cavatone 1 4 p. 8 3 p. 4 2 p. 2 resta 8 2 m. 16 1 p. 2, che aggionto à 24 1 fa 8 2 p. 8 t. p. 2, che il suo lato è R. q. 8 t. p. R. q. 2 et è eguale à 1 2 p. 4 1 m. 2, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. L 8. m. R. q. 18 J p. R. q. 2 m. 2.

Capitolo di potenza potenza, Cubi, Tanti, e numero eguale à potenze.

Il presente Capitolo patisce le eccettioni de gli altri soprudetti, e può venire in assai modi, del quale (com' altre volte hò detto) per non andare in Pinfinito, ne porrò solo uno essempio.

Agguaglisi 1 & p. 6 3 p. 6 1 p. 22 à 29 2. Aggionghisi alle 2 il quarto del quadrato de 3, ch'è 9, fa 38, e moltiplichisi per 11. metà del numero, fa 418, al quale si aggionge l'ottavo del quadrato delli 🛂, ch'è 4 1/2, fa 422 1/2, e salvisi. Poi si moltiplica la metà de Cubi via la metà delli Tanti, fa 9, e si cava del numero, resta 13, e sono 🕛, che aggionti à 422 🕯 serbato di sopra, fa 422 ½ p. 13 🗓 e per regola è eguale à 1 3 p. la metà delle 2 cioè 14 2, che agguagliato, il Tanto valerà 5, et si aggionge à 1 2 p. 3 1, fa 1 2 p. 3 1 p. 5 e li Tanti nascono dalla metà de Cubi, che il suo quadrato è 1 4 p. 6 3 p. 19 2 p. 30 1 p. 25, che cavatone 1 4 p. 6 3 p. 6 1 p. 22, resta 19 2 p. 24 1 p. 3, che aggionto à 29 2, fa 48 2 p. 24 * p. 3, che il suo lato è R. q. 48 * p. R. q. 3 et è eguale à 1 2 p. 3 1 p. 5, detto di sopra, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 12. m. 1 2 m. R. q. L 9 1 m. R. q. 75. Overo R. q. 12 m. 1 1 m. R. q. L 9 1 m. R. q. 75 J, che l'una, e l'altra valuta è vera.

Capitolo di potenza potenza, potenze, Tante e numero eguale à Cubi.

Questo Capitolo patisce le difficultà de Capitoli di .

3 eguale à t, e numero, e di 3, e numero eguale à t e rare volte si può agguagliare senza il p. di m. e di esso solo ne porrò un essempio.

Agguaglisi 1 4 p. 3 2 p. 40 1 20 à 8 3. Piglisi il quarto del quadrato de 3, chè 16, del quale se ne cava 3. numero delli 2., resta 13. che moltiplicato via 10. metà del numero, fa 130, e se li aggionge l'ottavo del quadrato delli , ch'è 200, fa 330, e se li aggionge la metà delle 2, ch'è 1 1 2 et 1 3 per regola, fa 320. p. 1 1 2 p. 1 3, che si salva. Poi si moltiplica la metà delli 🗓 via la metà de 选, fa 80; et aggiontoli il num. fa 100, e sono 1, che sono eguali à 320. p. 1 2 p. 1 3 serbato di sopra, che agguagliato, il Tanto valerà 6, che si cava d'1 2 m. 4 1 resta 1 2 m. 4 1 m. 6 (e li m. 4 1 nascono dalla metà delli Cubi, e sono m. per essere li Cubi dalle parte contraria della 4 che il suo quadrato è 1 4 m. 8 3 p. 4 2 p. 48 1 p. 36, che cavatone 1 4 p. 3 2 p. 40 1 p. 20, resta 1 2 p. 8 1 p. 16. m. 8 3 che aggionto à 8 3 fa 1 ,2 p. 8 1 p. 16, che il suo lato è 1 ,1 p. 4, et è eguale à 1 2 m. 4 1 m. 6, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 16 1/4 p. 2 1/2, avertendosi, che il lato d'i m. 8 3 p. 4 2 p. 48 1 p. 36 può essere 6. p. 4 1 p. 1 2, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 4 1/2 p. 1 1/2.

Capitolo di potenza potenza, Cubi, e Tanti eguale à potenza, e numero.

De questo Capitolo si può fare la positione in due modi, e patisce le difficultà del passato, e l'essempio, che io in porrò sara di m. r <u>'</u> di numero.

Agguaglisi 1 6 p. 12 3 p. 72 1 à 8 2 p. 84. Piglisi il quarto del quadrato delli Cubi, ch'è 36, e aggionhisi alle 2, fa 44, e moltiplichisi via la metà del numero, fa 1848, che cavatone l'ottavo del quadrato delli 1, resta 1200, e se li aggionge la metà delle 2 fa 1200. p. 4 2, e si salva, poi si moltiplica il mezzo de i Cubi via il mezzo delle 🛂, fa 216, al quale si aggionge il numero, fa 300, e sono 📺 ; alli quali gionto 1 3 per regola, fa 1 3 p. 300 1, ch'è eguale à 1200. p. 4 2 serbato di sopro, che agguagliato, il Tanto valerà 4, che si cava d'1 2 p. 6 1, resta 1 2 p. 6 1 m. 4, che il suo quadrato è 1 4 p. 12 3 p. 28 2 m. 48 T. p. 16, che cavatone 1 4 p. 12 3 p. 72 Tresta 28 2 m. 120 1 p. 16, che aggionto à 8 2 p. 84 fanno 36 2 m. 120 1 p. 100, che il suo lato è 10. m. 6 1 ct è eguale à 1 2 p. 6 1 m. 4, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 50 m. 6.

Capitolo di potenza potenza, Cubi, e numero, eguale à potenze, e Tanti.

Le positioni di questo Capitolo sono due. Ma sempre si può fare con la positione di p. 1 t di numero, e patisce le difficoltà del passato.

Agguaglisi 1 4 p. 16 3 p. 36. a 60 2 p. 32 ...
Piglisi l'Ottavo del quadrato de Cubi, ch' è 32, et aggionghisi con la metà delle 2 fa 62, che moltiplicato
via il numero fa 2232, al quale aggionto l'Ottavo del
quadrato delli l'anti, fa 2360, che si salva, poi si moltiplica il mezzo de Cubi via il mezzo delli 1 fa 128,
e se gli aggionge il numero cicè 36 fa 164, che sono

_, che aggionti con 2360 serbato di sopra, fa 2360. p. 164 _, e questo per regola è eguale à r 3 più il mezzo delle _2 cioè 30 _, che agguaghiato, il Tanto valerà 10, che si aggionge à 1 _ 9, 8 _, e li 8 _ nascono dal mezzo de Cubb, fa 1 _ 9, 8 _ 5 _ p. 10, che il suo quadrato è 1 _ 6 p. 16 _ 3 p. 8 _ 5 p. 100 _ 1 p. 100, che cavatone 1 _ 4 p. 16 _ 3 p. 8 _ 5 p. 160 _ 1 p. 160 _ 1 p. 160 _ 5 p. 36, resta 84 _ 3 p. 160 _ 5 p. 64, che aggionto à 60 _ 3 p. 32 _ 5, fa 144 _ 3 p. 19a _ 5 p. 64, che il suo lato è r 2 _ 5 p. 8 _ 5 p. 16 _ 5 p. 16 _ 5 p. 8 _ 5 p. 10 _ 5 p. 10 _ 5 p. 8 _ 5 p. 10 _ 5 p. 8 _ 5 p. 10 _ 5

Capitolo di potenza potenza, potenze, e l'anti, eguale à Cubo, e numero.

Per essere il presente Capitolo molto simile al passato, patisce le medesime eccettioni, et hà anco egli due positioni come il sopradetto.

Aguagliai 1.4 p. 43 2. p. 12. Là 12.3 p. 360. Piglisi il quarto del quadrato de Cubi ch'è 36, e cavisi di 43. numero delle 2. resta 7, che moltiplicato via 130. metà del numero, fa 910, al quale si aggionge la metà delle 2. ch'è 21 ½ 2, e l'ottavo del quadrato del numero delli 5, ch'è 18, fa 21 ½ 2. p. 298, che si salva, poi si moltiplica la metà de 3 via la metà delli 5, fa 36, che cavato del numero, cioè di 360 resta 224, e e sono 5. che aggionti con 1.3, per regola, fa 1.3 p. 224 2, et è eguale a 21 ½ 2. p. 928. serbato di sopra che agguagliato, il Tanto valerà 8, che aggionti con 1 2. m. 6.5. (che li m. 6.5. sono la metà de 3) fa 1.2 m. 6.5. (che li m. 6.5. sono la metà de 3) fa 1.2 m. 6.5. (che li m. 6.5. sono la metà de 3) fa 1.2 m. 6.5. p. 8, che il suo quadrato è 1.4 m. 12.5 p. 56

_ m. 96 _ p. 64, che cavatone 1 _ 6 _ p. 43 _ p. 12 _ , resta m. 12 _ 3 _ p. 9 _ m. 108 _ p. 64, che aggionti à 12 _ p. 26, fa g _ m. 108 _ p. 324, che il suo lato è 18. m. 3 _ t., et è eguale à 1 _ 2 _ m. 6 _ p. 8, che agguagliato il Tanto valerà 5.

Capitolo di potenza potenza, potenza, e numero eguale à Cubi, et Tanti.

Il presente Capitolo è come il passato, et patisce le medesime eccettioni, però senz'altro verrò al suo essempio.

Agguaglisi 1 4 p. 40 2 à 16 3 p. 144 1. Piglisi il quadrato della metà de 3, ch'è 64, e se ne cavi 40. numero delle 2 resta 24, e si moltiplica via la metà del numero, fa 240, e si aggionge all'ottavo del quadrato delli 1 fa 2832, e se li aggionge la metà delle 2 cioè 20 2, fa 2832. p. 20 2 e si salvi. poi si moltiplica il mezzo di 3 via il mezzo delli 1, fa 576, e se ni cava 20, resta 556, che sono t, li quali per regola si aggiongono à 1 3, fa 1 3 p. 556 t eguale à 2832. p. 20 2 serbato di sopra, che aggugaliato, il Tanto valerà 6, il quale si aggionge à 1 2 m. 8 1 (e li m. 8 1 nascono dalla metà de 3) fa 1 2 m. 8 1 p. 6 che il suo quadrato è 1 4 m. 16 3 p. 76 2 m. 96 1, p. 36, che cavatone 1 4 p. 40 2 p. 20 resta 36 2 m. 96 1 m. 16 3. p. 16 che aggionto à 16 3 p. 144 1 fa 36 2 p. 48 r. p. 6. detto di sopra, che agguagliato, il Tanto valerà 7. p. R. q. 47 overo 7. m. R. q. 47, che l'una e l'altra valuta è vera.

Capitolo di potenza potenza, Tanti, e numero eguale à Cubi, e potenze.

Questo Capitolo è simile in ogni parte delle difficultà e positioni al sopradetto (come nello essempio si vedrà).

Agguaglisi 1 4 p. 16 1 p. 32. à 8 3 p. 60 2. Piglisi il quadrato della metà de 3 ch'è 16, et aggionghisi alle 2 fa 76, e moltiplichisi via la metà del numero, fa 1216, et à questo si aggionge l'ottavo del quadrato delli 1, ch'è 32, fa 1248, e si salva, poi si moltiplichi la metà de 3 via la metà delli 1 fa 32, et aggionghisi al numero cioè à 32, fa 64, e sono 1, che aggionti alla meta delle 2 cioè a 30 2, fa 64 2 p. 30 2, e questo è eguale à 1 3 p. il numero serbato, cioè 1248, che agguagliato, il Tanto valerà 6, e questo si cava d'1 2 m. 4 1 (e li 1 nascono della metà de 3) resta 1 2 m. 4 I m. 6, che il suo quadrato è 1 4 m. 8 3 p. 4 2 p. 48 1 p. 36, che cavatone 1 4 p. 16 p. 20; restanno 4 2 p. 4. m. 8 3 p. 32 t, che aggionto à 8 3 p. 60 2 fa 64 2 p. 32 1 p. 4, che il suo lato è 8 1 p. 2, ch'è eguale à 1 2 m. 4 1 m. 6, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 44. p. 6.

Capitolo di potenza potenza, Cubi, e potenze eguali à Tanti, e numero.

Patendo i Capitoli, che seguiranno il medesino difetto, e eccettioni, che hanno patiti gli ultimi soprascritti porrò dunque (secondo l'ordine) l'essempio di ciascuno senza dir altro.

Agguaglisi 1 4 p. 12 3 p. 30 2 à 20 1 p. 75. Piglisi il quadrato della metà de 3 ch'è 36, del quale sene cavi 30, numero delle 2, resta 6, che moltiplicato via 37 - metà del numero, fa 225, del quale se ne cava 80, ottavo quadrato delli 1, resta 175, che si salva. Poi moltiplichisi il mezzo de Cubi via il mezzo delli z, fa 60, che si cava di 75. cioè del numero, resta 15 che sono 1, alli quali per regola si aggionge 1 3 fa 1 3 p. 15 t che aggiontoli 175. serbato di sopra, fa 1 3 p. 15 1 p. 175, e questo è eguale alla metà delle 2 cioè a 152, che agguagliato, il Tanto valerà 5, il quale si aggionge à 1 2 p. 6 1 (e li 1 nascono della meta de 3) fa 1 2 p. 6 t p. 5 che il suo quadrato è 1 4 p. 12 3 p. 46 2 p. 60 E p. 25, che cavtoane 1 4 p. 12 3 p. 30 2, resta 16 2 p. 60 1 p. 25, che gionto a 20 1 p. 75 fa 16 2 p. 8 1 p. 100, che il suo lato è 4 1 p. 10, ch'è eguale a 1 2 p. 6 t p. 5 detto di sopra, che agguagliato, il Tanto valera R. q. 6. m. 1.

Capitolo di potenza potenza, i Cubi, eguale à potenze, Tanti e numero.

Agguaglisi I & p. 10 3 à 19 2 p. 92 1 p. 44. Piglisi il quadrato della metà de 3 ch'è 25, et aggionghisi à 19. num. delle 2 fa 44, et moltiplichisi via la metà del numero, fa 968, che cavato di 2058, quadrato dell'ottavo delli 1, resta 90, il quale si salva. Poi si moltiplica il mezzo delli 1 fa 230, che cavatone il numero, cioè 44, resta 286, che sono 1, li quali aggionti col 90. serbato di sopra fa 186 1, p. 90, e sono eguali à 1 3 p. la metà delle 2

cioè 9 ; 2, che agguagliato, il Tanto vale 10, che aggionto à 1 2 p. 5 . 5 . 1 2 p. 10 ; che il suo quadrato è 1 4 p. 10 3, p. 45 2 p. 100 ; p. 100, che cavatoni 1 4 p. 10 3 resta 45 2 p. 100 ; p. 100, che gionto à 10 2 p. 92 1 p. 44, fa 64 2 p. 102 1; p. 144, che il suo lato è 8 1 p. 12, et è eguale à 1 2 p. 5 1 p. 10, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 4 p. 1 ;

Capitolo di potenza potenza, e potenze eguale à Cubi, Tanti, e numero.

Agguaglisi 1 4 p 8 2 à 6 3 p. 72 1 p. 48. Piglisi il quadrato della metà delli 3 ch'è 9, e cavisene il nu. delle 2, resta 1, quale si moltiplichi via la metà del numero, fa 24, che cavato di 648. ottavo del quadrato delli , resta 624, che aggiontali la metà delle 2 cioè 4 2 fa 624 p. 4 2, che si salva. Poi si moltiplica la metà de 3 via la metà de 1 fa 108, al quale aggionto il numero, fa 156, che sono 1, che per regola se li aggionge 1 3 fa 1 3 p. 156 t, che sono eguali à 624 p. 4 2 serbato di sopra, che agguagliato, il Tanto valerà 4, che aggionto à 1 2 m. 3 [(e li 1 nascono dalle metà de 3) fa 1 2 m. 3 1 p. 4, che il suo quadrato è 1 4 m. 6 3 p. 17 2 m. 24 1 p. 16, che cavatone 1 4 p. 8 2, resta 9 2 p. 16 m. 6 3 m. 24 t che gionto à 6 3 p. 72 t p. 48, fa 9 2 p. 48 t p. 64 che il suo lato è 3 T. p. 8, et è eguale à 1 2 m. 3 r p. 4, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 13 p. 3.

Capitolo di potenza potenza, e Tanti eguale à Cubi, potenze, e numero.

Agguaglisi 1 4 p. 32 t à 8 3 p. 16 2 p. 12. Aggionghisi alle 2 il quadrato della metà de 3, fa 32, che moltiplicato via la metà del numero, fa 192, c cavatone 128 ottavo del quadrato delli 1 resta 64, al quale aggionto la metà delle 2 et 1 3, per regola, fa 1 3 p. 8 2 p. 64, e si salva; poi si moltiplica la metà de 3 via la metà delle 1, fa 64, che cavatone il numero, cioè 12, resta 52, e sono 🗓, i quali sono eguali à 1 3 p. 8 2 p. 64 che agguagliato il Tanto valerà 2, che gionto à 1 2 m. 4 1, fa 1 2 m. 4 1 p. 2, che il suo quadrato è 1 4 m. 8 3 p. 20 2 m. 16 1 p. 4, che cavatone 1 4 p. 32 1, resta 20 2 m. 48 1 m. 8 3 p. 4, che gionto à 8 3 p. 16 2 p. 12, fa 36 2 m. 48 t p. 16, che il suo lato è 6 1 m. 4 overo 4. m. 6 1 et è eguale a 1 2 m. 4 1 p. 2, che agguagliato, il Tanto valerà 5 p. R. q. 23 overo 5. m. R. q. 23. overo R. q. 3. m. 1 che tutte queste valute sono vere.

Capitolo di potenza potenza, e numero eguale à Cubi, potenze, e Tanti.

Agguaglisi I 4 p. 60 à 12 3 p. 128 5 p. 12 2 quadrisi la metà de 3 fa 36, et aggionghisi al numero delle 2 fa 48, che moltiplicato via 30. metà del numero, fa 1440, che aggionto all'ottavo del quadrato delli 5 fa 3438, che si salva. Poi si moltiplica la metà

de 3 via la metà delli 1, fa 38/3, che cavatone il numero, resta 324, che sono 1, alli quali aggionto la metà delle 2, et 1 3 per regola, fa 1 3, p. 6 2, p. 524 2; egualeà 3488, serbato di sopra, che agguagliato, il Tan- 1o valerà 8; il quale aggionto à 1 2 m. 6 2 el 16 1 sono la metà de Cubi) fa 1 2 m. 6 2 p. 8, che il suo quadrato è 1 4 m. 12 3 p. 52 2 m. 96 2 p. 64, che cavatone 1 4 p. 60, resta m. 12 3 p. 52 2 m. 96 2 p. 64, che cavatone 1 4 p. 60, resta m. 12 3 p. 52 2 m. 96 2 p. 4, che aggionto a 12 3 p. 128 2 p. 12 2 fa 64 2 p. 48 2 p. 4, che il suo lato è 8 2 p. 2 et è eguale à 1 2 m. 6 2 p. 8. detto di sopra, che agguagliato, il Tanto valerà 7 p. R. q. 43 overo 7 m. R. q. 43.

Capitolo di potenza potenza eguale à Cubi, potenze, Tanti, e numero.

Agguaglisi I 4 à 4 3 p. 11 2 p. 120 1 p. 75. Piglisi il quadrato della metà de 3, chè 4 che aggionto con 11. numero delle 2 fa 15, che moltiplicato via 37 ½ metà del numero, fa 562 ½, che cavato di 1800. ottavo del quadrato delli 2 resta 1237 ½ Poi si moltiplica la metà de 3 via la metà delli 2, fa 120, che aggionto col num. fa 195, e questi sono 2, che aggionti col mezzo delle 2 e 1 3 per regola fa 1 3 p. 5 ½ 2 q. 195 2. eguale a 1237 ½ detto di sopra, che agguagliato, il Tanto valerà 5, che aggiontò à 1 2 m. 2 il quali a 2 sono la metà de cubi, fa 1 2 m. 2 il p. 5, che il suo quadrato è 1 4 m. 4 3 p. 14 2 m. 20 1 p. 25 che cavatone 1 4 resta m. 4 3 p. 14 2 m. 20 1 p. 25, che aggiontò à 4 4 p. 11 2 p. 120 1 p. 55, fa 25 2 p. 100 1 p. 100 che il suo

lato è 5 _ p. 10, et è eguale à 1 _ m. 2 _ p. 5, che agguagliato, il Tanto valerà R. q. 17 \(\frac{1}{4}\) p. 3 \(\frac{1}{2}\).

Son di opinione che a molti non haverò dodisfatto in questi ultimi Capitoli, dove intergengono le potenze, di potenze (per essere stato breve) ma questi Capitoli solo tali che (chi intende bene uno di essi) li intenderà tutti, et havendo voluto mettere tutti li casi. che potevano intravenire nelle loro agguagliationi, si saria fatto piu tosto un volume d'un corpo di Testi civili; che un breve epilogo di capitoli di Potenze. Tanti e numeri, il che sempre fù lontanissimo della natura mia, per essere studiosissimo della brevità. Però me ne sono passato con brevità, parendomi che " sia bastato a chiarire bene li sei Capitoli primi di 4, r, e numero, e 4, 3, e numero, e quando hò havuto 3 eguali à r, e numero, e 3, e numero eguale à 1, che hò detto, che agguagliato el Tanto vale (et cetera) et perche hanno più valute, alcuna volta ho pigliata quella, che mi tornava più a proposito non seguitando le vie ordinarie, il che in questi casi non importa. Non restarò gia hora di dir questo, che questi Capitoli sono un Caos, et infiniti passi, e cose vi occorrono, li quali non si possono insegnar tutte. delle quali ne darò qualche saggio; e li prudenti ne potranno trovare dell' altre; magli huomini rozzi e ancora mediocri non ci si affatichino; che getteranno il tempo, perche sono cose difficilissime, e questi Capitoli hanno tanti capi (come ho detto di sopra) ch'à un pelago profondo, però verrò alle avertenze promesse, col che porrò fine à questo mio secondo libro.

Prosuposto, che si havesse da agguagliare 1 4 p. 2

a à 1 E p. 12. Le à ciascuna delle parti si aggiongerà 1 2 farà 1 4 p. 2 3 p. 1 2 eguale à 1 2 p. 1 1 p. 12, che 1 4 p. 2 3 p. 1 2 è quadrato, et il suo lato è 1 2 p. 1 1 il quale hà proportione con 1 2 p. 1 , ch'è accompagnato con il 12 (come di 1 à 1) però se 1 2 p. 1 ; accompagnato con 12. è el lato dell' altra parte, e cosi si potrà formare nuovo quesito, e dire. Trovami un numero, che moltiplicato per 1. ed' il produtto quadrato faccia quanto farebbe, se à detto numero fosse aggionto 12 (et quel moltiplicare per 1. lo dico per respetto delli essempij à venire). Pongo che il numero sia 1 1, che aggionto con 12. fa 12. p. 1 1; et à moltiplicare 1 1 via 1 fa 1 1, e poi à quadrarlo fa 1 2 e questo è eguale à 1 1 p. 12, che agguagliato il Tanto vale 4. e 4, viene ad essere il lato d'1 4, p. 2 3, p. 1 2 cioè 1 2 p. 1 1 però 1 2 p. 1 , 2 è eguale à 4, che agguagliato , il Tanto vale R. q. 4 + m. +, et è finita la aggnagliatione d'1 4 p. 2 3 à 1, 1 p. 12.

Agguaglisi I 4 p. 6 3 à 27 ½ p. 10. Se si giongerà à ciascuna delle parti g 2, si haverà I 4 p. 6 3 p. 9 ½ eguale à 9 2 p. 27 ½ p. 10 et I 4 p. 6 3 p. 9 2 haverà lato che sarà I 2 p. 3 ½, ch'è in proportione nonupla con g 2 p. 27 ½ e ci avanza 10. però il quesito potrà formarsi è dirè. Trovami un numero quadrato, che il suo lato moltiplicato per g e aggiontoli 10, faccia esso numero quadrato, che posto, che il numero quadrato si I 2, il suo lato sarà I , che moltiplicato per g, et aggiontali 10, fa g ½ p. 10 e questo è eguale à I 2, che agguagliato, il Tanto valerà 10, et il lato d' 1 4 p. 6 3 p. 9 2 cioè I 2 p. 3

t sarà eguale à 10, che agguagliato il Tanto valerà 2. che 1 4 sarà 16. 6 3 saranno, 48 che gionti insieme fanno 64 e 27 t p. 10. sono 64. anch' essi.

Agguaglisi 1 4 p. 27 ½ à 6 3 p. 10, Levinci li 3 e guale à 10 m. 27 ½ e se à ciascuna delle parti si aggiongerà 9 2 si haverà 1 4 m. 6 3 p. 9 2 eguale à 10 m. 27 ½ e se à ciascuna delle parti si aggiongerà 9 2 si haverà 1 4 m. 6 3 p. 9 2 eguale à 9 2 m. 27 ½ p. 10 et 1 4 m. 6 3 p. 9 3 hà lato, chì è 1 2 m. 3 ½ che con 9 2 m. 27 ½ ha la proportione detta nel passato come da 1. à 9, però si formarà il quesito (come di sopra) che il Tanto valerà 10, e questo e eguale al lato d' 1 4 m. 6 3 p. 9 2 chiè 1 3 m. 3 3, che agguagliato, il Tanto valerà 5, che r 4 sara 625, e 27 ½ sono 135, che gionti insieme fanno 760, et 1 3 è 125, e lì 6 3 sono 750, che aggiontoli 10, fa 760.

Vi è un altra avertenza, ancora, che alcuna volte serve, ch'è il partire ciascuna delle quantità, per un altra quantità e li avenimenti saranno eguali. Come si si havesse da agguagliare 1 4 à 22 1 p. 40, se si levarà a ciascuna delle parti 16, restarà 1 4 m. 16 eguale à 12 1 p. 24, e perche la proportione di 12 1 à 24 è come da 1 3 à 2, e ciascuno di loro è lato del lato di 1 3, e di 16. cioè 1 1 è lato del lato d'1 4, e 2 è lato del lato di 16, ma avertiscasi, che sempre li numeri vogliono essere l'uno al contrario dell' altro, cioè uno più, e l'altro meno, cioè con 1 4 è m. 16, e con li 12 1 è p. 24, e se con 1 & fosse più 16 con 12 3 vorria essere m. 24. mà retornando al principio dico, che 1 4 m. 16 è eguale à 12 1 p. 24, che l'una e l'altra parte si può partire per 1 1 p. 2, che ne viene 28.

r 3 m. 2 2 p. 4 c m. 8. eguale à 2 2 μ. 20, del che si farà la aguagliatione (com'è stato insegnato).

Agguaglisi 1 4. p. 6 3 à 18 ½ p. 4. Gionghisi 3 à à sacuma parte, si haverà 1 4. p. 6 3 p. 3 a. eguale à 18 ½ p. 36, che partita ciascuna parte per 1 ½ p. 2. ne viene 1 3 p. 4 2 m. 8. ½ p. 16. eguale à 18, che redutto à brevità, si haverà 1 3 p. 4 2 eguale à 8 ½ p. 2, che fatta la agguagliatione si haverà la valuta del Tanto, col che farò fine di ragionare diqueste agguagliationi, e dignitadi; ma verrò alle operationi di esse; le quali sarano quelle demostrationi Matematiche (ò Problemi, che dir vogliamo) cotanto da scritori commendate : che sarà l'ultima parte di questa opera, reserbandomi poi con più mio agio, e commodità di dare al mondo tutti questi Problemi in demostrationi geometriche.

Après avoir donné les extraits de Bombelli pour l'exposition des recherches sur les équations du troisieme et du quatrième degré, nous allons reproduire ici quelques passages de Cardan, sur le même sujet : voici ce qu'il dit (1) sur les équations cubiques.

De cubo et rebus æqualibus numero Cap, XI.

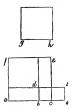
Scipio ferreus Bononiensis, iam annis ab hine triginta ferme capitulum hoc invenit, tradidit vero Anthonio Maria Florido Veneto, qui cum in certamen cum Nicolao Tartalea Brisellense aliquando venisset, occasionem dedit, iu Nicolaus invenerit et ipse, qui cum nobis rogantibus tradidisset, suppressa demonstratione, freti hoc auxilio demonstrationem quasivimus eamque in modos, quod difficillimum fuit, redactam sic subsiccimus.

Demonstratio.

Sit igitur exempli causa cubus $g. \ h.$ et sexcuplum lateris g. h. æquale 20, et ponam duos cubos a. e. et $c. \ h.$ quorum differentia sit 20 ita quod productum a. c. lateris, in $c. \ h.$ latus sit 2, tertia scilicet numeri

⁽t) Cardani ars magna, [29.

rerum pars, et abscindam c. b., æqualem c. k. dico, quod si ita fuerit, lineam a. b. residuum, esse æqualem



g. A. et ideo rei æstimationem, nam de g. h. iam supponebatur, quod ita esset, perficiam igitur per modum primi suppositi 61 capituli huius libri corpora d. a., d. c., d. e., d. f., ut per d. c. intelligamus cubum b. c. per d. f., cubum a. b. per d. a. triplum c. b. in quadratum a. b. per d. e. triplum a.b. in quadratum b. c. quia igitur est a. c. in c. k. fit 2 ex a. c. in c. k. ter fiet 6 numerus rerum, igitur ex a. b. in triplum a. c. in c. k. fiunt 6 res a. b., seu sexcuplum a. b., quare triplum producti ex a. b. b. c. a. c., est sexcuplum a. b., at vero differentia cubi a. c., a cubo c. k., et existenti à cubo. b. c. et æquale ex supposito, est 20 et ex supposito primo 6 capituli, est aggregatum corporum d. a., d. e., d. f. tria igitur hæc corpora sunt 20, posita vero b. c. in : cubus a. b., æqualis est cubo a. c. et triplo a. c. in quadratum c. b., et cubo b. c. in : et triplo b. c. in quadratum a. c. in : per demonstrata illic, differentia autem tripli b. c. in quadratum a. c. a triplo a. c. in . quadratum b. c. est productum a. b., b. c., a. c., quare cum hoc, ut demonstratum est, æquale sit sexcuplo a. b., igitur addito sexcuplo a. b., ad id quod fit ex a. c. in quadratum b. c. ter, fiet triplum b. c. in quadratum a. c. cun igitur b. c sit in : iam ostensum. est, quod productum c. b. in quadratum a, c. ter, est in: et reliquum quod ei æquatur est p: igitur triplum c. b. in quadratum a. b. et triplum a. c. in quadratum c. b. et sexcuplum a. b. nihil faciunt. Tanta igitur est differentia, ex communi animi sententia, ipsius cubi a. c., à cubo b. c., quantum est quod conflatur ex cubo a. c., et triplo a. c. in quadratum c. b. et triplo c. b. in quadratum a. c. in : et cubo b. c. in : et sexcuplo a, b. hoc igitur est 20, quia differentia cubi a. c. à cubo c. b. fuit 20, quare per secundum suppositum 6i capituli, posita b. c. in : cubus a. b. æquabitur cubo a. c., et triplo a. c. in quadratum b. c., et cubo b. c. in : et triplo b. c. in quadratum a. c. in : cubus igitur a. b. cum sexcuplo a. b., per communem animi sententiam, cum æquetur cubo a. c. et triplo a. c. in quadratum c. b., et triplo c. b. in quadratum a. b. in : et cubo c. b. : et sexcuplo a. b., quæ iam æquatur 20, ut probatum est æquabuntur etiam 20 cum igitur cubus a. b. et sexcuplum a. b. æquentur 20, et cubus g. h., cum sexcuplo g. h., æquantur 20, erit ex communi animi sententia, et ex dictis in 35º pº et 31º undecimi elementorum, g.h. æqualis a.b., igitur g. h. est differentia a. c. et c. b. sunt autem a. c. et c. b., vel a. c. et c.k., numeri seu liniæ continentis superficiem æqualem tertiæ parti numeri rerum : quarum cubi differunt in numero æquationis quare habebimus regulam.

Regula 1.

Deducito tertiam partem numeri rerum ad cubum, cui addes quadratum dimidij numeri æquationis, et totius accipe radicem, scilicet quadratam, quam seminabis, unique dimidium numeri quod iam in se duxeras, adijcies, at altera dimidium idem minues habebis que Binomium cum sua Apotome inde detracta R cubica Apotomæ ex R cubica sui Binomij residuum quod ex hoc relinquitur, est sù æstimatio. Exemplum: cubus et 6 posi- | cub p: 6 reb æqualis 20 tiones, æquantur 20, ducito 2, tertiam partem 6, 100 ad cubum fit 8, due 10 108 dimidium numeri in se. R 108 p: 10 fit 100, iunge 100 et R 108 m: 10 8, fit 108, accipe radicem | R v : cu. R 108 p : 10 quæ est R 108 et eam m: Rv: cu. R 108 m: 10 geminabis, alteri addes 10, dimidium numeri, ab altero minues iantundem, habebis Binomium R 108 p: 10, et Apotomen R 108 m : 10 horum accipe Ro cuba et minue illam quæ est Apotomæ, ab ea quæ est Binomij, habebis rei æstimationem, R V: cub: R 108 p: 10 m: RV: cubica R 108 m: 10 (Cardani, ars

(441)

Voici maintenant la solution de l'équation du quatrième degrè, telle que Cardan (1) l'a exposée.

Regula 11.

Alia est regula nobilior, præcedente, et est Ludovici de Ferrarijs qui eam me rogante invenit et per eam habemus omnes asstmationes fermè capitulorum qd' quadrati et quadrati rerum, et numeri, vel qd' quadrati cubi, quadrati et numeri, et ego ponam ea her ordinem, hoc modo ut vides.

- r qdi qd. æquale qd. rebus et numero.
- 2 qdi qd. æquale qd. cubis et numero. 3 qdi qd. æquale cubis et numero.
- 4 qdi qd. æquale rebus et numero.
- 5 qdi qd. cum cubis æqualia qd. et numero.
- 6 qdi qd. cum rebus æqualia qd. et numero.
- 7 qdi qd. cum cubis æqualia numero.
- 8 qd; qd. cum rebus æqualia numero.
- 9 qdi qd. cum qd. æqualia cubus et numero.
- 10 qdi qd. cum qd. æqualia rebus et numero.
- 11 qdi qd. cum qd. et rebus æqualia numero. 12 qdi qd. cum qd. et cubis æqualia numero.
- 13 qdi qd. cum qd. et numero æqualia cubis.
- 14 qdi qd. cum qd. et numero æqualia rebus.
- 15 qdi qd. cum numero æqualia cubis et qd.
- 16 qdi qd. cum numero æqualia cubis.
- 17 qdi qd. cum numero æqualis rebus et qd.

⁽¹⁾ Cardani ars magna, f. 72.

18 qdi qd. cum numero æqualia rebus. 19 qdi qd. cum cubis et numero æqualia qd.

20 qdi qd. cum rebus et numero æqualia qd.

In his igitur omnibus capitalis, quæ quidem sunt generalissima, ut reliqua omnia sexaginta septem superiora, oportet reducere capitula, in quibus ingreditur cubus, ad capitula, in quibus ingreditur res ut septimum ad quartum, et secundum ad primum, deinde quæremus demonstrationem hoc modo.

Demonstratio.

Sit quadratum A.F., divisum in duo quadrata A.D. et D. F. e duo supplementa D. C. et D. et velim addere gnomonem K. F. G., circumcirca, ut remaneat.



quadratum totum A. H., dico quod talis gnomo, contabit ex duplo G. C. additæ lineæ in C. A. cum quadrato G. C., nam F. G. constat ex G. C. in C. F. ex

diffinitione data in initio secundi elementorum, et C. F. est æqualis C. A. ex diffinitione quadrati et pe 44ans primi elementorum, K. F. est æqualis F. G. igitur duæ superficies G. F. et F. K. constam ex G. C. in duplum C. A. et quadratum G. C. est F. H., ex corrolario quartæ secundi elementorum, igitur patet propositum, si igitur A. D. sit z qde qdm et C. D. ac D. E., 3 quadrata, et D. F. 9, erunt B. A. 1 quadratum, et B. C. 3 necessario, cum igitur voluerimus addere quadrata aliqua, ad D. C. et D. E., ex fuerint C. L. et K. M., erit ad complendum quadratum totum necessaria superficies L. N. M., quæ ut demonstratum est, constat ex quadrato G. C. numeri quadratorum dimidiati, nam C. L. est superficies ex G. C. in A. B. ut ostensum est, et A. B. est 1 quadratum, quia ponimus, A. D. 1 qde quadratum F. L. vero et M. N. fuint ex G. C. in C. B. ex 42° primi elementorum, quare superficies L. N. M., et est numerus addendus, fit ex G. C. in duplum C. B. id est in numerum quadratorum qui fuit 6 et G. C. in seipsam, id est numero quadratorum addito et hæc demonstratio nostra est.

Hoc peracto semper reduces partem qd quadrati ad R id est addendo tantum utrique parti, ut r qd quadratum cum quadrato et numero, habeant radicem, hoc facile est, cum posueris dimidium numeri quadratorum, radicem numeri, item facies, ut denominationes extremæ sint plus en ambabus æquationibus, nam secus, trinomium seu Binomium redactum ad trinomium, necessario careret radice.

Quibus iam paractis, addes tantum de quadratis, et numero uniparti, per tertiam regulam, ut idem additum alteri parti, in qua erunt res faciat trinomium habens R quadrani per positionem, et habebis numerum quadratorum, et numeri addendi utrique parte, quo habito, ab utroque extrahes R quadratam, quæ erit in una, I quadratum p: numero, el m: numero, ex alia I positio vel plures p: numero vel m: numero vel numerus impositionibus, quare per quintum capitulum huius, habens propositum.

Questo V.

Exemplum: fac ex 10 tres partes proportionales, ex quarum ductu primæ in secundam, producantur 6. Hanc proponebat Joannes Colla et dicebat solvi non posse, ego vero diceban, eam posse solvi, modum tamen ignorabam donec Ferrarius eum invenit. Pones igitur mediam 1 positionem prima erit 6 1 pos. et tertia erit 1 cubi, quare hæc æquantur 10, ducendo omnia in 6 positiones, habebimus 60 positiones, æquales 1 quadrato p: 6 quadratis p: 36, adde ex quinta regula, 6 quadrata utrique parti, habebis 1 quadratum p: 12 quadratis p: 36, æqualia 6 quadratis p: 60 positionibus; nam si æqualibus æqualia addatur tota fient æqualia, habent autem 1 qdi quadratum p : 12 quadratus | 1 qdiqd.p: 6 qd.p: 36 æqualia | 6 qd. 6 qd. | 6 qd. | 1 qd,qd.p:12 qd.p:36 æq.6 qd.p:60 pos. | 1 qd.p:12 dratum p: 6, quam si haberent 6 quadrata p: 60 positionibus iam haberemus negocium, sed non habent, addendi igitur sunt tot quadrati et numerus idem ex

utraque parte, ut in priore relinquatur trinomium habens radicem in altero autem fiat, sit igitur numerus quadratorum eorum 1 positio, et quia, ut vidis in figura tertiæ regulæ, c. l. et m. k., fiunt ex duplo g. c. in a. b., et g. c. est 1 positio, ponam numerum quadratorum addendorum semper 2 positiones, id est duplum g. c. et quia numerus addendus ad 36, est l. n. m., et ideo quadratum g. c. cum eo quod fit.ex g. c. duplicato in c. b. seu ex g. c. in duplum c. b., et est 12, numerus quadratorum priorum, ducam igitur 1 positionem, dimidium numeri quadratorum additorum, semper in numerum quadratorum priorum et in se et fient 1 quadratum p : 12 positionibus addenda ex alia parte et etiam 2 positiones pro numero quadratorum, habemus igitur iterum ex communi animi sententia, quantitates infra scriptas, invicem æquales, et utraque habent radicem, prima ex regula tertia, sed secunda quantitas ex supposito, igitur ducta prima parte trino- | 1 qdi qd. p: 2 pos. p: 12 qd" p: 1 qd. mij in ter- p: 12 pos.additi numeri p: 36 æqualia. tiam fitqua- 2 pos. 6 quadratorum, p: 60 pos. p: 1 qd. dratum di- p: 12 pos. numeri additi.

midiæ partis secunda trinomij quiar igitu ex dimidio secundæ in se fiunt 900, quadrata, et ex prima in tertiam, fiunt 2 cubi p : 30 quadratis p : 72 positionibus quadratorum, similiter erit deprimendo per quadrata, quia æqualia per æqualia divisa producunt æqualia ut 2 cu. p: 30 quadratis p: 72 positionibus equantur 900, quare 1 cubus p: 15 quadratis p: 36 positionibus æquantur 450.

NOTE XXXV.

(PAGE 183.)

Mon illustre confrère, M. Plana, a eu la bonté de me transmettre la note suivante relative à Bombelli : je m'empresse d'en enrichir mon ouvrage, et je suis convaincu qu'elle excitera l'attention des géomètres.

« Note sur la lettre I de Leibnitz à Huygens. »

« La phrase « Mais il ne s'ensuit pas que l'opération par son più di meno est bonne » mérite une explication, car l'opération de Bombelli est très juste, et Letintiz en écrivant cette phrase donnait à entendre qu'il n'avait pas saisi la finesse inhérente au calcul de Bombelli. En effet, la formule de Cardan se réduit à dire que l'équation x²—px—q=o a pour racine:

$$z^1 = \sqrt{\frac{3}{A}} + \sqrt{\frac{3}{B}}$$

en posant pour plus de simplicité :

$$A = \frac{q}{2} + \sqrt{\frac{q^3}{4} - \frac{p^3}{27}}; B = \frac{q}{2} - \sqrt{\frac{q^3}{4} - \frac{p^3}{27}}$$

donc, en appliquant cette formule à l'équation x3-15x-4=0, on obtient :

$$A = 2 + 11 \sqrt{-1}, B = 2 - 11 \sqrt{-1}.$$

Bombelli a remarqué qu'on avait ici $\Lambda = (2 + \sqrt{-1})^3$; $B = (2 - \sqrt{-1})^3$ et de là il a conclu avec raison que $x = (2 + \sqrt{-1}) + (2 - \sqrt{-1}) = 4$. Ainsi, cette opération est fort bonne. Cependant il est remarquable que ce morceau du livre de Bombelli, que Leibnitz semble critiquer, soit au contraire loué par Lagrange dans sa troisième leçon donnée en 1795, à l'école normale. Il s'exprime ainsi « L'algèbre de Bombelli ne contient pas seulement la découverte de Ferrari, mais encore différentes remarques importantes sur les équations du second et du troisième degré, et surtout sur le calcul des radicaux, au moyen duquel l'auteur parvient, dans quelques cas, à tirer les racines cubes imaginaires des deux binômes de la formule du troisième degré dans le cas irréductible, ce qui donne un résultat tout réel et fournit la preuve la plus directe de la réalité de ces sortes d'équations. . Et plus loin, Lagrange dit au sujet de l'exemple même cité par Leibnitz : « C'est de cette manière que Bombelli s'est convaincu de la réalité de l'expression imaginaire du cas irréductible. »

«Relativementà ce que Leibnitz dit dans cette lettre au sujet de l'équation x²—12x—9=0, on pourrait faire les remarques suivantes. La formule de Cardan donne dans ce cas :

$$\int_{A}^{3} \sqrt{\frac{q}{2} + \frac{V - \frac{175}{4}}} \int_{3}^{4} \sqrt{\frac{q}{2} + \frac{5}{2} \frac{V - 7}{2}} = \frac{-3 + \frac{V - 7}{2}}{3}$$

$$\int_{B}^{3} \sqrt{\frac{q}{2} - \frac{V - \frac{175}{4}}} \int_{4}^{3} \sqrt{\frac{q}{2} - \frac{5}{2} \frac{V - 7}{2}} = \frac{-3 - \frac{V - 7}{2}}{3}$$
et par conséquent
$$e' = \left(-\frac{3 + \frac{V - 7}{2}}{2}\right) + \left(-\frac{3 - \frac{V - 7}{2}}{3}\right) = -3$$

Il est vrai que Bombelli n'exécute pas cette extrac-

tion dans la page 293, mais ce n'est pas faute de sa méthode. Il voyait bien que par là il obtenait seulement une valuer négative. La formule de Cardan proprement dite ne pouvait pas fournir dans ce cas la racine positive; mais le même Cardan avait donné une autre méthode pour la trouver en pareille circonstance. Cette méthode, que Bombelli applique dans la page 293, se réduit à ceci. Soit : $x^2 = 12x + 9$; a joutons aux deux membres de l'équation le cube a^3 , il viendra $x^2 + a^3 = 12x + 9 + a^3$; partant

$$\frac{x^3 - a^3}{x + a} = \frac{12x + 9 + a^3}{x + a} \text{ ou bien}$$

$$x^3 - ax + a^2 = 12 \left(\frac{x + 9 + a^3}{12} \right)$$

« Actuellement, si l'on prend pour a un nombre tel que $\frac{9+a^3}{12}=a$, on aura x par la solution de l'équation du second degré $x^2-ax+a^2=12$. Or, avec une légère attenion, on voit que a=3 satisfait à la condition $\frac{9+a^3}{12}=a$. Ainsi, on a $x^2-3x=3$ d'où l'on tire $x=\frac{3+1}{2},\frac{1}{2},\frac{1}{2},\frac{1}{2},\frac{1}{2}$. On voit par là que Bombelli ne tire pas cette racine de la formule $\frac{1}{\sqrt{\lambda}}+\frac{1}{\sqrt{\lambda}}$, mais par un autre procédé enseigné par Cardan, procédé qui revient à trouver les deux autres racines de l'équation du troisième degré, lorsqu'une des racines est connue; car le rapprochement des deux équations $x^2-12x-9=0$, $a^2-12x+9=0$ indique que -a=-3 est racine de l'équation en x. On peut dire en général que si a est une racine de l'équation $x^2-px-q=0$, on x and x is a est une racine de l'équation $x^2-px-q=0$, on x

 $q=a^3-pa$, et par conséquent $(x^2-a^3)-p(x-a)=0$, ou bien $x^3+ax+a^3-p=0$, d'où l'on tire $x=\frac{a+1}{2}\sqrt{p-\frac{3}{4}a}$; les trois racines de l'équation $x^2-px-q=0$ sont donc fournies en général par ces trois formules :

qui sont une conséquence de la méthode de Cardan, ecrite algébriquement. Il suffit donc que x soit un nombre rationnel pour qu'on ait les valeurs de x x, exprimées par un nombre et une racine carrée. Si Leibnitz avait mieux examiné l'artifice exposé par Bombelli, dans la page 293, il n'aurait pas écrit à

Huygens que la racine $\imath \frac{1}{2} + \sqrt{5\frac{1}{4}} = \frac{3}{2} + \sqrt{\frac{5}{14}} < \frac{4}{64}$ etant composée d'un nombre et d'une racine carrée, ne pouvait pas être tirée des formules de Cardan, parce que les racines qu'on a par ces formules sont toujours ou irrationnelles cubiques, ou nombres. Et encore moins il aurait ajouté : « D'où vient qu'il a cru (Bombelli) que les formules de Cardan ne servent pas en cette rencontre, et ne sont pas générales. »

« Sans doute les formules (c) sont générales, et Lagrange dit, dans la leçon déjà citée, que jusqu'en 1746 elles ont été employées sous cette forme. On a remarqué depuis qu'on pouvait tirer les trois racines de la formule de Cardan, en donnant l'extension conve-

ш.

nable aux quantités exprimées par des racines cubiques; ce qui a transformé les formules (c) en celles-ci.

$$\begin{pmatrix}
z' = \sqrt{A} + \sqrt{B}, \\
z'' = \alpha \sqrt{A} + \beta \sqrt{B}, \\
z'' = \beta \sqrt{A} + \alpha \sqrt{A}
\end{pmatrix}$$

οù

$$\alpha = -\left(\frac{1-\sqrt{-3}}{3}\right), \beta = -\left(\frac{1+\sqrt{-3}}{3}\right)$$

« Leibnitz ne me paraît pas l'auteur de ce perfectionnement important ni de la transformation de ces formules, faite par Albert Ginzard, pour ramener à la trisection de l'angle le cas irréductible. Ainsi, tout bien considéré, on ne peut pas regarder comme exacte la critique de Leibnitz, faite sur le passage de l'algèbre de Bombelli, qu'il a voulu faire remarquer à Huygens.»

Pour l'intelligence de cette note, que j'ai donnée textuellement, telle que je l'ai reçue du savan géomètre de Tarin, j'ajouterai seulement que la lettre de Leibnitz, dont il est question ici, se trouve dans un ouvrage intitulé: Hugenii exercitationes mathematica et philosophica (Hagac Comitum, 1833, 2 vol. in-4, 10m. 1, p. 1), qui renferme une foule de faits très intéressans pour l'histoire des sciences. On doit vivement désirer que M. Uylenbreck puisse faire paraître promptement la suite de cet excellent ouvrage.

ADDITION

à la note (1) de la page 115.

Comme le livre de Commandin, cité dans cette note, est fort rare, nous allons reproduire ici la dédicace, qui contient des faits curieux sur l'histoire des sciences, et particulièrement sur les recherches d'Archimède et de Maurolycus, relatives au centre de gravité des solides.

ALEXANDRO FARNESIO

CARDINALI AMPLISSIMO ET OPTIMO.

Cum multæ res in mathematicis disciplinis nequaquam satis adhuc explicatæ sint, tum perdificilis, et per obscura quæstio est de centro gravitatis corporum solidorum; quæ et ad cognoscendum pulcherrima est, et ad multa, quæ à mathematicis proponuntur, præclare intelligenda maximum affert adiumentum, de qua neminem ex mathematicis, neque nostra, neque patrum nostrorum memoria scriptum reliquisse scimus. Et quamvis in earum monumentis litterarum non nulla reperiantur, ex quibus in hanc sententiam adduci possumus, ut existimemus hanc, rem ab iisdem uberrime tractatam esse; tamen nescio quo fato adhuc

in eiusmodi librorum ignoratione versamus. Archimedes quidem mathematicorum princeps in libello, cuius inscriptio est, μντρα βαρων ὶ πιπίδων, de centro planorum copiosissime, atque acutissimo conscripsit : et in eo explicando summam ingenii, et scientiæ gloriam est consecutus. Sed de cognitione centri gravitatis corporum solidorum nulla in eius libris letera invenitur. Non multos abhinc annos MARCELLUS II. PONT. Max. cum adhuc Cardinalis esset, mihi quæ sua erat humanitas, libros eiusdem Archimedis de ijs, quæ vehuntur in aqua, latine redditos dono dedit. Hos cum ego, ut aliorum studia incitarem, emendandos, et commentariis illustrandos suscepissem, animadverti dubitari non posse, quin Archimedes vel de hac materia scripsisset, vel aliorum mathematicorum scripta perlegisset; nam in iis tam alia nonnulla, tam maxime illam propositionem, in evidentem et aliàs probatam assumit, centrum gravitatis in portionibus conoidis rectanguli axem ita dividere, ut pars, quæ ad verticem terminatur, alterius partis, quæ ad basim dupla sit. Verum hæc ad eam partem mathematicarum disciplinarum præcipue refertur, in qua de centro gravitatis corporum solidarum tractatur non est autem consentaneum Archimedem illum admirabilem virum hanc propositionem sibi argumentis conformandam existimaturum non fuisse, nisi eam vel aliis in locis probavisset, vel ab aliis probatam esse comperisset. Quamobrem nequid in iis libris intelligendis desiderari posset, statice hanc etiam partem vel à veteribus prætermissam, vel tractatam quidem, sed in tenebris iacentem non intactam relinquere;

atque ex assidua mathematicorum, præsertim Archimedis lectione, que mihi in mentem venerunt, ea in medium afferre; est centri gravitatis corporum solidorum, si non perfertam, at certe aliquam notitiam haberemus. Quem meum laborum non mathematicis solum, verum iis etiam, qui naturæ obscuritatæ delectantur, non iniucundam fore speravi : multa enim προβλήματα cognitione dignissima, quæ ad utramque scientiam attinens, sese legentibus obtulissent. Neque id ulli mirandum videri debet ut enim in corporibus nostris omnia membra, ex quibus certa quædam officia nascuntur, divino quodam ordine inter se implicata, et colligata sunt : in iisque admirabilis illa conspiratio quam σύμπνοιαν Græci vocant, elucessit ita tres illæ Philosophiæ (ut Aristotelis verbo utar) quæ veritatem solam propositam habent, licet quibusdam quasi finibus suis regantur : tamen earum unaquæque per se ipsam quadammodo imperfecta est : neque altera sine alterius auxilio plene comprehendi potest. Complures præterea mathematicorum nodi ante hac explicatu difficillimi nullo negotio expediti essent : atque (ut uno verbo complectar) nisi mea valde anno, tractationem hanc meam studiosis non mediocrem utilitatem et magnam voluptatem allaturam esse mihi persuasi. Cum autem ad hoc scribendum aggressus essem allatus est ad me liber Francisci Maurolici Messanensis, in quo vir ille doctissimus, et in iis disciplinis exercitatissimus affirmabat se de centro gravitatis corporum solidorum conscripsisse. Cum hoc intellexissem, sustinui me paulisper tacitus que expectavi, dum opus clarissimi viri, quem semper honoris caussa

nomino, in lucem proferritur : mihi enim exploratissimum erat : Franciscum Maurolicum multo doctius. et exquesitius hoc disciplinarum genus scriptis suis traditionem. Sed cum id tardius fieret, hoc est, ut ego interpretor, diligentius, mihi diutius hoc scriptione non supersedendum esse duxi, præsertim cum iam libri Archimedis de iis , quæ vehuntur in aqua , opera mea illustrati typis excudendi essent. Nec me alia caussa impulisset, ut de centro gravitatis corporum solidarum scriberem, nisi ut hac etiam ratione lux eis quam maxime fieri posset afferretur atque id eò mihi faciendum existimavi quòd in spem veniebam fore, ut cum ego ex omnibus mathematicis primus, hanc materiam explicandam suscepissem; si quid errati forte a me commissum esset, boni veri potius id meæ de studiosis hominibus bene merendi cupiditati, quam arrogantiæ ascriberent. Restabat ut considerarem cui potissimum ex principibus viris contemplationem hanc, num primum memoria, ac literis proditam dedicarem. Harum mearum cogitationum summa facta, existimavi nemini convenientius de centro gravitatis corporum opus dicari oportere, quam ALEXANDRO FARNESIO gravissimo ac prudentissimo cardinali, quo in viro summa fortuna semper cum summa virtute certavit quid enim maxime in te admirari. Debeant homines, obscurum est usum ne rerum, qui pueritiæ tempus extremum principium habuisti, et imperiorum, et ad Reges et Imperatores honorificentissimarum legationum; an excellentiam in omni genere literarum, qui vix adolescentulus, quæ homines iam confirmata ætate summo studio, diuturnisque

laboribus didiccrunt, scientia et cognitione comprehendisti : an consilium, et sapientiam, in regendis et gubernandis civitatibus cuius gravissimæ sententiæ in sanctissimo Reip. Christianæ consilio dictæ, potius divina oracula, quam sententiæ habitæ sunt, et habentur. Prætermitto liberalitatem, et munificentiam tuam, quam in studiosissimo quoque honestando quotidie magis ostendis, ne videar auribus tuis potius, quam veritati servire quamvis à te in tot præclaros viros tacita beneficia collata sunt, et conferuntur, ut omnibus testatum sit, nihil tibi esse carius, nihil iucundius, quam eximia tua liberalitate homines ad amplexandam virtutem, licet currentes incitare nihil dico de ceteris virtutibus tuis, quæ tantæ sunt quantæ in cogitatione quidem comprehendi possunt. Quamo. brem hac precipue de caussa te huius meæ lumbrationis patronum esse volui, quam ea, qua soles, humanitate accipies te enim semper ab divinas virtutes tuas colui, et observavi nihilque mihi fuit optatius, quam tibi perspectum esse meum erga te animum; singularemque observantiam, cœlum igitur digito attingam, si post gravissimas occupationes tuas legendo Federici tui libro aliquid impertiri temporis non gravaberis : cumque in iis, qui tibi semper addicti erunt, numerare. Vale

Federicus Commandinus.

Pour compléter ce que nous avions à dire sur les recherches de Maurolyeus relatives à la détermination du centre de gravité des solides, nous sjouterons que le livre initiulé Theodosii spharicorum elementa (publié par Maurolycus à Messine, en 1558) contient un Indez laudorationum Maurolyci, où, et trouve mentiomé l'ouvrage suivant: De momentis æqualibus libelli quatuor. In quorum postremo de centris Solidorum ab Archimede omissis agitur.

ADDITION

à la note (2) de la page 120.

Voici la préface d'Oddi, où il a exposé, sans rendre cependant justice à Galilée, les différentes recherches qui avaient été faites à diverses époques sur des compas analogues au compas de proportion.

DEL COMPASSO POLIMETRO PROEMIO.

Sono molti anni, che venne desiderio ad un gentilhuomo (1) nella mia patria, d'havere qualche strumento col quale potesse dividere con facilità, et giustezza le linee rette in quante parti uguali li fosse piacciuto; per isfuggire con esso la lunga, e faticosa operatione di farlo à pratica, ò la briga d'haversi a provedere di molte paia di quelle sesta, che hanno le punte d'amble le parti : e perciò ne richiese la b. m. del Commandino, dal quale fu ordinato uno di questi compassi, medesimamente con le punte doppie; mà con una fissura per il lungo dell' aste, per lequali scorrevano due bottoncini attacati à due molle, incassate in due canaletti scavati nell' aste; et erano congiunte insieme con un perno, che serviva per centro

^(*) Bartholomeo Eustachio, 1568.

dell' instrumento in qualunque sito l'havessero strascinato i bottoncini, i quali quando pervenivano per
diritto à certe buche fatte ad' arte nella fissura, erano
dalle molle sospinti alquanto infuori, et con questo
fermati, senza potersi d'indi movere se non premuti,
et caociati ad' un tempo; et perciò in ogn' una di
quelle buche che si fosse fermato il perno, veniva à
farsi la testa di due compassi, uno con le gambe lunghe, et molteplici delle curte dell' altro, nella proportione, che ne mostravano alcuni numeri segnati in
esse, et conseguentemente così riuscivano ancora
gl' intervalli delle loro aperture.

Oltre à ciò per renderlo più isquisito v' aggiunse una vite diritta, che lo teneva unito, et con l'havere i pani, che fino al mezzo voltavano dall' una e l' altra mano, lo apriva, et serrava tanto minutamente, quanto il bisogno l' havesse ricerco. Strumento in vero ingegnoso, pieno di belle considerationi, et degno d'un tant' huomo, che l'ordinò, et dell' eccellente mano di Simone Baroccio, che l' esegui con maravigliosa diligenza; mà così difficile à farsi che se mon da pochi artefici si sarebbe saputo imitare, et di qualche spesa, onde non tutti se ne sarebbono potuti provedere.

L'illustriss. Signore Guidobaldo de Marchesi del Monte, che in quei tempi si tratteneva in Urbino per conferire i suoi studij con il Commandino, et spesso era alla casa dove lavorava il Baroccio, havendo più volti veduto il sopradetto strumento, et considerando con la felicita del suo ingegno, che si poteva sodisfare al medesino desiderio con assai minor fatica, e spesa;

ne fece dall' istesso fare uno (1) con le gambe piane à guisa di due regoli più larghi, che grossi, et da ciascuna parte fece che si tirassero linee rette dal centro della snodatura alle punte, segnando quelle d'una parte col medesimo modo, che havea tenuto il Commandino in fare le buche; et quelle dell' altra secondo le grandezze de i lati di diverse figure equilatere, et equiangole inscritte nel cerchio, col diametro uguale à tutta la lunghezza del centro alle punte; il che fù piacciuto oltre modo, si per la simplicità della fabrica, et uso sua, come per lo numero maggiore delle divisioni per le linee rette, che l'altro non n' era capace, mà particolarmente per poterre con l'istessa facilità dividere anco le circonferenze de cerchi, et trovare le grandezze de i lati de i poligoni descritti in essi, et molte altre cose utili che dipendono dallo scompartimento del cerchio, et così con questo si è continovato molto tempo essendosene fatti un numero grande per l'Italia, et fuori.

Gl'anni adietro si vidde questo strumento accresciuto (2) di molte cose utili et curiosissime, con trattati scritti in varie lingue, et chiamato con diversi nomi; il che à posto in dubbio chi di tale aggiunta ne sia stato l'autore vero: havendo ciascheduno procu-

⁽¹⁾ Forma dell' instrumento.

⁽²⁾ Michel Cognet Bruggese, pantometra.

Giorgio Galge Maier, compasso proportionale, Galileo Galilei, compasso geometrico militare,

D. Henrion, Fran., compasso di proportione.

rato sostentare la sua parte, con testimoni, scritture, sentenze, et altri mezzi : mà come che mia intentione sia di dare una sommaria notitia del modo di segnare, et adoperare questo strumento, et non di rintracciare questa verità; lascerò che il tempo sia lui quello che la scuopra, et mostri à chi vada à dirittura tanta lade; bastandomi d'havere accennato chi di quel primo ne sia stato l'inventore. Lascerò ancora il dire d'alcune linee, che servono per i sini, tangenti, seccanti, portioni di cerchio portioni di sfera, et altre che si vedono nella Pantometra di Michel Cognet Fiamingo, si per non essere così usuali, come certe altre, si anco perchè si fatte cose si conoscono più esattamente coi numeri grandissimi che hanno le loro tavole moderne, che con strumenti piccioli, segnati co i semidiametri A di poche particelle; et restringeromni à quattro sole di più delle due antedette; la prima delle quali, è segnata secondo le grandezze de i lati d'alcune figure regolari tutte d'area uguali, si che con essa si fa in un subito, e con una semplice apertura, un poligono uguale ad' un 'altro; anzi con poco cosa più, à due, o à trè, et à quanti piace, tutti d'una medesima ò pure di diverse specie : nella seconda sono i diametri delle sfere, ò diciamo palle d'uno stesso metallo, o d' altra materia homogenea, mà di diversi pesi : nella terza sono le grandezze de i diametri delle palle d'un medesimo peso, mà di diversi metalli : et nell' ultima di queste, le grandezze de i lati de i cinque corpi regolari, et il diametro della sfera tutti frà loro di capacità uguali; le quale s'aiutano talmente insieme, che con mirabil modo fanno parer facili alcune operationi, che senza questo riuscerebbono molto difficili, lunghe, et faticose. La onde con tale aggiunta non pare che si possa per le cose di geometria aspettare altro più utile, ne più comodo strumento : et perciò hà destato in molti il desiderio d'haverne; et quantunque se ne lavorino in diversi luoghi da eccelenti artefici, non dimeno non possono sodisfare al desiderio di tutti; et alcuni altri che sarebbono abili à lavorarne, se ne restano per non saparli segnare; il che è stato principalmente la cagione per la quale io fui incitato alla fatica di scrivere questo opusculo; col quale hò desiderato di soccorrere al bisogno degl' uni, et sodisfare al desiderio degl' altri : havendo nella prima parte mostrato il modo, che si deve tenere in segnare le sopradette sei linee, et nell'altre due, con quale ordine, et regalo s'adoprino, considerandole, ò come segnate nello strumento fabricato come si è accennato di sopra, ò segnate in una semplice riga senz' altra fattura : ma brevemente con uno esempio, o due al più per volta di quelle cose, che sono manco comune a gl' altri strumenti.

FIN BU TROISIEME VOLUME.



SBN 645561





